



## MATHEMATICS

- The distance of the point  $A(a, b, c)$  from the  $x$ -axis is
  - $a$
  - $\sqrt{b^2 + c^2}$
  - $\sqrt{a^2 + b^2}$
  - $a^2 + b^2$
- If  $\bar{a} \perp \bar{b}$  and  $(\bar{a} + \bar{b}) \perp (\bar{a} + m\bar{b})$ , then  $m$  is
  - $1$
  - $|\bar{a}|^2 / |\bar{b}|^2$
  - $-1$
  - $-\frac{|\bar{a}|^2}{|\bar{b}|^2}$
- If the points  $(-1, 3, 2)$ ,  $(-4, 3, -2)$  and  $(5, l, m)$  lie on a straight line then  $l$  and  $m$  are
  - $3, 10$
  - $-3, -10$
  - $-3, 10$
  - $3, -10$
- The equation of a circle passing through the point  $(1, 1)$  and the point of intersection of the circles  $x^2 + y^2 + 13x - 3y = 0$  and  $2x^2 + 2y^2 + 4x - 7y - 25 = 0$  is
  - $4x^2 + 4y^2 + 30x - 13y - 25 = 0$
  - $4x^2 + 4y^2 + 30x - 13y + 25 = 0$
  - $4x^2 - 4y^2 - 30x + 13y - 25 = 0$
  - $4x^2 - 4y^2 + 30x - 13y - 25 = 0$

B

## गणित

- $x$ -अक्ष से बिंदु  $A(a, b, c)$  की दूरी \_\_\_\_\_ है।
  - $a$
  - $\sqrt{b^2 + c^2}$
  - $\sqrt{a^2 + b^2}$
  - $a^2 + b^2$
- अगर  $\bar{a} \perp \bar{b}$  और  $(\bar{a} + \bar{b}) \perp (\bar{a} + m\bar{b})$  है, तो  $m$  \_\_\_\_\_ है।
  - $1$
  - $|\bar{a}|^2 / |\bar{b}|^2$
  - $-1$
  - $-\frac{|\bar{a}|^2}{|\bar{b}|^2}$
- अगर बिंदु  $(-1, 3, 2)$ ,  $(-4, 3, -2)$  और  $(5, l, m)$  सरल रेखा पर है, तो  $l$  और  $m$  \_\_\_\_\_ है।
  - $3, 10$
  - $-3, -10$
  - $-3, 10$
  - $3, -10$
- बिंदु  $(1, 1)$  और वृत्त  $x^2 + y^2 + 13x - 3y = 0$  और  $2x^2 + 2y^2 + 4x - 7y - 25 = 0$  के प्रतिच्छेदन बिंदु से गुजरने वाले वृत्त का समीकरण \_\_\_\_\_ है।
  - $4x^2 + 4y^2 + 30x - 13y - 25 = 0$
  - $4x^2 + 4y^2 + 30x - 13y + 25 = 0$
  - $4x^2 - 4y^2 - 30x + 13y - 25 = 0$
  - $4x^2 - 4y^2 + 30x - 13y - 25 = 0$



5. The digit in the unit place of  $7^{291}$  is

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4

6. If  $\cos^{-1}\left(\frac{y}{b}\right) = \log\left(\frac{x}{n}\right)^x$ , then

- $$x^2y_2 + xy_1 =$$
- A)  $n^2y$
  - B)  $-n^2y$
  - C)  $y^2$
  - D)  $y$

7. The angle between the curves

$$x^2 + y^2 = 25 \text{ and}$$

$$x^2 + y^2 - 2x + 3y - 43 = 0 \text{ at } (-3, 4)$$

- A)  $\tan^{-1}(1)$
- B)  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{68}\right)$
- C)  $\frac{\pi}{2}$
- D)  $\tan^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$

8. A man 6' tall moves away from a source of light 20' above the ground level, his rate of walking being 4 m.p.h. At what rate is the tip of his shadow moving?

- A)  $\frac{12}{7}$
- B)  $\frac{3}{7}$
- C)  $\frac{40}{7}$
- D) None of these

5.  $7^{291}$  के एकक स्थान का अंक \_\_\_\_\_ है।

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4

6. अगर  $\cos^{-1}\left(\frac{y}{b}\right) = \log\left(\frac{x}{n}\right)^x$  है, तो

$$x^2y_2 + xy_1 =$$

- A)  $n^2y$
- B)  $-n^2y$
- C)  $y^2$
- D)  $y$

7. (-3, 4) पर वक्र  $x^2 + y^2 = 25$  और

$$x^2 + y^2 - 2x + 3y - 43 = 0$$
 के बीच का कोण \_\_\_\_\_ है।

- A)  $\tan^{-1}(1)$
- B)  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{68}\right)$
- C)  $\frac{\pi}{2}$
- D)  $\tan^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$

8. 6 फूट ऊँचा एक आदमी मैदान स्तर से 20 फूट ऊपर के प्रकाश के स्रोत से दूर जाता है। उसके चलने का दर 4 मीटर प्रति घंटा है। उसकी परछाई की नोक किस दर से चल रही है?

- A)  $\frac{12}{7}$
- B)  $\frac{3}{7}$
- C)  $\frac{40}{7}$
- D) इसमें से कोई नहीं

B



9. The maximum area of a rectangle that can be inscribed in a circle of radius 2 units is

- A) 8 sq. units
- B) 4 sq. units
- C)  $8\pi$  sq. units
- D)  $4\pi$  sq. units

10. If the function  $f(x)$  defined by

$$f(x) = \frac{x^{100}}{100} + \frac{x^{99}}{99} + \dots + \frac{x^2}{2} + x + 1,$$

then  $f'(0) =$

- A)  $100f'(0)$
- B) 1
- C) 100
- D) None of these

11. If  $a \equiv b \pmod{m}$  and  $x$  is an integer, then which of the following is incorrect?

- A)  $(a+x) \equiv (b+x) \pmod{m}$
- B)  $(a-x) \equiv (b-x) \pmod{m}$
- C)  $ax \equiv bx \pmod{m}$
- D)  $(a+x) \equiv (b+x) \pmod{m}$

12. If  $a$  and  $b$  are positive integers such that  $(a^2 - b^2)$  is a prime number, then

- A)  $a^2 - b^2 = (a+b)$
- B)  $a^2 - b^2 = a - b$
- C)  $a^2 + b^2 = a - b$
- D)  $a^2 + b^2 = a + b$

9. दो इकाई त्रिज्या के वृत्त में अंकित आयत का अधिकतम क्षेत्रफल \_\_\_\_\_ है।

- A) 8 वर्ग इकाईयाँ
- B) 4 वर्ग इकाईयाँ
- C)  $8\pi$  वर्ग इकाईयाँ
- D)  $4\pi$  वर्ग इकाईयाँ

10. अगर फलन  $f(x)$  को

$$f(x) = \frac{x^{100}}{100} + \frac{x^{99}}{99} + \dots + \frac{x^2}{2} + x + 1$$

परिभाषित किया जाए, तो  $f'(0) =$

- A)  $100f'(0)$
- B) 1
- C) 100
- D) इसमें से कोई नहीं

11. यदि  $a \equiv b \pmod{m}$  और  $x$  एक पूर्णांक है, तो निम्नलिखित में कौन सा गलत है?

- A)  $(a+x) \equiv (b+x) \pmod{m}$
- B)  $(a-x) \equiv (b-x) \pmod{m}$
- C)  $ax \equiv bx \pmod{m}$
- D)  $(a+x) \equiv (b+x) \pmod{m}$

12. अगर  $a$  और  $b$  धनात्मक पूर्णांक है उसी तरह  $(a^2 - b^2)$  अभाज्य संख्या है, तो

- A)  $a^2 - b^2 = (a+b)$
- B)  $a^2 - b^2 = a - b$
- C)  $a^2 + b^2 = a - b$
- D)  $a^2 + b^2 = a + b$

B





13. Which of the following is false ?

- A)  $(N, +)$  is a semi-group
- B)  $(Z, +)$  is a group
- C)  $(N, \cdot)$  is a group
- D) Set of all cube roots of unity is an abelian finite group under multiplication

14. If  $f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 2 & 4 & 5 & 1 & 6 \end{pmatrix} \in S_6$

then  $f^{-1}$  is

- A)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 7 & 5 & 1 \end{pmatrix}$
- B)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 2 & 1 & 3 & 4 & 6 \end{pmatrix}$
- C)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 2 & 5 & 1 & 3 & 6 \end{pmatrix}$
- D)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 1 & 5 & 2 & 4 \end{pmatrix}$

15. In a group G, the equations  $ax = b$  and  $ya = b$  have

- A) No solutions in G
- B) Infinite solutions in G
- C) Unique solution in G
- D) Depends on a and b

B

13. निम्नलिखित में कौन सा असत्य है ?

- A)  $(N, +)$  एक अर्ध समूह है
- B)  $(Z, +)$  एक समूह है
- C)  $(N, \cdot)$  एक समूह है
- D) गुणन के तहत एकत्व के सभी घन मूलों का समुच्चय अबेलियन सीमित समूह है

14. अगर  $f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 2 & 4 & 5 & 1 & 6 \end{pmatrix} \in S_6$   
तो  $f^{-1}$  \_\_\_\_\_ है।

- A)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 7 & 5 & 1 \end{pmatrix}$
- B)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 2 & 1 & 3 & 4 & 6 \end{pmatrix}$
- C)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 2 & 5 & 1 & 3 & 6 \end{pmatrix}$
- D)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 1 & 5 & 2 & 4 \end{pmatrix}$

15. समूह G में समीकरण  $ax = b$  और  $ya = b$  को \_\_\_\_\_ है।

- A) G में कोई समाधान नहीं
- B) G में अनंत समाधान
- C) G में एक मात्र समाधान
- D) a और b पर निर्भर करता है



16. The equation of the tangent and normal to the ellipse  $x^2 + 2y^2 + 2x - 4y - 14 = 0$  at  $(2, -1)$  is

- A)  $3x - 4y - 10 = 0, 4x + 3y - 5 = 0$
- B)  $4x + 3y - 10 = 0, 3x + 4y - 5 = 0$
- C)  $3x - 4y - 5 = 0, 4x + 3y - 10 = 0$
- D)  $3x - 4y - 10 = 0, 4x - 3y - 5 = 0$

17. If the line  $2x + \sqrt{6}y = 2$  touches the hyperbola  $x^2 - 2y^2 = 4$ , then the point of contact is

- A)  $(-4, \sqrt{6})$
- B)  $(-4, -\sqrt{6})$
- C)  $(4, -\sqrt{6})$
- D)  $(4, \sqrt{6})$

18. The angle between two diagonals of a cube is

- A)  $\cos^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$
- B)  $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$
- C)  $30^\circ$
- D)  $45^\circ$

19. The equation of the plane which bisects the line joining  $(3, 0, 5)$  and  $(1, 2, -1)$  at right angles is

- A)  $2x + y + 2z = 7$
- B)  $-2x + 2y - 6z = 7$
- C)  $x - y + 2z = 7$
- D)  $x - y + 3z = 7$

16. दीर्घवृत्त  $x^2 + 2y^2 + 2x - 4y - 14 = 0$  का  $(2, -1)$  पर स्पर्श रेखा और अभिलम्ब का समीकरण \_\_\_\_\_ है।

- A)  $3x - 4y - 10 = 0, 4x + 3y - 5 = 0$
- B)  $4x + 3y - 10 = 0, 3x + 4y - 5 = 0$
- C)  $3x - 4y - 5 = 0, 4x + 3y - 10 = 0$
- D)  $3x - 4y - 10 = 0, 4x - 3y - 5 = 0$

17. अगर रेखा  $2x + \sqrt{6}y = 2$  अतिपरवलय  $x^2 - 2y^2 = 4$  को स्पर्श करती है, तो संपर्क बिंदु \_\_\_\_\_ है।

- A)  $(-4, \sqrt{6})$
- B)  $(-4, -\sqrt{6})$
- C)  $(4, -\sqrt{6})$
- D)  $(4, \sqrt{6})$

18. घन के दो विकर्ण के बीच का कोण \_\_\_\_\_ है।

- A)  $\cos^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$
- B)  $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$
- C)  $30^\circ$
- D)  $45^\circ$

19.  $(3, 0, 5)$  और  $(1, 2, -1)$  को समकोण में जोड़नेवाले रेखा को द्विभाजित करनेवाले समतल का समीकरण \_\_\_\_\_ है।

- A)  $2x + y + 2z = 7$
- B)  $-2x + 2y - 6z = 7$
- C)  $x - y + 2z = 7$
- D)  $x - y + 3z = 7$



20. The equation of the line passing through the point  $(5, 3, 2)$  and perpendicular to the lines  $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-4}{1}$  and  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{0}$  is

- A)  $\frac{x-5}{-1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-2}{3}$
- B)  $\frac{x+1}{5} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{2}$
- C)  $\frac{x-5}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-2}{1}$
- D)  $\frac{x-5}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-2}{0}$

21. Inverse of a diagonal non-singular matrix is

- A) Symmetric matrix
- B) Skew-symmetric matrix
- C) Diagonal matrix
- D) Scalar matrix

22. If the matrix  $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -1 \end{bmatrix} = A + B$ , where A

is symmetric and B is skew-symmetric then B =

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
- B)  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$
- C)  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$
- D)  $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

B

20. बिंदु  $(5, 3, 2)$  से गुजरने वाले और रेखा

$$\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-4}{1} \text{ और}$$

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+1}{0} \text{ को समलम्बित रेखा}$$

का समीकरण \_\_\_\_\_ है।

- A)  $\frac{x-5}{-1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-2}{3}$
- B)  $\frac{x+1}{5} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{2}$
- C)  $\frac{x-5}{1} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-2}{1}$
- D)  $\frac{x-5}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-2}{0}$

21. विकर्ण व्युत्क्रमणीय आव्यूह का प्रतिलोम

- A) सममित आव्यूह
- B) विषम सममित आव्यूह
- C) विकर्ण आव्यूह
- D) अविश आव्यूह

22. अगर आव्यूह  $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -1 \end{bmatrix} = A + B$ , जहाँ A

सममित आव्यूह और B विषम सममित आव्यूह है, तो B =

- A)  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
- B)  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$
- C)  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$
- D)  $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$



23. If A is  $3 \times 4$  matrix and B is a matrix such that  $A'B$  and  $B'A$  are both defined, then the order of B is

- A)  $4 \times 4$       B)  $3 \times 3$   
 C)  $3 \times 4$       D)  $4 \times 3$

24. The inverse of the matrix  $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$  is

A)  $\begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$

B)  $\frac{1}{24} \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$

C)  $\frac{1}{24} \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 0 \\ 0 & 0 & -4 \end{bmatrix}$

D)  $\begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

25. If  $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$  are in G.P. then

$$\left| \begin{array}{ccc} \log a_n & \log a_{n+1} & \log a_{n+2} \\ \log a_{n+3} & \log a_{n+4} & \log a_{n+5} \\ \log a_{n+6} & \log a_{n+7} & \log a_{n+8} \end{array} \right| \text{ is}$$

- A) 0  
 B) 1  
 C) -1  
 D) None of these

B

23. यदि A आव्यूह  $3 \times 4$  है और B आव्यूह इस तरह है जिससे  $A'B$  और  $B'A$  दोनों परिभाषित किए जा सकते हैं, तो B का क्रम \_\_\_\_\_ है।

- A)  $4 \times 4$       B)  $3 \times 3$   
 C)  $3 \times 4$       D)  $4 \times 3$

24. आव्यूह  $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$  का प्रतिलोम \_\_\_\_\_ है।

A)  $\begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$

B)  $\frac{1}{24} \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$

C)  $\frac{1}{24} \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 0 \\ 0 & 0 & -4 \end{bmatrix}$

D)  $\begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{3} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{4} \end{bmatrix}$

25. यदि  $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$  ज्यामितीय वृद्धि में हैं,

$$\text{तो } \left| \begin{array}{ccc} \log a_n & \log a_{n+1} & \log a_{n+2} \\ \log a_{n+3} & \log a_{n+4} & \log a_{n+5} \\ \log a_{n+6} & \log a_{n+7} & \log a_{n+8} \end{array} \right|$$

है।

- A) 0  
 B) 1  
 C) -1  
 D) इनमें से कोई नहीं



26. The value of the integral

$$\int e^x \{ f(x) + f'(x) \} dx$$

A)  $e^x f'(x) + c$

B)  $e^x f(x) + c$

C)  $\frac{e^x}{f(x)} + c$

D)  $\frac{e^x}{f'(x)} + c$

27. The value of the integral  $\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+a^x} dx$ ,  
a > 0 is

A) 1

B) 0

C)  $\frac{\pi}{2}$

D)  $\pi$

28. The value of the integral

$$\int \frac{e^x(x^2+1)}{(x+1)^2} dx =$$

A)  $e^x \log\left(\frac{x-1}{x+1}\right) + c$

B)  $e^x \log\left(\frac{x+1}{x-1}\right) + c$

C)  $e^x \left(\frac{x+1}{x-1}\right) + c$

D)  $e^x \left(\frac{x-1}{x+1}\right) + c$

B

26. समाकलन  $\int e^x \{ f(x) + f'(x) \} dx$  का मूल्य  
\_\_\_\_\_ है।

A)  $e^x f'(x) + c$

B)  $e^x f(x) + c$

C)  $\frac{e^x}{f(x)} + c$

D)  $\frac{e^x}{f'(x)} + c$

27. समाकलन  $\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+a^x} dx$ , a > 0 का मूल्य  
\_\_\_\_\_ है।

A) 1

B) 0

C)  $\frac{\pi}{2}$

D)  $\pi$

28. समाकलन  $\int \frac{e^x(x^2+1)}{(x+1)^2} dx$  का मूल्य  
\_\_\_\_\_ है।

A)  $e^x \log\left(\frac{x-1}{x+1}\right) + c$

B)  $e^x \log\left(\frac{x+1}{x-1}\right) + c$

C)  $e^x \left(\frac{x+1}{x-1}\right) + c$

D)  $e^x \left(\frac{x-1}{x+1}\right) + c$



29. The area enclosed between the parabolas  $y^2 = 16x$  and  $x^2 = 16y$  is

A)  $\frac{64}{3}$  sq. units

B)  $\frac{256}{3}$  sq. units

C)  $\frac{16}{3}$  sq. units

D) None of these

30. The solution of  $y' = e^{x-y} + x^2e^{-y}$  is

A)  $3(e^y - e^x) - x^3 = c$

B)  $e^y - e^x - x^3 = c$

C)  $e^y - e^x + x^3 = c$

D)  $3(e^y - e^x) + x^3 = c$

31. The characteristic equation of a matrix A is  $\lambda^3 - 5\lambda^2 - 3\lambda + 2I = 0$  then  $|\text{adj } A| =$

A) 4

B) 25

C) 9

D) 30

32. The area of region bounded by the lines  $y = mx$ ,  $x = 1$  and  $x = 2$  and the x-axis is 7.5 sq. units, then m is

A) 2

B) 3

C) 4

D) 5

B

29. परवलय  $y^2 = 16x$  और  $x^2 = 16y$  से आबद्ध के बीच का क्षेत्रफल \_\_\_\_\_ है।

A)  $\frac{64}{3}$  वर्ग इकाईयाँ

B)  $\frac{256}{3}$  वर्ग इकाईयाँ

C)  $\frac{16}{3}$  वर्ग इकाईयाँ

D) इनमें से कोई नहीं

30.  $y' = e^{x-y} + x^2e^{-y}$  का समाधान \_\_\_\_\_ है।

A)  $3(e^y - e^x) - x^3 = c$

B)  $e^y - e^x - x^3 = c$

C)  $e^y - e^x + x^3 = c$

D)  $3(e^y - e^x) + x^3 = c$

31. आव्यूह A का विशिष्ट समीकरण

$\lambda^3 - 5\lambda^2 - 3\lambda + 2I = 0$  है, तो

$|\text{adj } A| =$

A) 4

B) 25

C) 9

D) 30

32. रेखा  $y = mx$ ,  $x = 1$  और  $x = 2$  और x-अक्ष से प्रतिबन्धित क्षेत्र का क्षेत्रफल 7.5 वर्ग इकाई है, तो m \_\_\_\_\_ है।

A) 2

B) 3

C) 4

D) 5





33. The order and degree of

$$\left\{ 1 + \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} = \left( \frac{d^2y}{dx^2} \right)^2 \text{ is}$$

- A) 2, 2
- B) 2, 4
- C) 1, 2
- D) 1, 4

34. Let A, B, C, D be the points with position vectors  $3\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k}$ ,  $2\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}$ ,  $-\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$  and  $4\hat{i} + 5\hat{j} + \lambda\hat{k}$  respectively. If the points A, B, C, D lie on a plane, then the value of  $\lambda$  is

- A) 0
- B)  $\frac{37}{4}$
- C)  $-\frac{37}{4}$
- D) 1

35. Let  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  be three vectors having magnitudes 1, 1 and 2 respectively. If  $\vec{a} \times (\vec{a} \times \vec{c}) + \vec{b} = \vec{0}$ , then the angle between  $\vec{a}$  and  $\vec{c}$  is

- A)  $\frac{\pi}{6}$
- B)  $\frac{5\pi}{6}$
- C)  $\frac{\pi}{3}$
- D) Both A) and B)

33.  $\left\{ 1 + \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} = \left( \frac{d^2y}{dx^2} \right)^2$  का क्रम और डिग्री \_\_\_\_\_ है।

- A) 2, 2
- B) 2, 4
- C) 1, 2
- D) 1, 4

34. मान लीजिए A, B, C, D बिंदुओं का स्थिति सदिश क्रमशः  $3\hat{i} - 2\hat{j} - \hat{k}$ ,  $2\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}$ ,  $-\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$  और  $4\hat{i} + 5\hat{j} + \lambda\hat{k}$  है। यदि बिंदु A, B, C, D समतल पर है, तो  $\lambda$  का मूल्य \_\_\_\_\_ है।

- A) 0
- B)  $\frac{37}{4}$
- C)  $-\frac{37}{4}$
- D) 1

35. मान लीजिए  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  तीन सदिश है, जिनका विस्तार क्रमशः 1, 1 और 2 है। यदि  $\vec{a} \times (\vec{a} \times \vec{c}) + \vec{b} = \vec{0}$  है, तो  $\vec{a}$  और  $\vec{c}$  के बीच का कोण \_\_\_\_\_ है।

- A)  $\frac{\pi}{6}$
- B)  $\frac{5\pi}{6}$
- C)  $\frac{\pi}{3}$
- D) A) और B) दोनों

B



36. The vertices of the hyperbola are at  $(-5, -3)$  and  $(-5, -1)$  and the extremities of the conjugate axis are at  $(-7, -2)$  and  $(-3, -2)$ , then the equation of the hyperbola is

A)  $\frac{(y-2)^2}{1} - \frac{(x-5)^2}{4} = 1$

B)  $\frac{(y+2)^2}{1} - \frac{(x+5)^2}{4} = 1$

C)  $\frac{(x+5)^2}{4} - \frac{(y+2)^2}{1} = 1$

D)  $\frac{(x-5)^2}{4} - \frac{(y-2)^2}{1} = 1$

37. Two dices are thrown simultaneously. The probability of obtaining a total score of 5 is

A)  $\frac{1}{9}$

B)  $\frac{1}{18}$

C)  $\frac{1}{12}$

D)  $\frac{1}{36}$

38. If A and B are events with

$P(A \cup B) = \frac{3}{4}$ ,  $P(A') = \frac{2}{3}$  and

$P(A \cap B) = \frac{1}{4}$  then  $P(B)$  is

A)  $\frac{1}{3}$

B)  $\frac{2}{3}$

C)  $\frac{3}{4}$

D)  $\frac{1}{4}$

36. अतिपरवलय के शीर्ष  $(-5, -3)$  और  $(-5, -1)$  है और संयुग्मी अक्ष के छोर  $(-7, -2)$  और  $(-3, -2)$  है, तो अतिपरवलय का समीकरण \_\_\_\_\_ है।

A)  $\frac{(y-2)^2}{1} - \frac{(x-5)^2}{4} = 1$

B)  $\frac{(y+2)^2}{1} - \frac{(x+5)^2}{4} = 1$

C)  $\frac{(x+5)^2}{4} - \frac{(y+2)^2}{1} = 1$

D)  $\frac{(x-5)^2}{4} - \frac{(y-2)^2}{1} = 1$

37. दो पासों को एक साथ फेंका जाता है। कुल अंक 5 प्राप्त करने की प्रायिकता \_\_\_\_\_ है।

A)  $\frac{1}{9}$

B)  $\frac{1}{18}$

C)  $\frac{1}{12}$

D)  $\frac{1}{36}$

38. अगर A और B घटनाएँ हैं और  $P(A \cup B) = \frac{3}{4}$ ,

$P(A') = \frac{2}{3}$  और  $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$  है, तो

$P(B) = \text{_____}$  है।

A)  $\frac{1}{3}$

B)  $\frac{2}{3}$

C)  $\frac{3}{4}$

D)  $\frac{1}{4}$

B



39. The probability that among 7 persons, no 2 were born on the same day of a week is
- $\frac{2}{7}$
  - $\frac{7!}{7^7}$
  - $\frac{7!}{7^7}$
  - $\frac{2}{7^7}$
40. For the events A and B,  $P(A) = \frac{3}{4}$ ,  $P(B) = \frac{1}{5}$ ,  $P(A \cap B) = \frac{1}{20}$  then  
 $P(A/B) = \text{_____}$
- $\frac{1}{4}$
  - $\frac{1}{15}$
  - $\frac{3}{4}$
  - $\frac{1}{2}$
41. The value of  $4 \tan^{-1}\left(\frac{1}{5}\right) - \frac{\pi}{4} = \text{_____}$
- $\tan^{-1}\left(\frac{1}{139}\right)$
  - $\tan^{-1}\left(\frac{1}{239}\right)$
  - $\tan^{-1}(239)$
  - $\tan^{-1}(139)$
39. सात लोगों के बीच 2 लोग सप्ताह के एक ही दिन पैदा न होने की प्रायिकता \_\_\_\_\_ है।
- A)  $\frac{2}{7}$
- B)  $\frac{7!}{7^7}$
- C)  $\frac{7!}{7^7}$
- D)  $\frac{2}{7^7}$
40. A और B घटनाओं के लिए,  $P(A) = \frac{3}{4}$ ,  $P(B) = \frac{1}{5}$ ,  $P(A \cap B) = \frac{1}{20}$  है, तो  
 $P(A/B) = \text{_____}$
- A)  $\frac{1}{4}$
- B)  $\frac{1}{15}$
- C)  $\frac{3}{4}$
- D)  $\frac{1}{2}$
41.  $4 \tan^{-1}\left(\frac{1}{5}\right) - \frac{\pi}{4}$  का मूल्य \_\_\_\_\_ है।
- A)  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{139}\right)$
- B)  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{239}\right)$
- C)  $\tan^{-1}(239)$
- D)  $\tan^{-1}(139)$

B

Page No. 14

3EE



42. If  $\sin^{-1}\left(\frac{x}{5}\right) + \operatorname{cosec}^{-1}\left(\frac{5}{4}\right) = \frac{\pi}{2}$ , then the value of x

- A) 3
- B) 2
- C) 1
- D) 0

43. The general solution of

$\sqrt{3} \cos x + \sin x = \sqrt{2}$ , for any integer "n" is

- A)  $n\pi + \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$
- B)  $n\pi - \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$
- C)  $2n\pi - \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$
- D)  $2n\pi + \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$

44. The imaginary part of conjugate of

$$\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^5$$

- A) -1
- B) -i
- C) 1
- D) i

B  
3EE

42. अगर  $\sin^{-1}\left(\frac{x}{5}\right) + \operatorname{cosec}^{-1}\left(\frac{5}{4}\right) = \frac{\pi}{2}$ , तो x का मूल्य \_\_\_\_\_ होगा।

- A) 3
- B) 2
- C) 1
- D) 0

43.  $\sqrt{3} \cos x + \sin x = \sqrt{2}$ , कोई पूर्णांक "n" के लिए सामान्य हल \_\_\_\_\_ है।

- A)  $n\pi + \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$
- B)  $n\pi - \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$
- C)  $2n\pi - \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$
- D)  $2n\pi + \frac{\pi}{6} \pm \frac{\pi}{4}$

44.  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^5$  के संयुग का काल्पनिक हिस्सा \_\_\_\_\_ है।

- A) -1
- B) -i
- C) 1
- D) i





45. If  $\omega$  is an imaginary cube root of 1, then the value of  $1(2 - \omega)(2 - \omega^2) + 2(3 - \omega)(3 - \omega^2) + \dots + (n - 1)(n - \omega)(n - \omega^2)$  is

- A)  $\frac{n(n+1)}{2} - n$
- B)  $\frac{n^2(n+1)^2}{4} - n$
- C)  $\frac{n(n+1)}{2} + n$
- D)  $\frac{n^2(n+1)^2}{4} + n$

46. If  $x + y = \tan^{-1} y$  and  $y'' = f(y)y'$  then  $f(y) =$

- A)  $\frac{1}{y}$
- B)  $\frac{2}{y}$
- C)  $\frac{2}{y^3}$
- D)  $\frac{-2}{y^3}$

47. If  $f(x) = \begin{cases} xe^{-\left(\frac{1}{|x|} + \frac{1}{x}\right)}, & \text{if } x \neq 0 \\ 0 & \text{if } x = 0 \end{cases}$  then

which of the following is correct ?

- A)  $f(x)$  is continuous and  $f'(0)$  does not exist
- B)  $f(x)$  is not continuous
- C)  $f(x)$  is continuous and  $f'(0)$  also exists
- D) None of these

B

Page No. 16

45. अगर 1 का काल्पनिक घनमूल  $\omega$  है, तो

$1(2 - \omega)(2 - \omega^2) + 2(3 - \omega)(3 - \omega^2) + \dots + (n - 1)(n - \omega)(n - \omega^2)$  का मूल्य है।

- A)  $\frac{n(n+1)}{2} - n$
- B)  $\frac{n^2(n+1)^2}{4} - n$
- C)  $\frac{n(n+1)}{2} + n$
- D)  $\frac{n^2(n+1)^2}{4} + n$

46. अगर  $x + y = \tan^{-1} y$  और  $y'' = f(y)y'$  है, तो  $f(y) =$

- A)  $\frac{1}{y}$
- B)  $\frac{2}{y}$
- C)  $\frac{2}{y^3}$
- D)  $\frac{-2}{y^3}$

47. अगर  $f(x) = \begin{cases} xe^{-\left(\frac{1}{|x|} + \frac{1}{x}\right)}, & \text{यदि } x \neq 0 \\ 0 & \text{यदि } x = 0 \end{cases}$  निम्नलिखित में कौन सा सही है ?

- A)  $f(x)$  निरन्तर है और  $f'(0)$  अस्तित्व में नहीं है
- B)  $f(x)$  निरन्तर नहीं है
- C)  $f(x)$  निरन्तर है और  $f'(0)$  भी अस्तित्व में है
- D) इनमें से कोई नहीं

3EE



48. If  $y = \sin^{-1} \frac{1}{2} (\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})$  then  
 $y' =$

A)  $\frac{1}{2\sqrt{1-x^2}}$

B)  $\frac{-1}{2\sqrt{1-x^2}}$

C)  $\frac{1}{2\sqrt{1+x^2}}$

D)  $\frac{-1}{2\sqrt{1+x^2}}$

49. If  $x^m y^n = (x+y)^{m+n}$  then  $y' =$

A)  $\frac{-y}{x}$       B)  $\frac{x}{y}$

C)  $\frac{-x}{y}$       D)  $\frac{y}{x}$

50. If  $y = x^{x^x}$ , then  $y' =$

A)  $\frac{-y^2}{x(1-y\log x)}$

B)  $\frac{y^2}{1-y\log x}$

C)  $\frac{y^2}{x(1-y\log x)}$

D)  $\frac{-y^2}{1-y\log x}$

B

48. अगर  $y = \sin^{-1} \frac{1}{2} (\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})$  है,  
तो  $y' =$

A)  $\frac{1}{2\sqrt{1-x^2}}$

B)  $\frac{-1}{2\sqrt{1-x^2}}$

C)  $\frac{1}{2\sqrt{1+x^2}}$

D)  $\frac{-1}{2\sqrt{1+x^2}}$

49. अगर  $x^m y^n = (x+y)^{m+n}$  है, तो  $y' =$

A)  $\frac{-y}{x}$       B)  $\frac{x}{y}$

C)  $\frac{-x}{y}$       D)  $\frac{y}{x}$

50. अगर  $y = x^{x^x}$  है, तो  $y' =$

A)  $\frac{-y^2}{x(1-y\log x)}$

B)  $\frac{y^2}{1-y\log x}$

C)  $\frac{y^2}{x(1-y\log x)}$

D)  $\frac{-y^2}{1-y\log x}$

