Subject: Mathematics

[Booklet Number]

Duration: Two Hours

Maximum Marks:100

Read the following instructions carefully.

- This question paper contains all objective questions. Q.1 to Q.60 carry one mark each;
 Q.61 to Q.80 carry two marks each.
- Questions must be answered on Objective Response Sheet (ORS) by darkening the appropriate bubble (marked A, B, C, D) against the question number on the respective left hand columns. Each question has only one correct answer.
- 3. All ORS will be processed by electronic means. Hence, invalidation of Answer Sheet due to folding or putting stray marks on it or any damage to the Answer Sheet as well as incomplete/incorrect filling of the Answer Sheet will be the sole responsibility of the candidate.
- 4. Incorrect answers will carry NEGATIVE marks. For Q.1 to Q.60, 1/3 mark will be deducted for each wrong answer. For Q.61 to Q.80, 2/3 mark will be deducted for each wrong answer.
- 5. Answers without any response will be awarded zero mark. Wrong response or more than one response will be treated as incorrect answer and negative marks will be awarded for the same.
- 6. Write your roll number, name and question booklet number at the specified locations of the ORS.
- 7. Use only Black/Blue Ball Point Pen to mark the answers by complete filling up of the respective bubbles.
- 8. Mobile phones, Calculators, Slide Rules, Log Tables and Electronic Watches with facilities of Calculator, Charts, Graph sheets or any other form of Tables are NOT allowed in the examination hall. Possession of such devices during the examinations may lead to cancellation of the paper besides seizing of the same.
- 9. Mark the answers only in the space provided. Please do not make any stray mark on the ORS.
- 10. Rough work can be done on the question paper itself. Additional blank pages are given at the end of the question paper for rough work.
- 11. This question paper contains 28 printed pages including pages for rough work. Please check all pages and report, if there is any discrepancy.
- 12. Please hand over the ORS to the Invigilator before leaving the Examination Hall.





Q. 1 - Q. 60 carry one mark each.

If $(\alpha + \sqrt{\beta})$ and $(\alpha - \sqrt{\beta})$ are the roots of the equation $x^2 + px + q = 0$ where Q.1 α, β, p and q are real, then the roots of the equation

$$(p^2 - 4q)(p^2x^2 + 4px) - 16q = 0$$

are

- (A) $\left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\sqrt{B}}\right)$ and $\left(\frac{1}{\alpha} \frac{1}{\sqrt{B}}\right)$
- (B) $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} + \frac{1}{\beta}\right)$ and $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} \frac{1}{\beta}\right)$
 - (C) $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} + \frac{1}{\sqrt{\beta}}\right)$ and $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} \frac{1}{\sqrt{\beta}}\right)$
 - (D) $(\sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta})$ and $(\sqrt{\alpha} \sqrt{\beta})$
- The number of solutions of the equation $\log_2(x^2 + 2x 1) = 1$ is Q.2
 - (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 3

Q.3 The sum of the series

$$1 + \frac{1}{2} {}^{n}C_{1} + \frac{1}{3} {}^{n}C_{2} + ... + \frac{1}{n+1} {}^{n}C_{n}$$

is equal to

- (A) $\frac{2^{n+1}-1}{n+1}$
- (B) $\frac{3(2^n-1)}{2n}$ (C) $\frac{2^n+1}{n+1}$
- $(D) \frac{2^{n+1}}{2n}$

The value of Q.4

$$\sum_{r=2}^{\infty} \frac{1+2+\dots+(r-1)}{r!}$$

is equal to

- (A) e
- (B) 2e
- (C) $\frac{e}{2}$

Q.5 lf

$$P = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}, \ Q = PP^T,$$

then the value of the determinant of Q is equal to

- (A) 2
- (B) -2
- (C) 1
- (D) 0
- The remainder obtained when $1! + 2! + \dots + 95!$ is divided by 15 is Q.6
 - (A) 14
- (B) 3
- (C) 1
- (D) 0

Q.7 If P, Q, R are angles of triangle PQR, then the value of

is equal to

(A) -1

(B) 0

 $(C)^{\frac{1}{2}}$

(D) 1

Q.8 The number of real values of α for which the system of equations

$$x + 3y + 5z = \alpha x$$

$$5x + y + 3z = \alpha y$$
$$3x + 5y + z = \alpha z$$

has infinite number of solutions is

(A) 1

(B) 2

(C) 4

(D) 6

Q.9 The total number of injections (one-one into mappings) from $\{a_1, a_2, a_3, a_4\}$ to $\{b_1, b_2, b_3, b_4, b_5, b_6, b_7\}$ is

(A) 400

(B) 420

(C) 800

(D) 840

Q.10 Let $(1+x)^{10} = \sum_{r=0}^{10} c_r x^r$ and $(1+x)^7 = \sum_{r=0}^7 d_r x^r$. If $P = \sum_{r=0}^5 c_{2r}$ and $Q = \sum_{r=0}^3 d_{2r+1}$, then $\frac{P}{Q}$ is equal to

(A) 4

(B) 8

(C) 16

(D) 32

Q.11 Two decks of playing cards are well shuffled and 26 cards are randomly distributed to a player. Then the probability that the player gets all distinct cards is

(A) $^{52}C_{26}$ / $^{104}C_{26}$

(B) $2 \times {}^{52}C_{26} / {}^{104}C_{26}$

(C) $2^{13} \times {}^{52}C_{26} / {}^{104}C_{26}$

(D) $2^{26} \times {}^{52}C_{26} / {}^{104}C_{26}$

Q.12 An urn contains 8 red and 5 white balls. Three balls are drawn at random. Then the probability that balls of both colours are drawn is

(A) $\frac{40}{143}$

(B) $\frac{70}{143}$

(C) $\frac{3}{13}$

(D) $\frac{10}{13}$

Q.13	it o <mark>nc</mark> e; assur	Two coins are available, one fair and the other two-headed. Choose a coin and toss it once; assume that the unbiased coin is chosen with probability $\frac{3}{4}$. Given that the outcome is head, the probability that the two-headed coin was chosen is				
	(A) $\frac{3}{5}$	(B) $\frac{2}{5}$	(C) $\frac{1}{5}$	(D) $\frac{2}{7}$		

- Q.14 Let \mathbb{R} be the set of real numbers and the functions $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ and $g: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ be defined by $f(x) = x^2 + 2x 3$ and g(x) = x + 1. Then the value of x for which f(g(x)) = g(f(x)) is
 - (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) 2
- Q.15 If a,b,c are in arithmetic progression, then the roots of the equation $ax^2 2bx + c = 0$ are
 - (A) 1 and $\frac{c}{a}$ (B) $-\frac{1}{a}$ and -c (C) -1 and $-\frac{c}{a}$ (D) -2 and $-\frac{c}{2a}$
- Q.16 The equation $y^2 + 4x + 4y + k = 0$ represents a parabola whose latus rectum is
 - (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4
- Q.17 If the circles $x^2 + y^2 + 2x + 2ky + 6 = 0$ and $x^2 + y^2 + 2ky + k = 0$ intersect orthogonally, then k is equal to
 - (A) $2 \text{ or } -\frac{3}{2}$ (B) $-2 \text{ or } -\frac{3}{2}$ (C) $2 \text{ or } \frac{3}{2}$
- Q.18 If four distinct points (2k, 3k), (2,0), (0,3), (0,0) lie on a circle, then
 - (A) k < 0 (B) 0 < k < 1 (C) k = 1 (D) k > 1
- Q.19 The line joining $A(b\cos\alpha, b\sin\alpha)$ and $B(a\cos\beta, a\sin\beta)$, where $a \neq b$, is produced to the point M(x,y) so that AM: MB = b:a. Then $x\cos\frac{\alpha+\beta}{2} + y\sin\frac{\alpha+\beta}{2}$ is equal to

(A) 0 (B) 1 (C) -1 (D) $a^2 + b^2$

Let the foci of the ellipse $\frac{x^2}{9} + y^2 = 1$ subtend a right angle at a point P. Then the Q.20 locus of P is

(A)
$$x^2 + y^2 = 1$$

(A)
$$x^2 + y^2 = 1$$
 (B) $x^2 + y^2 = 2$ (C) $x^2 + y^2 = 4$ (D) $x^2 + y^2 = 8$

(C)
$$x^2 + y^2 = 4$$

(D)
$$x^2 + y^2 = 8$$

Q.21 The general solution of the differential equation

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x+y+1}{2x+2y+1}$$

is

(A)
$$\log_e |3x + 3y + 2| + 3x + 6y = c$$

(B) $\log_e |3x + 3y + 2| - 3x + 6y = c$
(C) $\log_e |3x + 3y + 2| - 3x - 6y = c$
(D) $\log_e |3x + 3y + 2| + 3x - 6y = c$

(B)
$$\log_a |3x + 3y + 2| - 3x + 6y = c$$

(C)
$$log_e |3x + 3y + 2| - 3x - 6y = 6$$

(D)
$$log_e |3x + 3y + 2| + 3x - 6y = c$$

Q.22 The value of the integral

$$\int_{\pi/6}^{\pi/2} \left(\frac{1+\sin 2x + \cos 2x}{\sin x + \cos x} \right) dx$$

is equal to

Q.23 The value of the integral

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{1 + (\tan x)^{101}} \ dx$$

is equal to

$$(\beta)\frac{\pi}{6}$$

$$(C)^{\frac{\pi}{8}}$$

(D)
$$\frac{\pi}{4}$$

Q.24 The integrating factor of the differential equation

$$3x \log_e x \frac{dy}{dx} + y = 2 \log_e x$$

is given by

(A)
$$(log_e x)^3$$

(B)
$$log_e(log_e x)$$

(C)
$$log_e x$$

(D)
$$(log_e x)^{\frac{1}{3}}$$

Q.25 Number of solutions of the equation tan x + sec x = 2 cos x, $x \in [0, \pi]$ is

Q.26 The value of the integral

$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x + \cos x}{3 + \sin 2x} dx$$

is equal to

(A)
$$log_e 2$$

(B)
$$log_e 3$$

(C)
$$\frac{1}{4}log_e 2$$

(D)
$$\frac{1}{4}log_e 3$$

- Q.27 Let $y = (\frac{3^x 1}{3^x + 1}) \sin x + \log_e(1 + x)$, x > -1. Then at x = 0, $\frac{dy}{dx}$ equals
 - (A) 1
- (B) 0
- (D) -2
- Maximum value of the function $f(x) = \frac{x}{8} + \frac{2}{x}$ on the interval [1, 6] is Q.28
 - (A) 1
- (B) $\frac{9}{8}$ (C) $\frac{13}{12}$
- $(D)^{\frac{17}{9}}$

Q.29 For $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$, the value of

$$\frac{d}{dx} \left\{ \tan^{-1} \frac{\cos x}{1 + \sin x} \right\}$$

is equal to

- (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $-\frac{1}{2}$
- (C) 1
- (D) $\frac{\sin x}{(1+\sin x)^2}$

Q.30 The value of the integral

$$\int_{-2}^{2} (1+2\sin x)e^{|x|} dx$$

is equal to

- (A) 0
- (B) $e^2 1$ (C) $2(e^2 1)$
- (D) 1
- Q.31 The maximum value of |z| when the complex number z satisfies the condition $|z + \frac{2}{z}| = 2$ is
 - (A) √3
- (B) $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ (C) $\sqrt{3} + 1$ (D) $\sqrt{3} 1$

- Q.32 If $\left(\frac{3}{2} + i \frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{50} = 3^{25}(x + iy)$, where x and y are real, then the ordered pair (x, y)
 - (A) (-3, 0)
- (B) (0, 3) (C) (0, -3)
- (D) $\left(\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

- Q.33 If $\frac{z-1}{z+1}$ is purely imaginary, then
 - (A) $|z| = \frac{1}{2}$ (B) |z| = 1
- (C) |z| = 2
- (D) |z| = 3

Q.34	There are 100 students in a class. In an examination, 50 of them failed in Mathematics, 45 failed in Physics, 40 failed in Biology and 32 failed in exactly two of the three subjects. Only one student passed in all the subjects. Then the number of students failing in all the three subjects				
	(A) is 12 (C) is 2		(B) is 4 (D) cannot be detern given information		
Q.35	A vehicle registration number consists of 2 letters of English alphabet followed by 4 digits, where the first digit is not zero. Then the total number of vehicles with distinct registration numbers is			phabet followed by ber of vehicles with	
	(A) $26^2 \times 10^4$	(B) 26 P ₂ \times 10 P ₄	(C) $^{26}P_2 \times 9 \times ^{10}P_3$	(D) $26^2 \times 9 \times 10^3$	
Q.36	The number of words that can be written using all the letters of the word 'IRRATIONAL' is				
	(A) $\frac{10!}{(2!)^3}$	(B) $\frac{10!}{(2!)^2}$	(C) 10! 2!	(D) 10!	
Q.37	Four speakers will address a meeting where speaker Q will always speak after speaker P. Then the number of ways in which the order of speakers can be prepared is				
	(A) 256	(B) 128	(C) 24	(D) 12	
Q.38	The number of diagonals in a regular polygon of 100 sides is				
	(A) 49 <mark>50</mark>	(B) 4850	(C) 4750	(D) 4650	
Q.39	Let the coefficients of powers of x in the 2^{nd} , 3^{rd} and 4^{th} terms in the expansion of $(1+x)^n$, where n is a positive integer, be in arithmetic progression. Then the sum of the coefficients of odd powers of x in the expansion is				
	(A) 32	(B) 64	(C) 128	(D) 256	

Q.40 Let $f(x) = ax^2 + bx + c$, $g(x) = px^2 + qx + r$, such that f(1) = g(1), f(2) = g(2) and f(3) - g(3) = 2. Then f(4) - g(4) is

(A) 4

(B) 5

(C) 6

(D) 7

Q.41 The sum $1 \times 1! + 2 \times 2! + \dots + 50 \times 50!$ equals

- (A) 51!
- (B) 51! 1
- (C) 51! + 1
- (D) 2 × 51!

Q.42 Six numbers are in A.P. such that their sum is 3. The first term is 4 times the third term. Then the fifth term is

- (A) -15
- (B) -3
- (C) 9
- (D) -4

Q.43 The sum of the infinite series

$$1 + \frac{1}{3} + \frac{1.3}{3.6} + \frac{1.3.5}{3.6.9} + \frac{1.3.5.7}{3.6.9.12} + \cdots$$

is equal to

- (A) √2
- (B) √3
- (C) $\sqrt{\frac{3}{2}}$
- (D) $\sqrt{\frac{1}{3}}$

Q.44 The equations $x^2 + x + a = 0$ and $x^2 + ax + 1 = 0$ have a common real root

(A) for no value of a

- (B) for exactly one value of a
- (C) for exactly two values of a
- (D) for exactly three values of a

Q.45 If 64, 27, 36 are the P^{th} , Q^{th} and R^{th} terms of a G.P., then P+2Q is equal to

- (A) R
- (B) 2R
- (C) 3R
- (D) 4R

Q.46 If $sin^{-1}x + sin^{-1}y + sin^{-1}z = \frac{3\pi}{2}$, then the value of $x^9 + y^9 + z^9 - \frac{1}{x^9y^9z^9}$

is equal to

- (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D)3

Q.47 Let p,q,r be the sides opposite to the angles P,Q,R respectively in a triangle PQR. If $r^2 \sin P \sin Q = pq$, then the triangle is

(A) equilateral

(B) acute angled but not equilateral

(C) obtuse angled

(D) right angled

Let p,q,r be the sides opposite to the angles P,Q,R respectively in a triangle PQR. Q.48 Then $2pr \sin\left(\frac{P-Q+R}{2}\right)$ equals

(A)
$$p^2 + q^2 + r^2$$

(B)
$$p^2 + r^2 - q^2$$

(C)
$$q^2 + r^2 - p^2$$

(A)
$$p^2 + q^2 + r^2$$
 (B) $p^2 + r^2 - q^2$ (C) $q^2 + r^2 - p^2$ (D) $p^2 + q^2 - r^2$

Let P(2, -3), Q(-2, 1) be the vertices of the triangle PQR. If the centroid of Q.49 ΔPOR lies on the line 2x + 3y = 1, then the locus of R is

(A)
$$2x + 3y = 9$$

(B)
$$2x - 3y = 7$$

(A)
$$2x + 3y = 9$$
 (B) $2x - 3y = 7$ (C) $3x + 2y = 5$ (D) $3x - 2y = 5$

(D)
$$3x - 2y = 5$$

- Q.50 $\lim_{x\to 0} \frac{\pi^x 1}{\sqrt{1+x-1}}$
 - (A) does not exist
 - (C) equals 1

- (B) equals $log_e(\pi^2)$
- (D) lies between 10 and 11
- Q.51 If f is a real-valued differentiable function such that f(x)f'(x) < 0 for all real x, then
 - (A) f(x) must be an increasing function
 - (B) f(x) must be a decreasing function
 - (C) |f(x)| must be an increasing function
 - (D) |f(x)| must be a decreasing function
- Rolle's theorem is applicable in the interval [-2, 2] for the function Q.52

$$(A) f(x) = x^3$$

$$(B) f(x) = 4x^4$$

(A)
$$f(x) = x^3$$
 (B) $f(x) = 4x^4$ (C) $f(x) = 2x^3 + 3$ (D) $f(x) = \pi |x|$

(D)
$$f(x) = \pi |x|$$

Q.53 The solution of

$$25\frac{d^2y}{dx^2} - 10\frac{dy}{dx} + y = 0, y(0) = 1, y(1) = 2e^{1/5}$$

$$y(0) = 1, y(1) = 2e^{1/2}$$

is

(A)
$$y = e^{5x} + e^{-5x}$$

$$(B) y = (1+x)e^{5x}$$

(C)
$$y = (1+x)e^{\frac{x}{2}}$$

(A)
$$y = e^{5x} + e^{-5x}$$
 (B) $y = (1+x)e^{5x}$ (C) $y = (1+x)e^{\frac{x}{5}}$ (D) $y = (1+x)e^{-\frac{x}{5}}$

Let P be the midpoint of a chord joining the vertex of the parabola $y^2 = 8x$ to Q.54 another point on it. Then the locus of P is

(A) $y^2 = 2x$ (B) $y^2 = 4x$ (C) $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ (D) $x^2 + \frac{y^2}{4} = 1$

The line x = 2y intersects the ellipse $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ at the points P and Q. The Q.55 equation of the circle with PQ as diameter is

(A) $x^2 + y^2 = \frac{1}{2}$ (B) $x^2 + y^2 = 1$ (C) $x^2 + y^2 = 2$ (D) $x^2 + y^2 = \frac{5}{2}$

The eccentric angle in the first quadrant of a point on the ellipse $\frac{x^2}{10} + \frac{y^2}{8} = 1$ at a Q.56 distance 3 units from the centre of the ellipse is

 $(A)^{\frac{\pi}{\epsilon}}$

(B) $\frac{\pi}{4}$

 $(C)\frac{\pi}{2}$

(D) $\frac{\pi}{2}$

The transverse axis of a hyperbola is along the x-axis and its length is 2a. The Q.57 vertex of the hyperbola bisects the line segment joining the centre and the focus. The equation of the hyperbola is

(A) $6x^2 - y^2 = 3a^2$ (B) $x^2 - 3y^2 = 3a^2$ (C) $x^2 - 6y^2 = 3a^2$ (D) $3x^2 - y^2 = 3a^2$

A point moves in such a way that the difference of its distance from two points Q.58 (8,0) and (-8,0) always remains 4. Then the locus of the point is

(A) a circle

(B) a parabola

(C) an ellipse

(D) a hyperbola

The number of integer values of m_i , for which the x-coordinate of the point of Q.59 intersection of the lines 3x + 4y = 9 and y = mx + 1 is also an integer, is

(A) 0

(B) 2

(C) 4

(D) 1

If a straight line passes through the point (α, β) and the portion of the line Q.60 intercepted between the axes is divided equally at that point, then $\frac{x}{\alpha} + \frac{y}{\beta}$ is

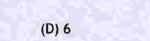
(A) 0

(B) 1

(C) 2

(D) 4

Q.61	The coefficient of x^{10} in the expansion of $1 + (1+x) + + (1+x)^{20}$				
	is	1 + (1 + 1)	+ (1 1 1/2)		
	(A) ¹⁹ C ₉	(B) ²⁰ C ₁₀	(C) ²¹ C ₁₁	(D) ²² C ₁₂	
Q.62	The system of line	$\lambda x + y$	$y + z = 3$ $-2z = 6$ $y + z = \mu$		
	(B) infinite number (C) no solution for	er of solutions for $\lambda \neq 0$ or of solutions for $\lambda = 0$ or $\lambda \neq 0$ n for $\lambda = 0$ and $\lambda = 0$	-1 and $\mu = 3$		
Q.63	Let A and B be tw Then $P(B A \cup B^C)$	yo events with $P(A^c) =$) is equal to	= 0.3, P(B) = 0.4 and	$d P(A \cap B^{c}) = 0.5.$	
	(A) $\frac{1}{4}$	(B) $\frac{1}{3}$	(C) $\frac{1}{2}$	(D) $\frac{2}{3}$	
Q.64	Let p,q,r be the altitudes of a triangle with area S and perimeter $2t$. Then the value of $\frac{1}{p} + \frac{1}{q} + \frac{1}{r}$ is				
	(A) $\frac{s}{t}$	$(B) \frac{t}{s}$	$(C)\frac{s}{2t}$	$(D)\frac{2S}{t}$	
Q.65	respectively and		points of intersect	4 and $(x-2)^2 + y^2 = 1$ tion. Then the areas of	
	(A) 3:1	(B) 5 : 1	(C) 7:1	(D) 9 : 1	
Q.66	_			e lines $x + 2y = 4$ and ocus of the midpoint of	
	$(A) \ 3(x+y) = 2x$	y (B) $2(x + y) = 3xy$	(C) 2(x+y) = xy	(D) x + y = 3xy	





then the distance of the vertex from R is

(B) 2

Q.67

(A) 1

Let P and Q be the points on the parabola $y^2 = 4x$ so that the line segment PQ

subtends right angle at the vertex. If PQ intersects the axis of the parabola at R,

(C) 4

The incentre of an equilateral triangle is (1,1) and the equation of one side is Q.68 3x + 4y + 3 = 0. Then the equation of the circumcircle of the triangle is

(A)
$$x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2 = 0$$

(B)
$$x^2 + y^2 - 2x - 2y - 14 = 0$$

(C)
$$x^2 + y^2 - 2x - 2y + 2 = 0$$

(D)
$$x^2 + y^2 - 2x - 2y + 14 = 0$$

Q.69 The value of $\lim_{n\to\infty} \frac{(n!)^{\frac{1}{n}}}{n}$ is

(A) 1 (B)
$$\frac{1}{e^2}$$

$$(C)\frac{1}{2e}$$

(D)
$$\frac{1}{e}$$

The area of the region bounded by the curves $y = x^3$, $y = \frac{1}{x}$, x = 2 is Q.70

(A)
$$4 - log_e 2$$

$$(B)^{\frac{1}{4}} + log_e^2$$

(C)
$$3 - log_e 2$$

(A)
$$4 - log_e 2$$
 (B) $\frac{1}{4} + log_e 2$ (C) $3 - log_e 2$ (D) $\frac{15}{4} - log_e 2$

Let y be the solution of the differential equation Q.71

$$x \frac{dy}{dx} = \frac{y^2}{1 - y \log x}$$

satisfying y(1) = 1. Then y satisfies

$$(A) y = x^{y-1}$$

(B)
$$y = x^3$$

(B)
$$y = x^y$$
 (C) $y = x^{y+1}$ (D) $y = x^{y+2}$

$$(D) y = x^{y+2}$$

The area of the region, bounded by the curves $y = sin^{-1}x + x(1-x)$ and Q.72 $y = sin^{-1}x - x(1 - x)$ in the first quadrant, is

(B)
$$\frac{1}{2}$$

(B)
$$\frac{1}{2}$$
 (C) $\frac{1}{3}$

(D)
$$\frac{1}{4}$$

The value of the integral Q.73

$$\int_{1}^{5} [|x-3|+|1-x|] dx$$

is equal to

If f(x) and g(x) are twice differentiable functions on (0,3) satisfying Q.74 f''(x) = g''(x), f'(1) = 4, g'(1) = 6, f(2) = 3, g(2) = 9, then f(1) - g(1) is

$$(B) -4$$

$$(D) -2$$

Let [x] denote the greatest integer less than or equal to x, then the value of the Q.75 integral

$$\int_{-1}^{1} (|x| - 2[x]) \, dx$$

is equal to

$$(C) -2$$

$$(D) -3$$

Q.76 The points representing the complex number z for which

$$\arg\left(\frac{z-2}{z+2}\right) = \frac{\pi}{3}$$

lie on

(A) a circle

(B) a straight line

(C) an ellipse

(D) a parabola

Let a, b, c, p, q, r be positive real numbers such that a, b, c are in G.P. and Q.77 $a^p = b^q = c^r$. Then

(A) p,q,r are in G.P.

(B) p, q, r are in A.P.

(C) p,q,r are in H.P.

(D) p^2, q^2, r^2 are in A.P.

Q.78 Let S_k be the sum of an infinite G.P. series whose first term is k and common ratio is $\frac{k}{k+1}$ (k > 0). Then the value of

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{S_k}$$

is equal to

(A) loge4

(B) $log_e 2 - 1$ (C) $1 - log_e 2$ (D) $1 - log_e 4$

Q.79 The quadratic equation

$$2x^2 - (a^3 + 8a - 1)x + a^2 - 4a = 0$$

possesses roots of opposite sign. Then

(A) $a \leq 0$

(B) 0 < a < 4 (C) $4 \le a < 8$

(D) $a \ge 8$

Q.80 If $\log_e(x^2 - 16) \le \log_e(4x - 11)$, then

 $(A) 4 < x \le 5$

(B) x < -4 or x > 4

 $(C) -1 \le x \le 5$

(D) x < -1 or x > 5

END OF THE ENGLISH QUESTION PAPER

Q. 1 - Q. 60 প্রতিটি প্রশ্নে এক নম্বর আছে।

lpha,eta,p এবং q হল এমন চারটি বাস্তবরাশি যাতে $(lpha+\sqrt{eta})$ এবং $(lpha-\sqrt{eta})$ হল Q.1 $x^2 + px + q = 0$ সমীকরণের বীজ। তাহলে

$$(p^2 - 4q)(p^2x^2 + 4px) - 16q = 0$$

সমীকরণের বীজগুলি হল

- (B) $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} + \frac{1}{\theta}\right)$ and $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} \frac{1}{\theta}\right)$
- (C) $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} + \frac{1}{\sqrt{B}}\right)$ are $\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} \frac{1}{\sqrt{B}}\right)$
- (D) $(\sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta})$ এবং $(\sqrt{\alpha} \sqrt{\beta})$

 $\log_2(x^2 + 2x - 1) = 1$ সমীকরণটির কতগুলি সমাধান সন্তব? Q.2

- (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 3

 $1 + \frac{1}{2}$ ${}^{n}C_{1} + \frac{1}{3}$ ${}^{n}C_{2} + ... + \frac{1}{n+1}$ ${}^{n}C_{n}$ শ্রেণীটির যোগফল

- (A) $\frac{2^{n+1}-1}{n+1}$ (B) $\frac{3(2^n-1)}{2n}$ (C) $\frac{2^n+1}{n+1}$

Q.4 $\sum_{r=2}^{\infty} \frac{1+2+\cdots+(r-1)}{r!}$ - এর মান হল

- (A) e
- (B) 2e
- $(C)\frac{e}{2}$
- $(D) \frac{3e}{2}$

Q.5 यपि

 $P = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ এবং $Q = PP^T$ হয়,

তাহলে ০ -এর নির্ণায়কের মান হল

- (A) 2
- (B) -2
- (C) 1
- (D) 0

1! + 2! + ··· + 95! কে 15 দিয়ে ভাগ করলে ভাগশেষ হয় Q.6

- (A) 14
- (B) 3
- (C) 1
- (D) 0

Q.7 P,Q,R যদি PQR ত্রিভুজের তিনটি কোণ হয়, তাহলে

নির্ণায়কটির মান হল

(A) -1

(B) 0

(C) $\frac{1}{2}$

(D) 1

Q.8 α-এর কতগুলি বাস্তব মানের জন্য

$$x + 3y + 5z = \alpha x$$

$$5x + y + 3z = \alpha y$$

$$3x + 5y + z = \alpha z$$

সমীকরণসমূহের অসীমসংখ্যক সমাধান থাকবে?

(A) 1

(B)2

(C)4

(D) 6

Q.9 {a₁ , a₂, a₃, a₄} থেকে {b₁ , b₂, b₃, b₄, b₅ , b₆, b₇} -এ সর্বমোট ঐকিক চিত্রণের (one-one into mappings) সংখ্যা হল

(A) 400

(B) 420

(C) 800

(D) 840

Q.10 ধরা যাক, $(1+x)^{10} = \sum_{r=0}^{10} c_r x^r$ এবং $(1+x)^7 = \sum_{r=0}^7 d_r x^r$ । যদি $P = \sum_{r=0}^6 c_{2r}$ এবং

 $Q=\sum_{r=0}^{3}d_{2r+1}$ হয়, তাহলে $rac{P}{Q}$ -এর মান হল

(A) 4

(B) 8

(C) 16

(D) 32

Q.11 তাসের দুটি প্যাকেটকে ভালোভাবে মিশিয়ে দিয়ে তার থেকে যদৃচ্ছভাবে 26 টি তাস একজন খেলোয়াড় কে দেওয়া হল। তাহলে ঐ খেলোয়াড়ের প্রতিটি তাসই ভিন্ন পাওয়ার সম্ভাবনা হল

(A) 52C₂₆ / 104C₂₆

(B) $2 \times {}^{52}C_{26} / {}^{104}C_{26}$

(C) $2^{13} \times {}^{52}C_{26} / {}^{104}C_{26}$

(D) $2^{26} \times {}^{52}C_{26} / {}^{104}C_{76}$

Q.12 একটি পাত্রে ৪ টি লাল এবং 5 টি সাদা বল আছে। সেখান থেকে যদৃচ্ছভাবে তিনটি বল তোলা হল। তাহলে দুরকম রঙেরই বল তোলার সম্ভাবনা হল

(A) $\frac{40}{143}$

(B) $\frac{70}{143}$

(C) $\frac{3}{13}$

(D) $\frac{10}{13}$

Q.13	দূটি মুদ্রা আছে। একটি ঝোঁকশূন্য (fair) এবং অন্যটির দুদিকেই হেড (head)। একটি মুদ্রা নির্বাচন করা হল এবং নির্বাচিত মুদ্রাটিকে একবার টস (toss) করা হল। ধরা যাক, ঝোঁকশূন্য মুদ্রাটি নির্বাচনের সম্ভাবনা $\frac{3}{4}$ । টসে যদি হেড এসে থাকে, তবে দুই হেড-ওলা মুদ্রাটি নির্বাচিত হওয়ার সম্ভাবনা হল					
	(A) $\frac{3}{5}$	(B) $\frac{2}{5}$	(C) ¹ / ₅	(D) $\frac{2}{7}$		
Q.14	ধরা যাক বাস্তব সংখ্যার সেট $\mathbb R$ এবং $f\colon \mathbb R\to \mathbb R$ ও $g\colon \mathbb R\to \mathbb R$ অপেক্ষকদ্বয়ের সংজ্ঞা নিম্ন রূপ $f(x)=x^2+2x-3$ এবং $g(x)=x+1$ । তাহলে x -এর যে মানের জন্য $f(g(x))=g(f(x))$ সেটি হল					
	(A) -1	(B) 0	(C) 1	(D) 2		
Q.15	a, b, c যদি সমান্তর প্রগ	তিভুক্ত হয়, তাহলে ax^2	$c^2 - 2bx + c = 0$ সমীকঃ	ব <mark>ণটির বীজগুলি হল</mark>		
	(A) 1 এবং ^c	$(B) - \frac{1}{a}$	(C) -1 এবং $-\frac{c}{a}$	(D) —2 এবং — <u>c</u>		
Q.16	$y^2 + 4x + 4y + k = 0$) অধিবৃত্তটির নাভি লন্থে র	দৈৰ্ঘ্য হল			
	(A) 1	(B) 2	(C) 3	(D) 4		
Q.17	দুটি বৃত্ত $x^2+y^2+2x+2ky+6=0$ এবং $x^2+y^2+2ky+k=0$ লম্বভাবে ছেদ করে। তাহলে k -এর মান হল					
	(A) 2 বা - ³ / ₂	(B) $-2 \overline{1} - \frac{3}{2}$	(C) 2 বা ³ 2	(D) -2 বা ³ / ₂		
Q.18	যদি চারটি স্বতন্ত্র বিন্দু (2k,3k),(2,0),(0,3),(0,0) একই বৃত্তের ওপর অবস্থিত হয়, তাহলে					
	(A) $k < 0$	(B) $0 < k < 1$	(C) $k = 1$	(D) $k > 1$		
Q.19		এবং Β(a cos β, a sin β করা হল যাতে ΑΜ -এর মান হবে				

collegedunia India's largest Student Review Platform

(D) $a^2 + b^2$

(<mark>A)</mark> 0

(<mark>C) -1</mark>

(B) 1

Q.20 $\frac{x^2}{a} + y^2 = 1$ উপবৃত্তটির নাভিদ্বয় P বিন্দুতে একটি সমকোণ উৎপন্ন করে। তবে P বিন্দুটির সঞ্চারপথ হল

(A)
$$x^2 + y^2 = 1$$

(B)
$$x^2 + y^2 = 2$$

(A)
$$x^2 + y^2 = 1$$
 (B) $x^2 + y^2 = 2$ (C) $x^2 + y^2 = 4$ (D) $x^2 + y^2 = 8$

(D)
$$x^2 + y^2 = 8$$

Q.21 $\frac{dy}{dx} = \frac{x+y+1}{2x+2y+1}$ - এর সাধারণ সমাধান হবে

(A)
$$log_e |3x + 3y + 2| + 3x + 6y = 0$$

(B)
$$\log_{x} |3x + 3y + 2| - 3x + 6y = c$$

(C)
$$log_e |3x + 3y + 2| - 3x - 6y = 6$$

(A)
$$log_e |3x + 3y + 2| + 3x + 6y = c$$

(B) $log_e |3x + 3y + 2| - 3x + 6y = c$
(C) $log_e |3x + 3y + 2| - 3x - 6y = c$
(D) $log_e |3x + 3y + 2| + 3x - 6y = c$

Q.22 $\int_{\pi/6}^{\pi/2} \left(\frac{1+\sin 2x + \cos 2x}{\sin x + \cos x} \right) dx$ সমাকলটির মান

- (B) 8
- (C)4
- (D) 1

- Q.23 $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{1 + (\tan x)^{101}} dx$ এর মান
 - (A) 1
- (B) $\frac{\pi}{\epsilon}$
- $(C)\frac{\pi}{2}$
- (D) $\frac{\pi}{4}$
- Q.24 $3x \log_e x \frac{dy}{dx} + y = 2 \log_e x$ এই অন্তরকল সমীকরণটির সমাকল গুণক (integrating factor) হল
 - (A) $(log_e x)^3$
- (B) $log_e(log_e x)$ (C) $log_e x$
- (D) $(\log_{e}x)^{\frac{1}{3}}$
- $[0,\pi]$ অন্তরালে $\tan x + \sec x = 2\cos x$ সমীকরণটির কতগুলি সমাধান আছে? Q.25
 - (A) 0
- (B) 1
- (C) 2
- (D) 3

- Q.26 $\int_{0}^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sin x + \cos x}{3 + \sin 2x} dx$ সমাকলটির মান
 - (A) $log_e 2$
- (B) $log_e 3$
- $(C) \frac{1}{4} log_e 2$
- $(D) \frac{1}{4} log_e 3$

- ধরা যাক $y=\left(\frac{3^{x}-1}{3^{x}+1}\right)\sin x + \log_{e}(1+x), \ x>-1$ । তাহলে x=0 তে $\frac{dy}{dx}$ -এর মান হবে
 - (A) 1
- (B) 0
- (<mark>C)</mark> -1
- [1, 6] অন্তরালে $f(x) = \frac{x}{8} + \frac{2}{x}$ অপেক্ষকটির চরম মান হল
 - (A) 1
- (B) $\frac{9}{8}$
- $(C)\frac{13}{12}$
- (D) $\frac{17}{8}$

 $Q.29 -\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$ অন্তরালে

$$\frac{d}{dx}\left\{tan^{-1}\frac{\cos x}{1+\sin x}\right\}$$

-এর মান

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $-\frac{1}{2}$ (C) 1
- $(D) \frac{\sin x}{(1+\sin x)^2}$

- $Q.30 \qquad \int\limits_{-\infty}^{\infty} (1+2\sin x)e^{|x|} dx$ সমাকলটির মান হল
- (A) 0 (B) $e^2 1$ (C) $2(e^2 1)$ (D) 1
- Q.31 কোনো জটিল রাশি z যদি $\left|z+\frac{2}{z}\right|=2$ শর্তটি সিদ্ধ করে, তাহলে |z|-এর চরম মান হবে
 - (A) √3
- (B) $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ (C) $\sqrt{3} + 1$ (D) $\sqrt{3} 1$
- Q.32 x এবং y বাস্তব সংখ্যাদ্বয়ের জন্য যদি $\left(\frac{3}{2}+i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{50}=3^{25}(x+iy)$ হয়, তাহলে (x,y) এই ক্রমিক জোড়ের মান হবে

- (A) (-3, 0) (B) (0, 3) (C) (0, -3) (D) $(\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$
- Q.33 $\frac{z-1}{z+1}$ যদি একটি বিশুদ্ধ কাল্পনিক রাশি হয়, তাহলে
 - (A) $|z| = \frac{1}{2}$ (B) |z| = 1
- (C) |z| = 2
- (D) |z| = 3

Q.34	কোনো একটি পরীক্ষায় একটি শ্রেণীর 100 জন ছাত্রছাত্রীর মধ্যে 50 জন অক্ষে, 45 জন পদার্থবিদ্যায়, 40 জন জীববিদ্যায় এবং 32 জন তিনটি বিষয়ের মধ্যে ঠিক দুর্টিতে অকৃতকার্য হয়েছে। যদি মাত্র একজন সববিষয়ে কৃতকার্য হয়ে থাকে, তবে যে কজন ছাত্র সব বিষয়ে অকৃতকার্য হয়েছে, তাদের সংখ্যা				
	(A)12 (C) 2		(B) 4 (D) প্রদত্ত তথ্য থেকে	র্নিণয় করা যাবেনা	
Q.35	একটি গাড়ীর নম্বর ইংরাজী বর্ণমালার 2 টি অক্ষর এবং 4 টি অক্ষ দ্বারা গঠিত হয়, যার প্রথম অক্ষটি শূন্য নয়। তাহলে পৃথক পৃথক নম্বর যুক্ত মোট গাড়ীর সংখ্যা হবে				
	(A) $26^2 \times 10^4$	(B) 26 P ₂ × 10 P ₄	(C) 26 P ₂ × 9 × 10 P ₃	(D) $26^2 \times 9 \times 10^3$	
Q.36	'IRRATIONAL' শব্দটি	টর সবগু লি অক্ষ র ব্যবহ	র করে যতগুলি শব্দ লে	খা যায়, <mark>তার সংখ্যা হল</mark>	
	(A) $\frac{10!}{(2!)^3}$	(B) $\frac{10!}{(2!)^2}$	(C) $\frac{10!}{2!}$	(D) 10!	
Q.37			রাখবেন যাতে বক্তা Q স তৈরী করা যেতে পারে গ	নর্বদাই বক্তা P -এর পরে তার সংখ্যাটি হল	
	(A) 256	(B) 128	(C) 24	(D) 12	
Q.38	একটি সুষম 100 -ভূবে	জর কাসংখ্যা হল			
	(A) 4950	(B) 4850	(C) 4750	(D) 4650	
Q.39	n একটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা। $(1+x)^n$ -এর বিস্তৃতির দ্বিতীয়, তৃতীয় এবং চতুর্থ পদগুলিতে x -এর ঘাতের সহগগুলি যদি সমান্তর প্রগতিতে থাকে, তাহলে x -এর বিজ্ঞাড় ঘাতগুলির সহগগুলির যোগফল হল				
	(A) 32	(B) 64	(C) 128	(D) 256	
Q.40	ধরা যাক $f(x)=ax^2+bx+c$, $g(x)=px^2+qx+r$, যেখানে $f(1)=g(1)$, $f(2)=g(2)$ এবং $f(3)-g(3)=2$ । তাহলে $f(4)-g(4)$ -এর মান হল				
	(A) 4	(B) 5	(C) 6	(D) 7	

Q.41	1 × 1! + 2 × 2! + ··· + 50 × 50! শ্রেণীটির যোগফল হল				
	(A) 51!	(B) 51! — 1	(C) 51! + 1	(D) 2 × 51!	
Q.42	সমান্তর প্রগতিভুক্ত 6 পদটি হল	টি <mark>সংখ্যার</mark> সমষ্টি 3 এব	ং প্রথম পদটি দ্বিতীয়া প্রে	দি <mark>র 4</mark> গুণ। তাহলে পঞ্জা	
	(A) -15	(<mark>B)</mark> -3	(C) 9	(D) -4	
Q.43	$1 + \frac{1}{3} + \frac{1.3}{3.6} + \frac{1.3.5}{3.6.9}$ অসীম শ্রেণীটির সমষ্টি	5 9 + 1.3.5.7 3.6.9.12 + ***			
	(<mark>A) √2</mark>	(B) √3	(C) $\sqrt{\frac{3}{2}}$	(D) $\sqrt{\frac{1}{3}}$	
Q.44	$x^2 + x + a = 0$ এবং পারে	$x^2 + ax + 1 = 0$ স্	মীকরণদ্বয়ের একটি বাস্তব	ব সাধারণ বীজ্ব থাকতে	
(A) a-এর কোনো মানের জন্যই নয় (B) a-এর এ <mark>কটি মাত্র মানের জন্য</mark>					
	(C) a-এ <mark>র দুটি মাত্র ম</mark>	নির জন্য	(D) α-এর তিন <mark>টি</mark> মাত্র		
Q. <mark>45</mark>	একটি গুণোত্তর প্রগতির P-তম, Q -তম এবং R-তম পদগুলি যদি যথাক্রেমে 64, 27 এবং 36 হয়, তাহলে P + 2Q এর মান হল				
	(A) R	(B) 2R	(C) 3R	(D) 4R	
2.4 <mark>6</mark>	यिष $sin^{-1}x + sin^{-1}y$	$y + \sin^{-1}z = \frac{3\pi}{2} \ \overline{2} \overline{3},$	<mark>হাহলে</mark>	,	
	- <mark>এর মান হল</mark>	$x^{9} + y^{9} +$	$z^9 - \frac{1}{x^9 y^9 z^9}$		
	(A) 0	(B) 1	(C) 2	(D) 3	
2.4 7	PQR ত্রিভুজে P,Q,R হয়, তাহলে ত্রিভুজটি হ		वि <mark>यथाक्तरम् p,q,r</mark> । य	पि $r^2 \sin P \sin Q = pq$	
	(A) সমবাহু		(B) সৃক্ষকোণী, কিন্তু সম	বিহু নয়	
	(C) স্থূলকোণী		(D) সমকোণী		

Q.48 PQR এভুজে P,Q,R কোণের বিপরীত বাহুগুলি যথাক্রমে p,q,r । তাহলে $2pr\sin\left(\frac{P-Q+R}{2}\right)$ -এর মান হল

(A)
$$p^2 + q^2 + r^2$$

(B)
$$p^2 + r^2 - q^2$$

(A)
$$p^2 + q^2 + r^2$$
 (B) $p^2 + r^2 - q^2$ (C) $q^2 + r^2 - p^2$ (D) $p^2 + q^2 - r^2$

(D)
$$p^2 + q^2 - r^2$$

PQR ত্রিভুজে P(2, -3), Q(-2, 1) শীর্ষবিন্দু। যদি ত্রিভুজটির ভরকেন্দ্র 2x + 3y = 1 রেখাটির ওপর অবস্থিত হয়, তাহলে R বিন্দুর সঞ্চারপথের সমীকরণ হবে

(A)
$$2x + 3y = 9$$
 (B) $2x - 3y = 7$ (C) $3x + 2y = 5$ (D) $3x - 2y = 5$

(B)
$$2x - 3y = 7$$

(C)
$$3x + 2y = 5$$

(D)
$$3x - 2y = 5$$

- $\lim_{x\to 0} \frac{\pi^x 1}{\sqrt{1+x} 1}$
 - (A) অন্তিজহীন

(B) $log_e(\pi^2)$

(C) 1

- (D) 10 এবং 11-এর মধ্যে থাকুবে
- Q.51 f(x) একটি বাস্তবমানসম্পন্ন অন্তরকলনযোগ্য অপেক্ষক। x-এর সমস্ত বাস্তবমানের জন্য যদি f(x)f'(x) < 0 হয়, তাহলে
 - (A) f(x) আবশ্যিকভাবে একটি বর্ধমান অপেক্ষক।
 - (B) f(x) আবশ্যিকভাবে একটি হ্রাসমান অপেক্ষক।
 - (C) |f(x)| আবশ্যিকভাবে একটি বর্ধমান অপেক্ষক।
 - (D) |f(x)| আবশ্যিকভাবে একটি হ্রাসমান অপেক্ষক।
- Q.52 Rolle-এর উপপাদ্য [-2,2] অন্তরালে(interval) যে অপেক্ষকটির ক্ষেত্রে প্রযোজ্য সেটি হল

$$(A) f(x) = x^3$$

(B)
$$f(x) = 4x^4$$

(B)
$$f(x) = 4x^4$$
 (C) $f(x) = 2x^3 + 3$ (D) $f(x) = \pi |x|$

$$(\mathsf{D})\,f(x)=\pi|x$$

Q.53 $25\frac{d^2y}{dx^2} - 10\frac{dy}{dx} + y = 0$, y(0) = 1, $y(1) = 2e^{1/5}$ -এর সমাধান হবে

(A)
$$y = e^{5x} + e^{-5x}$$

B)
$$y = (1+x)e^{5x}$$

(C)
$$y = (1+x)e^{\frac{x}{5}}$$

(A)
$$y = e^{5x} + e^{-5x}$$
 (B) $y = (1+x)e^{5x}$ (C) $y = (1+x)e^{\frac{x}{5}}$ (D) $y = (1+x)e^{-\frac{x}{5}}$



Q.54	$y^2 = 8x$ অধিবৃত্তটির ওপরের একটি বিন্দু থেকে অধিবৃত্তটির শীর্ষবিন্দু যোগ করলে যে পাওয়া যায়, তার মধ্যবিন্দু হল P । তাহলে P বিন্দুর সঞ্চারপথের সমীকরণ হল				
	$(A) y^2 = 2x$	$(B) y^2 = 4x$	$(C)\frac{x^2}{4}+y^2=1$	(D) $x^2 + \frac{y^2}{4} = 1$	
Q.55	$x = 2y$ রেখাটি $\frac{x^2}{4} + \frac{1}{2}$ বৃত্তটি পাওয়া যাবে সেটি	y² = 1 উপ্রবৃত্তকে P এর টর সমীকরণ হল	বং Q বিন্দুতে ছেদ করে	। <mark>PQ কে ব্যাস ধরে যে</mark>	
	(A) $x^2 + y^2 = \frac{1}{2}$	(B) $x^2 + y^2 = 1$	(C) $x^2 + y^2 = 2$	(D) $x^2 + y^2 = \frac{5}{2}$	
Q <mark>.56</mark>	$\frac{x^2}{10} + \frac{y^2}{8} = 1$ উপবৃত্তের উৎকেন্দ্রিক কোণ (প্রথম	কেন্দ্র থেকে উপবৃত্তের পাদে) হল	া <mark>ওপরের যে বিন্</mark> দুটির	দূর ম্ব 3 <mark>একক, সেটি</mark> র	
	$(A) \frac{\pi}{6}$	(B) $\frac{\pi}{4}$	(C) $\frac{\pi}{3}$	(D) $\frac{\pi}{2}$	
Q. <mark>57</mark>		স্থ অক্ষটি x-অক্ষ বরাবর শ পাওযা যায় সেটিকে ব			
0	(A) $6x^2 - y^2 = 3a^2$	(B) $x^2 - 3y^2 = 3a^2$	(C) $x^2 - 6y^2 = 3a^2$	(D) $3x^2 - y^2 = 3a^2$	
Q.58	একটি চলমান বিন্দুর (৪ বিন্দুটির সঞ্চারপথ এক	3,0) এবং (—8,0) বিন্দুদ্ব ট	য় থেকে দূরত্বের ব্যবধান	সর্বদাই 4। তাহলে ঐ	
	(A) বৃত্ত	(B) অধিবৃত্ত	(C) উপবৃত্ত	(D) পরাবৃত্ত	
Q.59	কতগুলি পূর্ণসংখ্যা m ছেদবিন্দুর x-স্থানাঙ্কও এ	আছে যার জন্য 3x+ <mark>কটি পূর্ণসংখ্যা?</mark>	4y = 9 এবং y = mx	+1 সরলরেখাদ্বয়ের	
	(A) 0	(B) 2	(C) 4	(D) 1	
Q.60	একটি সরলরেখা (α, β) হয়। তাহলে $\frac{x}{\alpha} + \frac{y}{\beta}$ -র	বিন্দুগামী এবং দুটি অে মান হল	ক্ষর মধ্যেকার রেখাংশটি	ঐ বিন্দুতে সমদ্বিখ <mark>ন্</mark> ডিত	

collegedunia india's targest Student Review Platform

(D) 4

(A) 0

(C) 2

(B) 1

Q. 61 থেকে Q. 80 প্রতিটি প্রশ্নে দুই নম্বর আছে।

Q.61	$1 + (1+x) + + (1+x)^{20}$ এর বিস্তৃতিতে x^{10} এর সহগ হবে					
^	(A) ¹⁹ C ₉	(B) ²⁰ C ₁₀	(C) ²¹ C ₁₁	(D) ²² C ₁₂		
Q.62	সমীকরণ সমৃহের	x - y	$y + z = 3$ $-2z = 6$ $y + z = \mu$			
	·		=	0.00		
		এর সকল মানের জন্য অ ক্র		মবে।		
		= 3 হলে অসীম সংখ্যক :	সমাধান থাকবে।			
		ান সমাধান থাকবে না।				
	(D) $\lambda = -1$ এবং $\mu =$	- 3 হলে একটি মাত্ৰ (ur	nique) সমাধান থাকবে	1		
Q.63		যদি A এবং B দুটি ঘটনা এবং $P(A^C)=0.3,\ P(B)=0.4,\ P(A\cap B^C)=0.5$ হয়, তাহলে $P(B A\cup B^C)$ এর মান হবে				
	(A) $\frac{1}{4}$	(B) $\frac{1}{3}$	(C) $\frac{1}{2}$	(D) $\frac{2}{3}$		
Q.64	এ <mark>কটি ত্রিভুজে</mark> র উচ্চত মান হবে	াগুলি p,q,r ; ক্ষেত্ৰফল	S এবং পরিসীমা 2t ।	তাহলে $\frac{1}{p} + \frac{1}{q} + \frac{1}{r}$ এর		
	(A) $\frac{s}{t}$	(B) $\frac{t}{s}$	(C) $\frac{s}{2t}$	(D) $\frac{2S}{t}$		
Q.65	_	$-2)^2 + y^2 = 1 $		ম C₁ এবং C₂। P এবং Q অনপাত হবে		
 - 		(B) 5:1	(C) 7:1	(D) 9:1		
Q.66		+ y = 4 সরলরেখাদ্বয়ে: ত্রে। AB সরলরেখার মং		সরলরেখা অক্ষদ্বয়কে A		
	$(A) \ 3(x+y) = 2xy$	$(B) \ 2(x+y) = 3xy$	(C) $2(x + y) = ry$	(D) $y + y = 3yy$		



(B) 2

Q.67

শীর্ষবিন্দুটির দূরত্ব

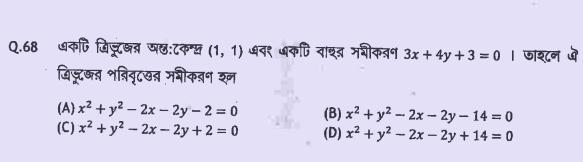
(A) 1

 $y^2=4x$ অধিবৃত্তটির উপরে অবস্থিত P এবং Q দুটি বিন্দু। PQ রেখাংশটি অধিবৃত্তের শীর্ষবিন্দুতে

সমকোণ উৎপন্ন করে। PQ যদি অধিবৃত্তের অক্ষকে R বিন্দুতে ছেদ করে, তাহলে R থেকে

(C) 4

(D) 6



Q.69
$$\lim_{n\to\infty}\frac{(n!)^{\frac{1}{n}}}{n}$$
 এর মান

- (A) 1 (B) $\frac{1}{e^2}$ (C) $\frac{1}{2e}$ (D) $\frac{1}{e}$
- Q.70 $y=x^3$, $y=\frac{1}{x}$, x=2 রেখাগুলির দ্বারা সীমাবদ্ধ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল হল (A) $4-\log_e 2$ (B) $\frac{1}{4}+\log_e 2$ (C) $3-\log_e 2$ (D) $\frac{15}{4}-\log_e 2$
- Q.71 y যদি $x\frac{dy}{dx} = \frac{y^2}{1-y\log x}$ সমাকল সমীকরণটির এমন সমাধান হয় যাতে y(1)=1, তাহলে y যে শর্তটিকে সিদ্ধ করবে সেটি হল
 - (A) $y = x^{y-1}$ (B) $y = x^y$ (C) $y = x^{y+1}$ (D) $y = x^{y+2}$
- Q.72 $y = sin^{-1}x + x(1-x)$ এবং $y = sin^{-1}x x(1-x)$ বক্রবেখাদ্বয়ের দ্বারা সীমাবদ্ধ প্রথমপাদে অবস্থিত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল
 - (A) 1 (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{3}$ (D) $\frac{1}{4}$
- Q.73 $\int_{1}^{5} [|x-3|+|1-x|] dx$ সমাকলটির মান (A) 4 (B) 8 (C) 12 (D) 16
- Q.74 (0,3) অন্তরালে f(x) এবং g(x) দুটি দুবার অন্তরকলনযোগ্য অপেক্ষক। যদি f''(x)=g''(x), f'(1)=4,g'(1)=6, f(2)=3, g(2)=9 হয়, তাহলে f(1)-g(1) -এর মান হবে (A) 4 (B) -4 (C) 0 (D) -2
- Q.75 ধরা যাক [x] বৃহত্তম সেই পূর্ণসংখ্যাটিকে সূচিত করে যেটি x-এর থেকে ছোট বা সমান। তাহলে

$$\int_{-1}^{1} (|x|-2[x]) dx$$

-এর মান হল

(A) 3 (B) 2 (C) -2 (D) -3

Q.76 যে সমস্ত জটিল রাশি z -এর জন্য

$$\arg\left(\frac{z-2}{z+2}\right) = \frac{\pi}{3}$$

সেই z -গুলির সূচক বিন্দুগুলি অবস্থান করবে

(A) এ<mark>কটি বৃত্তের ওপর</mark>

(B) একটি সরলরেখার ওপর

(C) একটি উপবৃত্তের ওপর

(D) একটি অধিবৃত্তের ওপর

Q.77 ধরা যাক a,b,c,p,q,r এমন ধনাত্মক বাস্তব সংখ্যা যেখানে a,b,c গুণোত্তর প্রগতিভূক্ত এবং $a^p = b^q = c^r$ । তাহতে

- (A) p, q, r গুণোত্তর প্রগতিভুক্ত
- (B) p, q, r সমান্তর প্রগতিভক্ত
- (C) p,q,r হরাত্মক প্রগতিহুক্ত
- (D) p^2, q^2, r^2 সমান্তর প্রগতিভুক্ত

একটি অসীম গুণোত্তর শ্রেণীর সমষ্টি S_k , যার প্রথম পদ k এবং সাধারণ অনুপাত $\frac{k}{k+1}$ (k>0)!তাহলে

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k}{S_k}$$

এর মান হবে

- (A) loge4

- (B) $log_e 2 1$ (C) $1 log_e 2$ (D) $1 log_e 4$

 $2x^2 - (a^3 + 8a - 1)x + a^2 - 4a = 0$ দ্বিঘাত সমীকরণটির ধনাত্মক ও ঋণাত্মক উল্পা প্রকার বীজই আছে। তাহলে

- (A) a ≤ 0
- (B) 0 < a < 4 (C) $4 \le a < 8$
- (D) $a \ge 8$

যদি $\log_e(x^2 - 16) \le \log_e(4x - 11)$ হয়, তবে Q.80

- (A) 4 < x ≤ 5
- $(C)-1 \le x \le 5$

- (B) x < -4 বা x > 4
- $(D) x < -1 \triangleleft x > 5$

END OF THE BENGALI QUESTION PAPER



Space for Rough Work



Space for Rough Work

