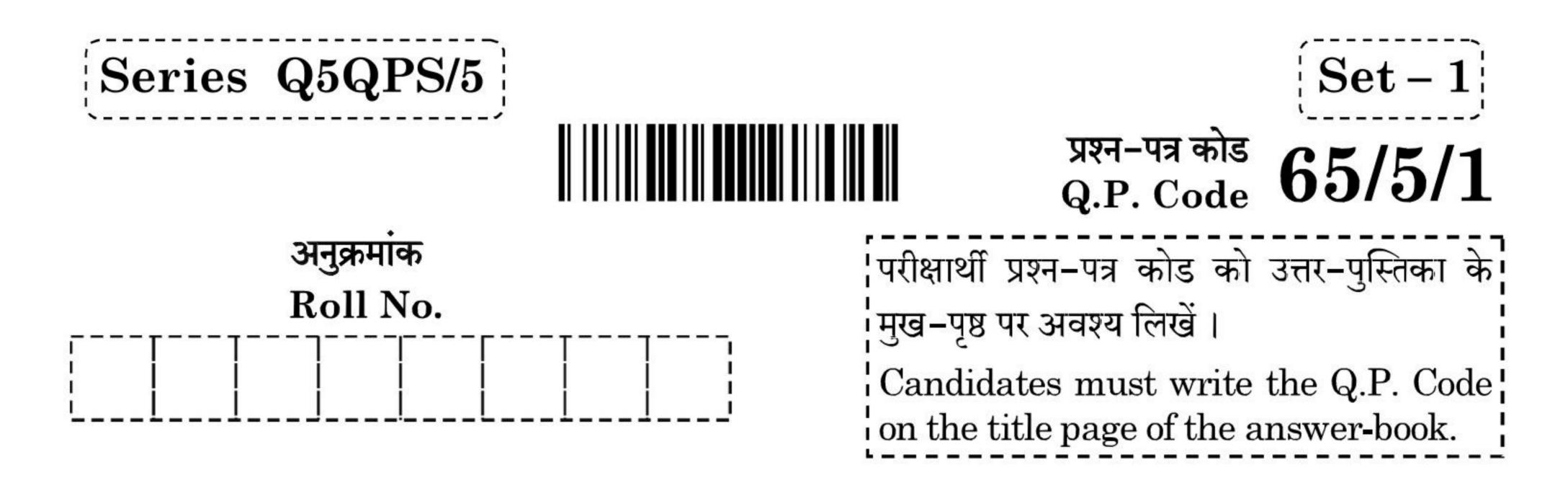
CBSE Class 12 Mathematics Question Paper 2024 (Set 1 - 65/5/1)



- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ 23 हैं।
- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं।
- प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।
- कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।
- इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है / प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा / 10.15 बजे से 10.30 बजे तक परीक्षार्थी केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे /
- Please check that this question paper contains 23 printed pages.
- \bullet Please check that this question paper contains 38 questions.
- Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.
- 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the candidates will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.







निर्धारित समय: 3 घण्टे Time allowed : 3 hours अधिकतम अंक : 80

Maximum Marks : 80

65/5/1/22/Q5QPS 208 A Page 1 of 24



सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

- (i) इस प्रश्न-पत्र में कुल 38 प्रश्न हैं। सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
- (ii) यह प्रश्न-पत्र **पाँच** खण्डों में विभाजित है खण्ड-क, ख, ग, घ एवं ङ ।

(iii) खण्ड – **क** में प्रश्न संख्या 1 से 18 तक बहुविकल्पीय तथा प्रश्न संख्या 19 एवं 20 अभिकथन एवं तर्क

आधारित 1 अंक के प्रश्न हैं।

(iv) खण्ड – ख में प्रश्न संख्या 21 से 25 तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के 2 अंकों के प्रश्न हैं।
(v) खण्ड – ग में प्रश्न संख्या 26 से 31 तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के 3 अंकों के प्रश्न हैं।
(vi) खण्ड – घ में प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के 5 अंकों के प्रश्न हैं।
(vii) खण्ड – ङ में प्रश्न संख्या 36 से 38 प्रकरण आधारित 4 अंकों के प्रश्न हैं।
(viii) प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड – ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड – ग के 3 प्रश्नों में तथा खण्ड – ङ के 2 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है।

(ix) कैल्कुलेटर का उपयोग वर्जित है।

65/5/1/22/Q5QPS

Page 2 of 24



General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- This Question paper contains 38 questions. All questions are compulsory. (i)
- Question paper is divided into FIVE Sections Section A, B, C, D and E. (11)
- (iii) In Section A Questions Number 1 to 18 are Multiple Choice Questions (MCQs) type and Questions Number 19 & 20 are Assertion-Reason based questions of 1 mark each.
- In Section B Questions Number 21 to 25 are Very Short Answer (VSA) $(\iota \upsilon)$

type questions, carrying 2 marks each.

- In Section C Questions Number 26 to 31 are Short Answer (SA) type (v)questions, carrying 3 marks each.
- (vi) In Section D Questions Number 32 to 35 are Long Answer (LA) type questions, carrying 5 marks each.
- (vii) In Section E Questions Number 36 to 38 are case study based questions, carrying 4 marks each.

(viii) There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section – B, 3 questions in Section – C, 2 questions in Section -D and 2 questions in Section -E.

Use of calculators is **NOT** allowed. (ix)

65/5/1/22/Q5QPS

Page 3 of 24



- (C) एकैकी तथा आच्छादक दोनों हैं। (D) न तो एकैकी और न ही आच्छादक है।
- (A) एकैकी है, परन्तु आच्छादक नही है। (B) आच्छादक है, परन्तु एकैकी नहीं है।
- 1. $f(x) = x^2 4x + 5$ द्वारा परिभाषित फलन $f : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$

इस खण्ड में 20 बहुविकल्पी प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक का 1 अंक है।

खण्ड – क

$$\begin{bmatrix} 1 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$
(A) 0
(B) 1
(C) -10
(D) 10

4.
$$\mathbf{Z}$$
 \mathbf{Z} $\begin{bmatrix} 7 & -3 & -3 \\ -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ \mathbf{Z} \mathbf{Z} $\begin{bmatrix} 1 & 3 & 3 \\ 1 & \lambda & 3 \\ 1 & 3 & 4 \end{bmatrix}$ \mathbf{R} \mathbf{R}

3 (C)

4

5.
$$\operatorname{ucc} \begin{bmatrix} x & 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ x \end{bmatrix} \overline{k}, \ \overline{n} x \ \overline{n} x \ \overline{n} \overline{n} \overline{k} = \overline{k};$$

(A) -1 (B) 0
(C) 1 (D) 2
65/5/1/22/Q5QPS Page 4 of 24



SECTION – A

This section has 20 multiple choice questions of 1 mark each.

- 1. A function $f : \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ defined as $f(x) = x^2 4x + 5$ is :
 - (A) injective but not surjective. (B) surjective but not injective.
 - (C) both injective and surjective. (I
- $(\mathbf{D}) \quad (1) \quad ($
 - (D) neither injective nor surjective.

2. If
$$A = \begin{bmatrix} a & c & -1 \\ b & 0 & 5 \\ 1 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$
 is a skew-symmetric matrix, then the value of $2a - (b + c)$

- 1S:
- (A) 0
 (B) 1
 (C) -10
 (D) 10
- 3. If A is a square matrix of order 3 such that the value of $|adj \cdot A| = 8$, then the value of $|A^{T}|$ is :
 - (A) $\sqrt{2}$ (B) $-\sqrt{2}$ (C) 8 (D) $2\sqrt{2}$

4. If inverse of matrix
$$\begin{bmatrix} 7 & -3 & -3 \\ -1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 is the matrix $\begin{bmatrix} 1 & 3 & 3 \\ 1 & \lambda & 3 \\ 1 & 3 & 4 \end{bmatrix}$, then value of λ is :

(B)

1

(A)

-4

(C) 3 (D) 4

5. If
$$\begin{bmatrix} x & 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ x \end{bmatrix}$$
, then value of x is :
(A) -1 (B) 0
(C) 1 (D) 2
65/5/1/22/Q5QPS Page 5 of 24



यदि A = $[a_{ij}]$ एक 2×2 आव्यूह है, जिसमें a_{ij} = maximum (i, j) – minimum (i, j) द्वारा 6. प्रदत्त हैं, तो आव्यूह A^2 है :

(A)	0 0	0 0	(B)	$\begin{bmatrix} 0\\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$
(C)	$\begin{bmatrix} 1\\ 0 \end{bmatrix}$	0 1	(D)	$\begin{bmatrix} 1\\ 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$

7. यदि
$$xe^y = 1$$
 है, तो $x = 1$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान है :
(A) -1 (B) 1

(D)
$$-\frac{1}{e}$$

8.
$$e^{\sin^2 x}$$
 का $\cos x$ के सापेक्ष अवकलज है :

(A)
$$\sin x e^{\sin^2 x}$$
 (B) $\cos x e^{\sin^2 x}$

(C)
$$-2 \cos x e^{\sin^2 x}$$
 (D) $-2 \sin^2 x \cos x e^{\sin^2 x}$

9. फलन
$$f(x) = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$$
 का स्थानीय निम्नतम x के जिस मान पर है, वह है :

11.
$$\int \frac{1}{x(\log x)^2} \, \mathrm{d}x$$
 बराबर है :

(A)
$$2 \log (\log x) + c$$

(B) $-\frac{1}{\log x} + c$
(C) $\frac{(\log x)^3}{3} + c$
(D) $\frac{3}{(\log x)^3} + c$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 6 of 24



Find the matrix A^2 , where $A = [a_{ij}]$ is a 2×2 matrix whose elements are 6. given by $a_{ij} = maximum (i, j) - minimum (i, j)$:

(A)
$$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$
 (B) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

 (C) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
 (D) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

If $xe^y = 1$, then the value of $\frac{dy}{dx}$ at x = 1 is : 7. (A) -1(B)

(D)
$$-\frac{1}{e}$$

Derivative of $e^{\sin^2 x}$ with respect to $\cos x$ is : 8.

(A)
$$\sin x e^{\sin^2 x}$$

(B) $\cos x e^{\sin^2 x}$
(C) $-2 \cos x e^{\sin^2 x}$
(D) $-2 \sin^2 x \cos x e^{\sin^2 x}$

9. The function
$$f(x) = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$$
 has a local minima at x equal to :

- (C) 0 (D) -2
- Given a curve $y = 7x x^3$ and x increases at the rate of 2 units per second. 10.The rate at which the slope of the curve is changing, when x = 5 is : -60 units/sec 60 units/sec (A)

-70 units/sec (C)

(D) -140 units/sec

+c

11.
$$\int \frac{1}{x(\log x)^2} \, \mathrm{d}x \text{ is equal to :}$$

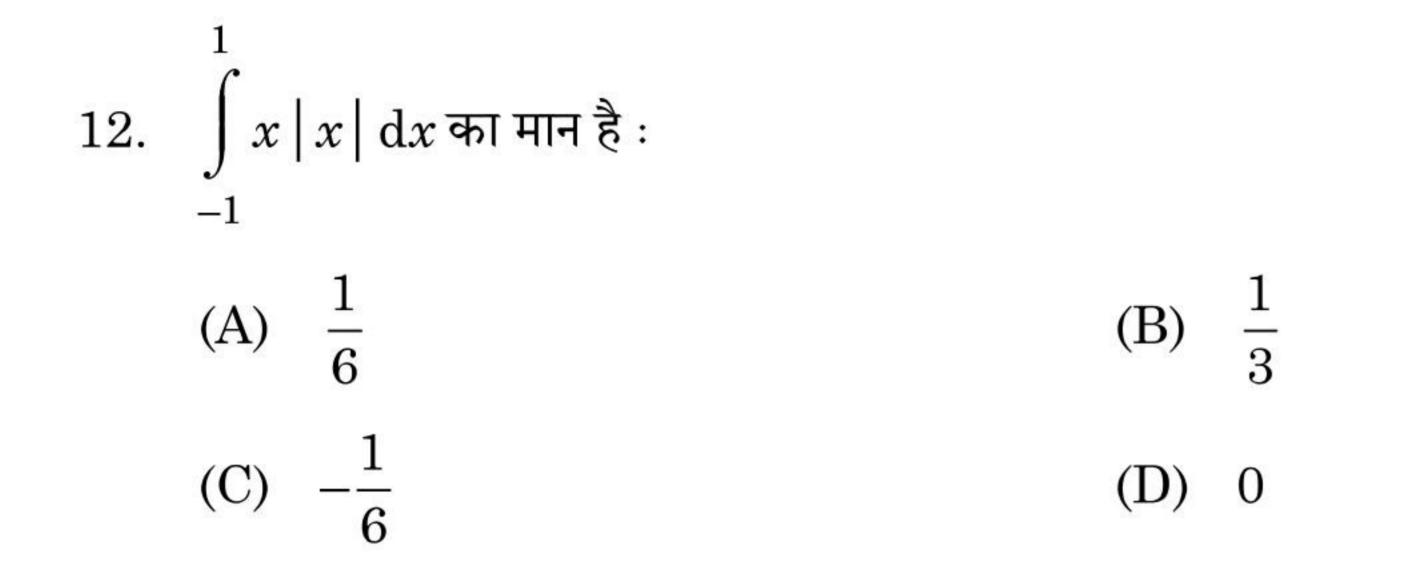
(A)
$$2 \log (\log x) + c$$

(B) $-\frac{1}{\log x} + c$
(C) $\frac{(\log x)^3}{3} + c$
(D) $\frac{3}{(\log x)^3} + c$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 7 of 24





13. ая $y^2 = 4x$, X - अक्ष तथा x = 0 और x = 1 के बीच घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है : (A) $\frac{2}{3}$ (B) $\frac{8}{3}$

(C) 3 (D)
$$\frac{3}{3}$$

14. अवकल समीकरण
$$\frac{d^4y}{dx^4} - \sin\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) = 5$$
 की कोटि है :
(A) 4 (B) 3

- (C) 2 (D) परिभाषित नहीं है ।
- 15. p तथा q क्रमशः बिंदुओं P तथा Q के स्थिति सदिश हैं। बिंदु R रेखाखण्ड PQ को 3 : 1 के अनुपात में विभाजित करता है तथा बिंदु S रेखाखण्ड PR का मध्य बिंदु है। S का स्थिति सदिश है :

(A)
$$\frac{\overrightarrow{p} + 3\overrightarrow{q}}{4}$$
 (B) $\frac{\overrightarrow{p} + 3\overrightarrow{q}}{8}$

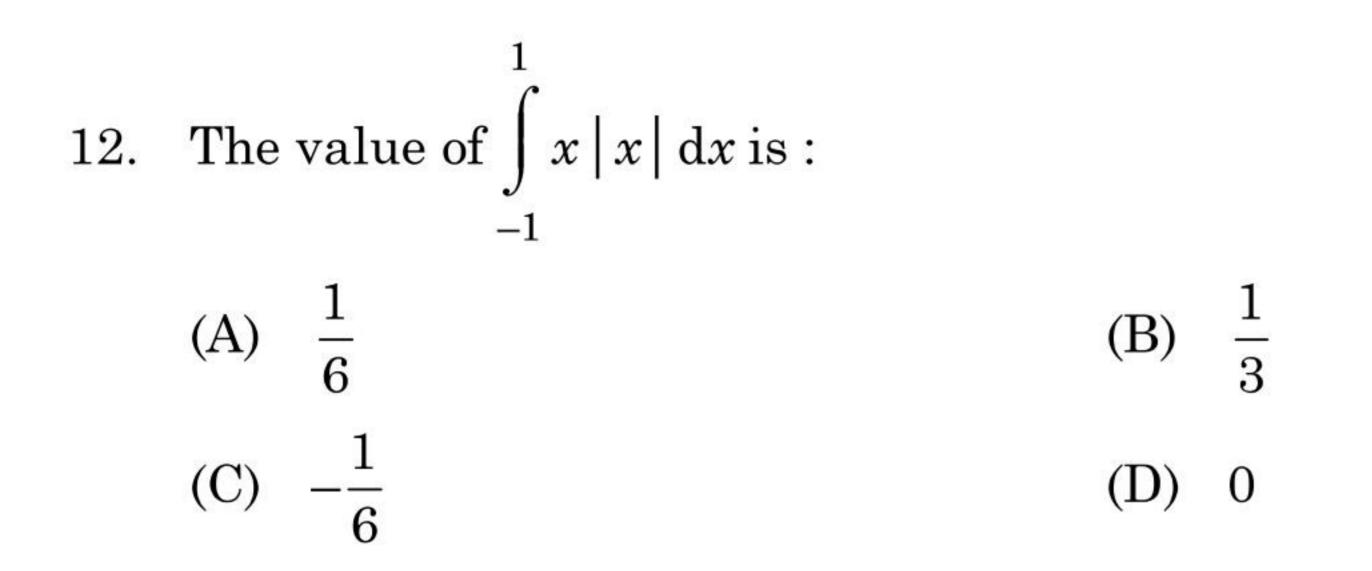
	$\overrightarrow{5p} + \overrightarrow{3q}$		$\overrightarrow{5p} + \overrightarrow{3q}$
(\mathbf{C})		(1)	

16. रेखा
$$\frac{x}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z}{0}$$
 द्वारा Y-अक्ष की धनात्मक दिशा से बनाया गया कोण है :
(A) $\frac{5\pi}{6}$ (B) $\frac{3\pi}{4}$
(C) $\frac{5\pi}{4}$ (D) $\frac{7\pi}{4}$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 8 of 24





13. Area of the region bounded by curve $y^2 = 4x$ and the X-axis between x = 0 and x = 1 is :

(A)
$$\frac{2}{3}$$
 (B) $\frac{8}{3}$
(C) 3 (D) $\frac{4}{3}$

- 14. The order of the differential equation $\frac{d^4y}{dx^4} \sin\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right) = 5$ is :
 - (A) 4
 (B) 3
 (C) 2
 (D) not defined
- 15. The position vectors of points P and Q are \vec{p} and \vec{q} respectively. The point R divides line segment PQ in the ratio 3 : 1 and S is the mid-point of line segment PR. The position vector of S is :

(A)
$$\frac{\overrightarrow{p} + 3\overrightarrow{q}}{4}$$
 (B) $\frac{\overrightarrow{p} + 3\overrightarrow{q}}{8}$
(C) $\frac{5\overrightarrow{p} + 3\overrightarrow{q}}{4}$ (D) $\frac{5\overrightarrow{p} + 3\overrightarrow{q}}{8}$

16. The angle which the line $\frac{x}{1} = \frac{y}{-1} = \frac{z}{0}$ makes with the positive direction of Y-axis is :

(A)
$$\frac{5\pi}{6}$$
 (B) $\frac{3\pi}{4}$
(C) $\frac{5\pi}{4}$ (D) $\frac{7\pi}{4}$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 9 of 24



17. बिंदु (1, -3, 2) से होकर जाने वाली तथा रेखा $\vec{r} = (2 + \lambda)\hat{i} + \lambda\hat{j} + (2\lambda - 1)\hat{k}$ के समांतर एक रेखा का कार्तीय समीकरण है :

(A)
$$\frac{x-1}{2} = \frac{y+3}{0} = \frac{z-2}{-1}$$
 (B) $\frac{x+1}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+2}{2}$
(C) $\frac{x+1}{2} = \frac{y-3}{0} = \frac{z+2}{-1}$ (D) $\frac{x-1}{1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-2}{2}$

18. यदि A और B दो घटनाएँ इस प्रकार हैं कि P(A/B) = P(B/A) ≠ 0, तब :

(A) $A \subset B$, परन्तु $A \neq B$ (B) A = B

(C) $A \cap B = \phi$ (D) P(A) = P(B)

अभिकथन – तर्क आधारित प्रश्न

निर्देश : प्रश्न 19 तथा 20 प्रत्येक में एक अभिकथन (A) के बाद एक तर्क (R) दिया गया है । निम्न विकल्पों में से सही उत्तर चुनिए :

(A) अभिकथन (A) तथा तर्क (R) दोनों सत्य हैं। तर्क (R) अभिकथन (A) की व्याख्या करता है।

(B) अभिकथन (A) तथा तर्क (R) दोनों सत्य हैं। तर्क (R) अभिकथन (A) की व्याख्या नहीं करता।

(C) अभिकथन (A) सत्य है, परन्तु तर्क (R) असत्य है।

(D) अभिकथन (A) असत्य है, जबकि तर्क (R) सत्य है।

तर्क (R) :
$$y = \cos^{-1}(x)$$
 की मुख्य शाखा की परिसर $[0,\pi] - \left\{ rac{\pi}{2}
ight\}$ है।

65/5/1/22/Q5QPS

Page 10 of 24



The Cartesian equation of the line passing through the point (1, -3, 2) and 17.parallel to the line :

$$\vec{r} = (2+\lambda)\hat{i} + \lambda\hat{j} + (2\lambda - 1)\hat{k} \text{ is}$$
(A) $\frac{x-1}{2} = \frac{y+3}{0} = \frac{z-2}{-1}$
(B) $\frac{x+1}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+2}{2}$
(C) $\frac{x+1}{2} = \frac{y-3}{0} = \frac{z+2}{-1}$
(D) $\frac{x-1}{1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-2}{2}$

18. If A and B are events such that $P(A|B) = P(B|A) \neq 0$, then :

(A)
$$A \subset B$$
, but $A \neq B$ (B) $A = B$

(C)
$$A \cap B = \phi$$
 (D) $P(A) = P(B)$

Assertion – Reason Based Questions

Direction : In questions numbers 19 and 20, two statements are given one labelled Assertion (A) and the other labelled Reason (R). Select the correct answer from the following options :

- Both Assertion (A) and Reason (R) are true and the Reason (R) is the (A) correct explanation of the Assertion (A).
- Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is not the (B) correct explanation of the Assertion (A).
- Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.
- Assertion (A) is false, but Reason (R) is true. (D)
- **Assertion (A)** : Domain of $y = \cos^{-1}(x)$ is [-1, 1]. 19.
 - : The range of the principal value branch of $y = \cos^{-1}(x)$ is Reason (R) $\left[0,\pi\right]-\left\{\frac{\pi}{2}\right\}.$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 11 of 24



20. अभिकथन (A) : सदिश

$$\vec{a} = 6\hat{i} + 2\hat{j} - 8\hat{k}$$

 $\vec{b} = 10\hat{i} - 2\hat{j} - 6\hat{k}$ तथा
 $\vec{c} = 4\hat{i} - 4\hat{j} + 2\hat{k}$
एक समकोण त्रिभुज की भुजाओं को निरूपित करते हैं।
तर्क (R) : तीन शून्येतर सदिश जिनमें से कोई दो सरेख नहीं हैं, एक त्रिभुज बनाते हैं, यदि
उनका परिणाम शून्य सदिश हो अथवा किन्हीं दो सदिशों का योग तीसरे सदिश के

समान हो ।

खण्ड – ख

इस खण्ड में 5 अति लघु-उत्तरीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं।

21. यदि
$$\sin^{-1}\left[k \tan\left(2\cos^{-1}\frac{\sqrt{3}}{2}\right)\right] = \frac{\pi}{3}$$
 है, तो k का मान ज्ञात कीजिए

22. (a) सत्यापित कीजिए कि
$$f(x) = \begin{cases} x \sin\left(\frac{1}{x}\right), x \neq 0 \\ 0, x = 0 \end{cases}$$
द्वारा परिभाषित फलन f, $x = 0$ पर संतत

है या नहीं ।

अथवा

(b)
$$\mathbf{f}(x)=|x-5|$$
 द्वारा परिभाषित फलन \mathbf{f} की $x=5$ पर अवकलनीयता की जाँच कीजिए।

23. एक वृत्त का क्षेत्रफल 2 cm²/sec की एकसमान दर से बढ़ रहा है। ज्ञात कीजिए कि त्रिज्या r = 5 cm पर इसकी परिधि के बढ़ने की दर क्या है ?

65/5/1/22/Q5QPS

Page 12 of 24



20. Assertion (A) : The vectors

$$\vec{a} = 6\hat{i} + 2\hat{j} - 8\hat{k}$$
$$\vec{b} = 10\hat{i} - 2\hat{j} - 6\hat{k}$$
$$\vec{c} = 4\hat{i} - 4\hat{j} + 2\hat{k}$$

represent the sides of a right angled triangle.

Reason (R) : Three non-zero vectors of which none of two are collinear forms a triangle if their resultant is zero vector or sum of any two vectors is equal to the third.

SECTION – B

This section has 5 Very Short Answer questions of 2 marks each.

21. Find value of k if

$$\sin^{-1}\left[k\tan\left(2\cos^{-1}\frac{\sqrt{3}}{2}\right)\right] = \frac{\pi}{3}.$$

22. (a) Verify whether the function f defined by

$$f(x) = \begin{cases} x \sin\left(\frac{1}{x}\right), & x \neq 0\\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

is continuous at x = 0 or not.

OR

- (b) Check for differentiability of the function f defined by f(x) = |x 5|, at the point x = 5.
- 23. The area of the circle is increasing at a uniform rate of 2 cm²/sec. How fast is the circumference of the circle increasing when the radius r = 5 cm?

65/5/1/22/Q5QPS

Page 13 of 24



24. (a) ज्ञात कीजिए : $\int \cos^3 x e^{\log \sin x} dx$ अथवा (b) ज्ञात कीजिए : $\int \frac{1}{5 + 4x - x^2} dx$

25. बिंदु (2, 3, –5) से होकर जाने वाली तथा निर्देशांक अक्षों से समान कोण बनाने वाली रेखा का सदिश समीकरण ज्ञात कीजिए।

खण्ड – ग

इस खण्ड में 6 लघु उत्तरीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न के 3 अंक हैं।

26. (a) यदि
$$(\cos x)^y = (\cos y)^x$$
 है, तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।

अथवा

(b) यदि
$$\sqrt{1-x^2} + \sqrt{1-y^2} = a(x-y)$$
 है, तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}$

27. यदि
$$x = a \sin^3 \theta$$
, $y = b \cos^3 \theta$ है, तो $\theta = \frac{\pi}{4} \, \mathrm{tr} \, \frac{\mathrm{d}^2 y}{\mathrm{d} x^2}$ ज्ञात कीजिए :

28. (a) मान ज्ञात कीजिए :
$$\int_{0}^{\pi} \frac{e^{\cos x}}{e^{\cos x} + e^{-\cos x}} dx$$

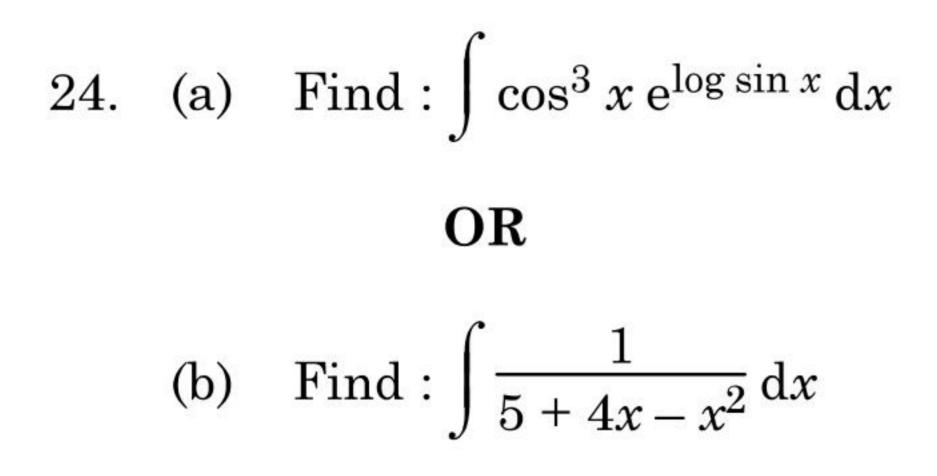
अथवा

(b) ज्ञात कीजिए :
$$\int \frac{2x+1}{(x+1)^2 (x-1)} dx$$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 14 of 24





25. Find the vector equation of the line passing through the point (2, 3, -5) and making equal angles with the co-ordinate axes.

SECTION – C

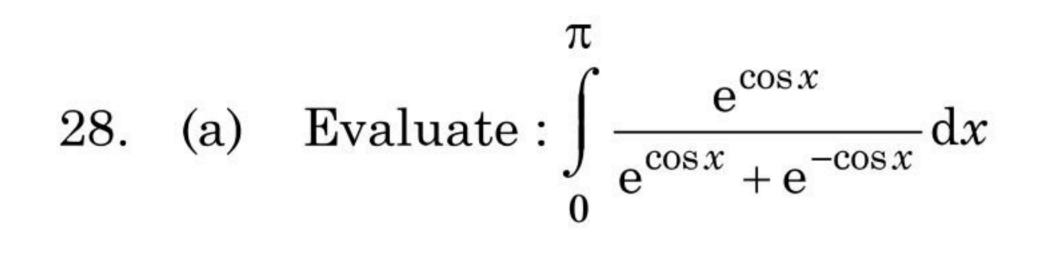
There are **6** short answer questions in this section. Each is of **3** marks.

26. (a) Find
$$\frac{dy}{dx}$$
, if $(\cos x)^y = (\cos y)^x$.

OR

(b) If
$$\sqrt{1-x^2} + \sqrt{1-y^2} = a(x-y)$$
, prove that $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}$.

27. If
$$x = a \sin^3 \theta$$
, $y = b \cos^3 \theta$, then find $\frac{d^2 y}{dx^2}$ at $\theta = \frac{\pi}{4}$.



OR

(b) Find :
$$\int \frac{2x+1}{(x+1)^2 (x-1)} dx$$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 15 of 24



29. (a) अवकल समीकरण
$$\frac{dy}{dx} - 2xy = 3x^2 e^{x^2}$$
; y(0) = 5, का विशिष्ट हल ज्ञात कीजिए।
अथवा

 $x^2 \,\mathrm{dy} + y(x+y) \,\mathrm{d}x = 0$

30. सदिशों 2î – ĵ + k तथा î + ĵ – k दोनों के लम्बवत ऐसा सदिश ज्ञात कीजिए जिसका परिमाण 4 इकाई हो । अतः अपने उत्तर की जाँच कीजिए ।

31. यादृच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया है, जहाँ a तथा b कोई स्थिरांक है :

X	1	2	3	4	5
P(X)	0.2	a	a	0.2	b

यदि माध्य E(X) = 3 है तो a तथा b के मान ज्ञात कीजिए । अतः $P(X \ge 3)$ ज्ञात कीजिए ।

खण्ड – घ

इस खण्ड में 4 दीर्घ-उत्तरीय प्रश्न हैं तथा प्रत्येक के 5 अंक हैं।

32. (a) यदि A = $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 2 & 0 & -3 \end{vmatrix}$ है, तो A⁻¹ ज्ञात कीजिए । अत: निम्न समीकरण निकाय को हल

 $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \end{bmatrix}$ कीजिए : x + 2y - 3z = 12x - 3z = 2x + 2y = 3अथवा

65/5/1/22/Q5QPS

Page 16 of 24



Find the particular solution of the differential equation 29.(a)

$$\frac{dy}{dx} - 2xy = 3x^2 e^{x^2}; y(0) = 5$$

OR

Solve the following differential equation : (b)

 $x^2 dy + y(x + y) dx = 0$

- Find a vector of magnitude 4 units perpendicular to each of the vectors 30. $2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$ and $\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$ and hence verify your answer.
- The random variable X has the following probability distribution where a 31.and b are some constants :

X	1	2	3	4	5
P(X)	0.2	a	a	0.2	b

If the mean E(X) = 3, then find values of a and b and hence determine $P(X \ge 3).$

SECTION – D

There are 4 long answer questions in this section. Each question is of 5 marks.

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \end{bmatrix}$$

(a) If A = $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 2 & 0 & -3 \\ 1 & 2 & 0 \end{vmatrix}$, then find A⁻¹ and hence solve the following 32.system of equations : x + 2y - 3z = 12x - 3z = 2x + 2y = 3OR 65/5/1/22/Q5QPS Page 17 of 24 *P.T.O.*



(b) आव्यूहों का गुणनफल
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 2 & 3 & 2 \\ 3 & -3 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -6 & 17 & 13 \\ 14 & 5 & -8 \\ -15 & 9 & -1 \end{bmatrix}$$
 ज्ञात कीजिए :

अतः निम्न रेखीय समीकरण निकाय का हल ज्ञात कीजिए :

$$x + 2y - 3z = -4$$

 $2x + 3y + 2z = 2$
 $3x - 3y - 4z = 11$

33. समाकलन से वक्र $4x^2 + y^2 = 36$ से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

34. (a) बिंदु (2, 3, -8) से रेखा
$$\frac{4-x}{2} = \frac{y}{6} = \frac{1-z}{3}$$
 पर डाले गए लंब के पाद के निर्देशांक ज्ञात
कीजिए। अतः दिए गए बिंदु से दी गई रेखा पर खींचे लंब की लंबाई भी ज्ञात कीजिए।

अथवा

(b) नीचे दी गई दो रेखाओं
$${
m L}_1$$
 तथा ${
m L}_2$ के बीच की न्यूनतम दूरी ज्ञात कीजिए, जहाँ

$$L_1$$
 : बिंदु (2, -1 , 1) से होकर जाने वाली रेखा है जो $\displaystyle rac{x}{1} = \displaystyle rac{y}{3} = \displaystyle rac{z}{3}$ के समांतर है, तथा

$$L_2: \vec{r} = \hat{i} + (2\mu + 1)\hat{j} - (\mu + 2)\hat{k} \epsilon$$
है।

35. निम्न रैखिक प्रोग्रामन समस्या को ग्राफ द्वारा हल कीजिए :

व्यवरोधों
$$x + 2y \le 12$$

 $2x + y \le 12$
 $4x + 5y \ge 20$
 $x, y \ge 0$ के अंर्तगत Z = 60x + 40y का अधिकतमीकरण कीजिए।

65/5/1/22/Q5QPS

Page 18 of 24



(b) Find the product of the matrices $\begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 2 & 3 & 2 \\ 3 & -3 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -6 & 17 & 13 \\ 14 & 5 & -8 \\ -15 & 9 & -1 \end{bmatrix}$ and

hence solve the system of linear equations :

$$x + 2y - 3z = -4$$

 $2x + 3y + 2z = 2$
 $3x - 3y - 4z = 11$

33. Find the area of the region bounded by the curve $4x^2 + y^2 = 36$ using

integration.

34. (a) Find the co-ordinates of the foot of the perpendicular drawn from the point (2, 3, -8) to the line $\frac{4-x}{2} = \frac{y}{6} = \frac{1-z}{3}$.

Also, find the perpendicular distance of the given point from the line. **OR**

(b) Find the shortest distance between the lines $L_1 \& L_2$ given below :

L₁ : The line passing through (2, -1, 1) and parallel to
$$\frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{3}$$

$$L_2: \vec{r} = \hat{i} + (2\mu + 1)\hat{j} - (\mu + 2)\hat{k}.$$

35. Solve the following L.P.P. graphically :

Maximise Z = 60x + 40y

Subject to $x + 2y \le 12$

 $2x + y \le 12$

 $4x + 5y \ge 20$

 $x, y \ge 0$

65/5/1/22/Q5QPS

Page 19 of 24



खण्ड – জ

इस खण्ड में 3 प्रकरण आधारित प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न के 4 अंक हैं।

36. (a) एक विद्यालय के छात्रों को रेलवे की विरासत और उसके इतिहास के बारे में जानने के लिए रेलवे संग्रहालय ले जाया जाता है।



एक प्रदर्शनी में स्टेशन के पास ट्रैक पर कई रेल–लाइनों को दर्शाया गया है। माना L रेलवे ट्रैक पर स्थित सभी रेल–लाइनों का समुच्चय है तथा $\mathbf{R} = \{(l_1, l_2) : l_1, l_2$ के समांतर है} द्वारा परिभाषित L पर संबध है।

उपरोक्त के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) ज्ञात कीजिए कि संबंध R सममित है या नहीं।

(ii) ज्ञात कीजिए कि संबंध R संक्रामक है या नहीं।

(iii) यदि रेलवे ट्रेक पर एक रेल-लाइन को समीकरण y = 3x + 2 द्वारा निरूपित किया गया है, तो R में इससे संबंधित रेल-लाइनों के समुच्चय को ज्ञात कीजिए।

अथवा

(b) माना एक संबंध S, S = {
$$(l_1, l_2) : l_1, l_2$$
 के लम्बवत है} द्वारा परिभाषित है, तो जाँच कीजिए कि क्या S सममित है तथा संक्रामक है।

65/5/1/22/Q5QPS

Page 20 of 24



SECTION – E

In this section there are 3 case study questions of 4 marks each.

36. (a) Students of a school are taken to a railway museum to learn about railways heritage and its history.



An exhibit in the museum depicted many rail lines on the track near the railway station. Let L be the set of all rail lines on the railway track and R be the relation on L defined by

 $\mathbf{R} = \{(l_1, l_2) : l_1 \text{ is parallel to } l_2\}$

On the basis of the above information, answer the following questions :

- (i) Find whether the relation R is symmetric or not.
- (ii) Find whether the relation R is transitive or not.
- (iii) If one of the rail lines on the railway track is represented by the equation y = 3x + 2, then find the set of rail lines in R related to it.

OR

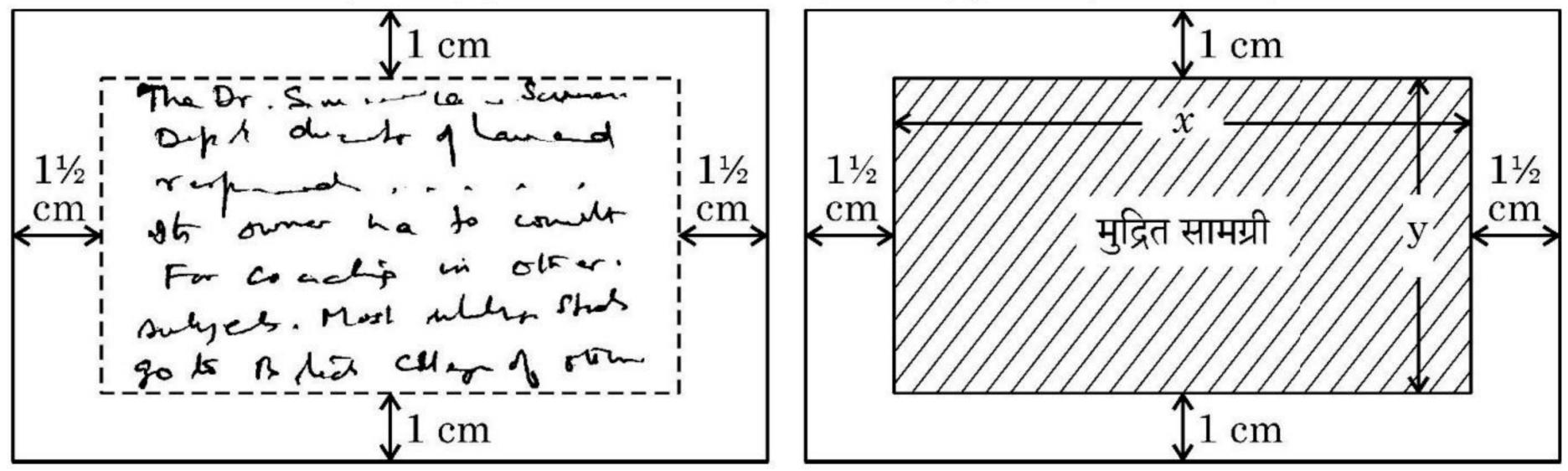
(b) Let S be the relation defined by $S = \{(l_1, l_2) : l_1 \text{ is perpendicular to } l_2\}$ check whether the relation S is symmetric and transitive.

65/5/1/22/Q5QPS

Page 21 of 24



37. एक आयताकार विजिटिंग कार्ड में 24 sq.cm. मुद्रित सामग्री होनी चाहिए। कार्ड के ऊपर और नीचे का मार्जिन 1 cm और बाएँ और दाएँ का मार्जिन 1½ cm होना चाहिए, जैसा दर्शाया गया है :



उपरोक्त के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए : (i) विजिटिंग कार्ड के क्षेत्रफल को x के पदों में व्यक्त कीजिए ।

- अथवा (iii) ग्राहक द्वारा पहले महीने का बिल समय पर दिए जाने की प्रायिकता ज्ञात कीजए, जहाँ दिया है कि
- तथा P(A|E₂) ज्ञात कीजिए। (iii) ग्राहक द्वारा दूसरे महीने का बिल समय पर देने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए।
- की घटना को दर्शाते हैं, तो $P(E_1)$ तथा $P(E_2)$ ज्ञात कीजिए। (ii) माना A, ग्राहक द्वारा दूसरे महीने का बिल समय पर देने की घटना को दर्शाता है, तो $P(A|E_1)$
- (i) माना E₁ तथा E₂ क्रमशः ग्राहक द्वारा पहले महीने के बिल का समय पर भुगतान करने या न करने की घटना को दर्शाते हैं, तो P(E₁) तथा P(E₂) ज्ञात कीजिए।
- एक डिपार्टमेंटल स्टोर अपने ग्राहकों से महीने में एक बार शुल्क लेने के लिए बिल भेजता है। पिछला अनुभव बताता है कि इसके 70% ग्राहक अपने पहले महीने का बिल समय पर चुकाते हैं। स्टोर ने यह भी पाया कि जो ग्राहक एक महीने में समय पर भुगतान करता है, उसके अगले महीने समय पर भुगतान करने की प्रायिकता 0.8 है और जो ग्राहक एक महीने में समय पर भुगतान नहीं करता है, उसके अगले महीने समय पर भुगतान करने की प्रायिकता 0.4 है। उपरोक्त के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए:
- (ii) न्यूनतम क्षेत्रफल के लिए कार्ड की विमाएँ ज्ञात कीजिए।

उसने दूसरे महीने का बिल समय पर दिया है।

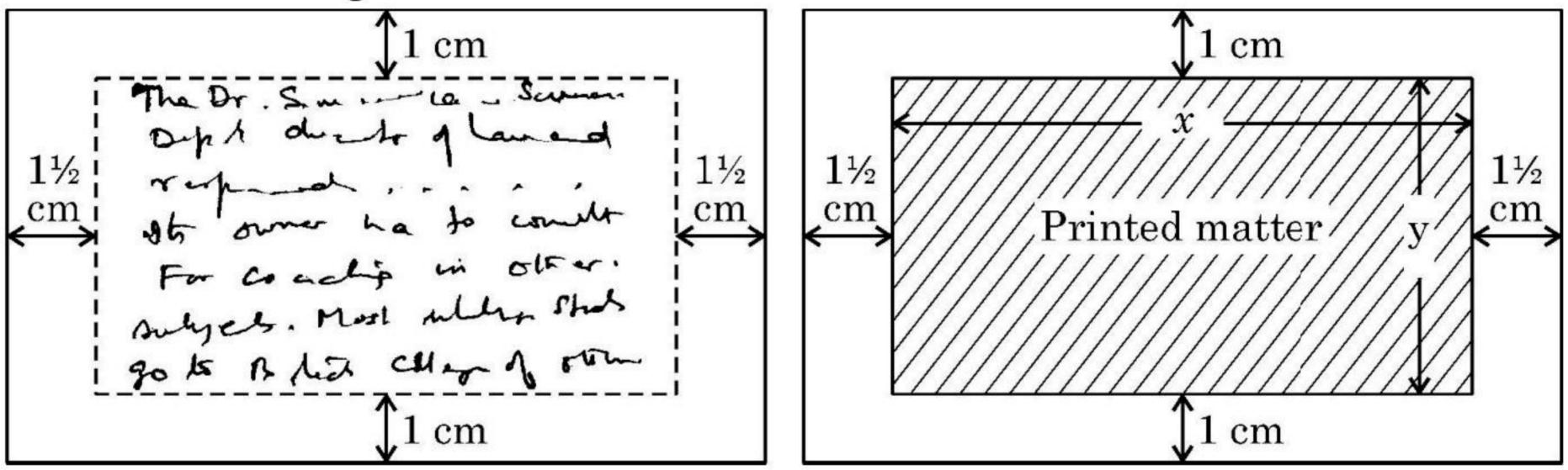
65/5/1/22/Q5QPS

38.

Page 22 of 24



37. A rectangular visiting card is to contain 24 sq.cm. of printed matter. The margins at the top and bottom of the card are to be 1 cm and the margins on the left and right are to be $1\frac{1}{2}$ cm as shown below :



On the basis of the above information, answer the following questions :

- (i) Write the expression for the area of the visiting card in terms of *x*.
- (ii) Obtain the dimensions of the card of minimum area.
- 38. A departmental store sends bills to charge its customers once a month. Past experience shows that 70% of its customers pay their first month bill in time. The store also found that the customer who pays the bill in time has the probability of 0.8 of paying in time next month and the customer who doesn't pay in time has the probability of 0.4 of paying in time the next month.

Based on the above information, answer the following questions :

- (i) Let E_1 and E_2 respectively denote the event of customer paying or not paying the first month bill in time. Find $P(E_1)$, $P(E_2)$.
- (ii) Let A denotes the event of customer paying second month's bill in time, then find $P(A|E_1)$ and $P(A|E_2)$.
- (iii) Find the probability of customer paying second month's bill in time.
 OR
- (iii) Find the probability of customer paying first month's bill in time if it is found that customer has paid the second month's bill in time.

65/5/1/22/Q5QPS

Page 23 of 24





