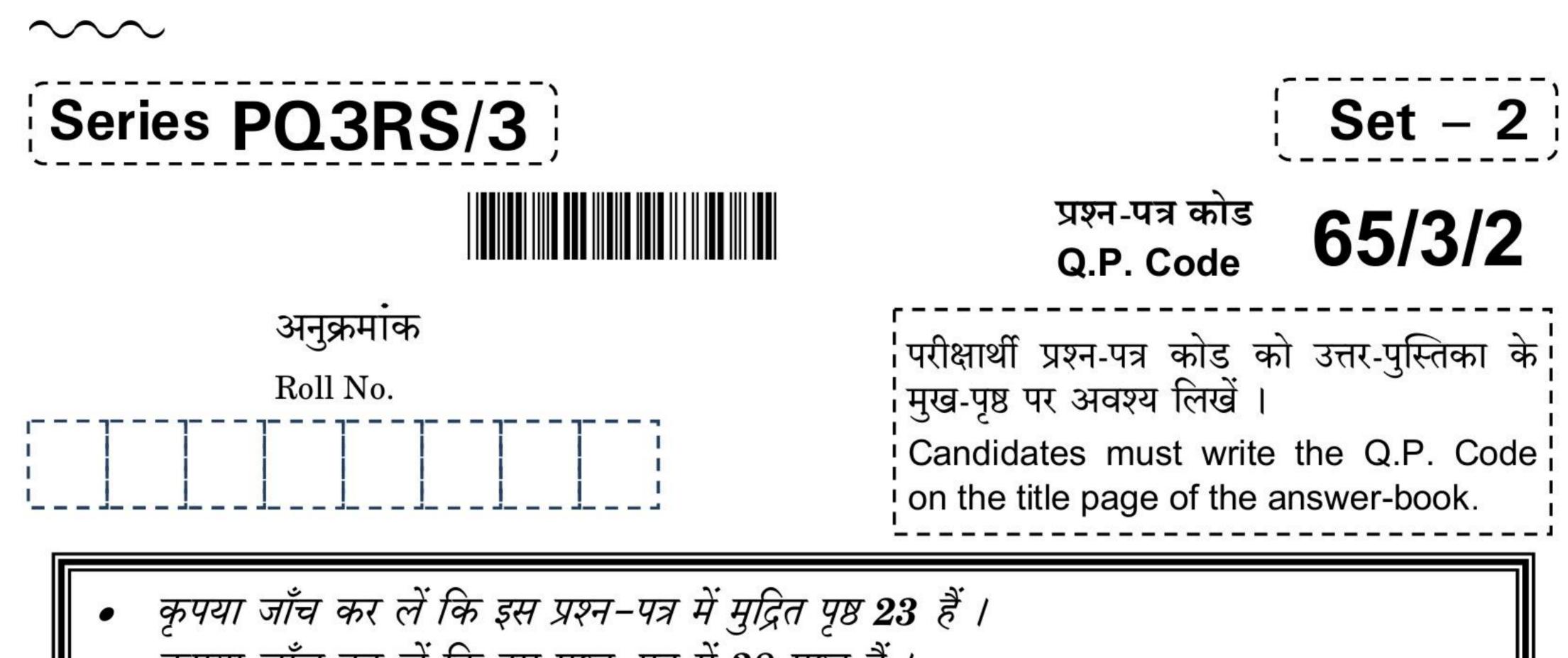
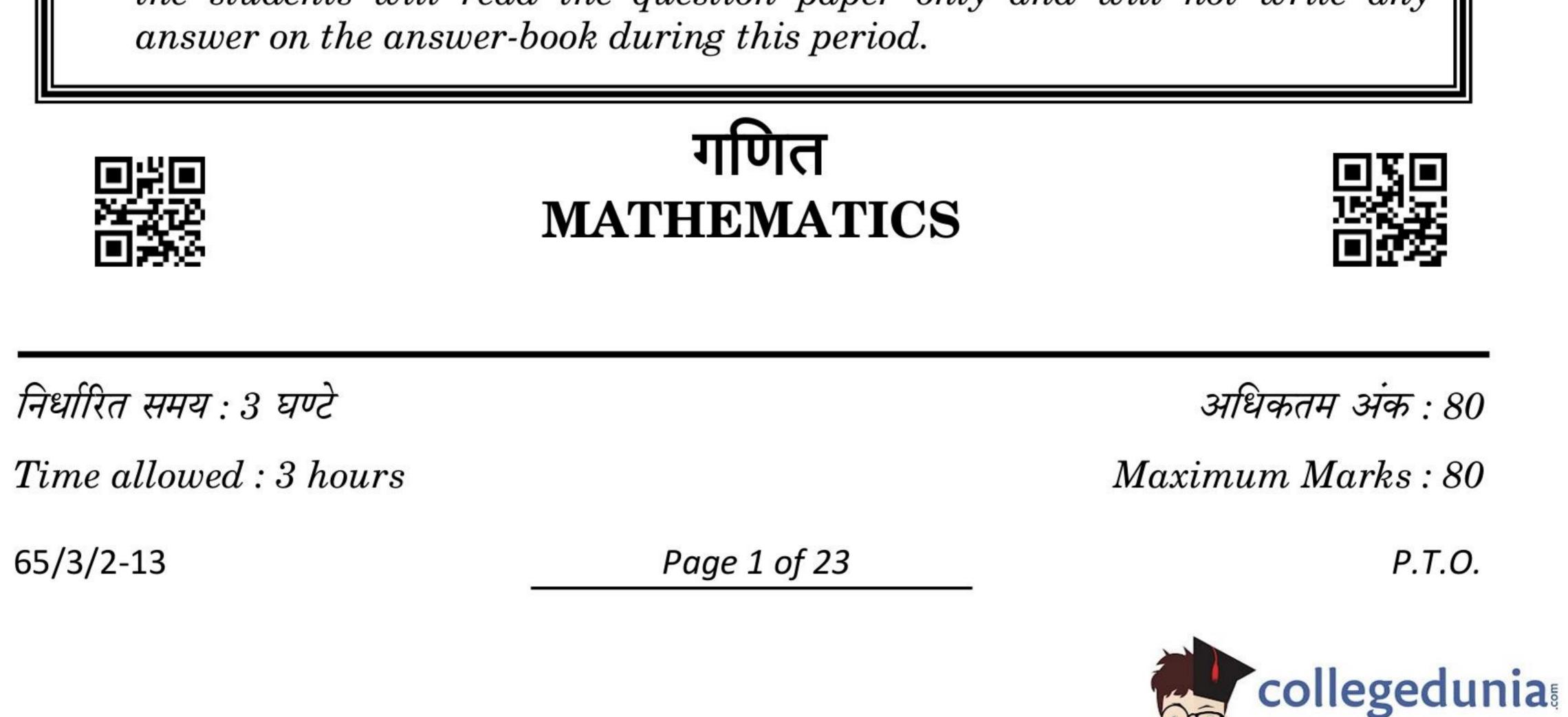
CBSE Class 12 Mathematics Question Paper 2024 (Set 2 - 65/3/2)



- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं ।
- प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें।
- कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें।
- इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।
- Please check that this question paper contains **23** printed pages.
- Please check that this question paper contains **38** questions.
- Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.
- 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any



India's largest Student Review Platform

सामान्य निर्देश :

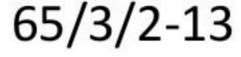
निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

- इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं । सभी प्रश्न अनिवार्य हैं । (i)
- यह प्रश्न-पत्र पाँच खण्डों में विभाजित है क, ख, ग, घ एवं ङ । (ii)
- खण्ड क में प्रश्न संख्या 1 से 18 तक बहुविकल्पीय तथा प्रश्न संख्या 19 एवं 20 अभिकथन (iii) एवं तर्क आधारित 1 अंक के प्रश्न हैं ।
- खण्ड ख में प्रश्न संख्या 21 से 25 तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के 2 अंकों के प्रश्न हैं। (iv)खण्ड ग में प्रश्न संख्या 26 से 31 तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के 3 अंकों के प्रश्न हैं। (v)
- खण्ड घ में प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के 5 अंकों के प्रश्न हैं। (vi)
- खण्ड ङ में प्रश्न संख्या 36 से 38 प्रकरण अध्ययन आधारित 4 अंकों के प्रश्न हैं। (vii)
- (viii) प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है । यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 3 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ङ के 2 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है ।
- कैल्कुलेटर का उपयोग वर्जित है। (ix)

खण्ड क

इस खण्ड में बहुविकल्पीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है ।

(A)
$$\left(\frac{5}{e}\right)^x \frac{1}{\log 5}$$
(B) $\left(\frac{e}{5}\right)^x \frac{1}{\log 5}$ (C) $\left(\frac{5}{e}\right)^x \log 5$ (D) $\left(\frac{e}{5}\right)^x \log 5$ $\overline{q}\overline{q} \mid \overrightarrow{a} \mid = 2$ और $-3 \le k \le 2$ है, तो $\mid k\overrightarrow{a} \mid \in :$ (A) $\left[-6, 4\right]$ (B) $\left[0, 4\right]$ (C) $\left[4, 6\right]$ (D) $\left[0, 6\right]$ (D) $\left[0, 6\right]$ $\overline{3}/2-13$ $Page 2 of 23$



z.

3.



General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- (i) This question paper contains **38** questions. **All** questions are **compulsory**.
- (ii) This question paper is divided into five Sections – A, B, C, D and E.
- (iii) In Section A, Questions no. 1 to 18 are multiple choice questions (MCQs) and questions number 19 and 20 are Assertion-Reason based questions of 1 mark each.
- In Section B, Questions no. 21 to 25 are very short answer (VSA) type (iv)questions, carrying 2 marks each.
- In Section C, Questions no. 26 to 31 are short answer (SA) type questions, (v)carrying **3** marks each.
- In Section D, Questions no. 32 to 35 are long answer (LA) type questions (vi)carrying **5** marks each.
- In Section E, Questions no. 36 to 38 are case study based questions carrying (vii) 4 marks each.
- There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in $(\mathcal{V}\mathcal{I}\mathcal{I}\mathcal{I})$ 2 questions in Section B, 3 questions in Section C, 2 questions in Section D and 2 questions in Section E.
- (ix)Use of calculators is **not** allowed.

SECTION A

This section comprises multiple choice questions (MCQs) of 1 mark each.

1. If
$$\begin{vmatrix} 1 & 3 & 1 \\ k & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix} = \pm 6$$
, then the value of k is :
(A) 2 (B) -2 (C) ± 2 (D) ∓ 2

3.

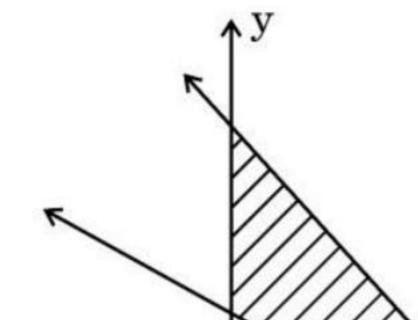
The derivative of 5^{x} w.r.t. e^{x} is : 2.

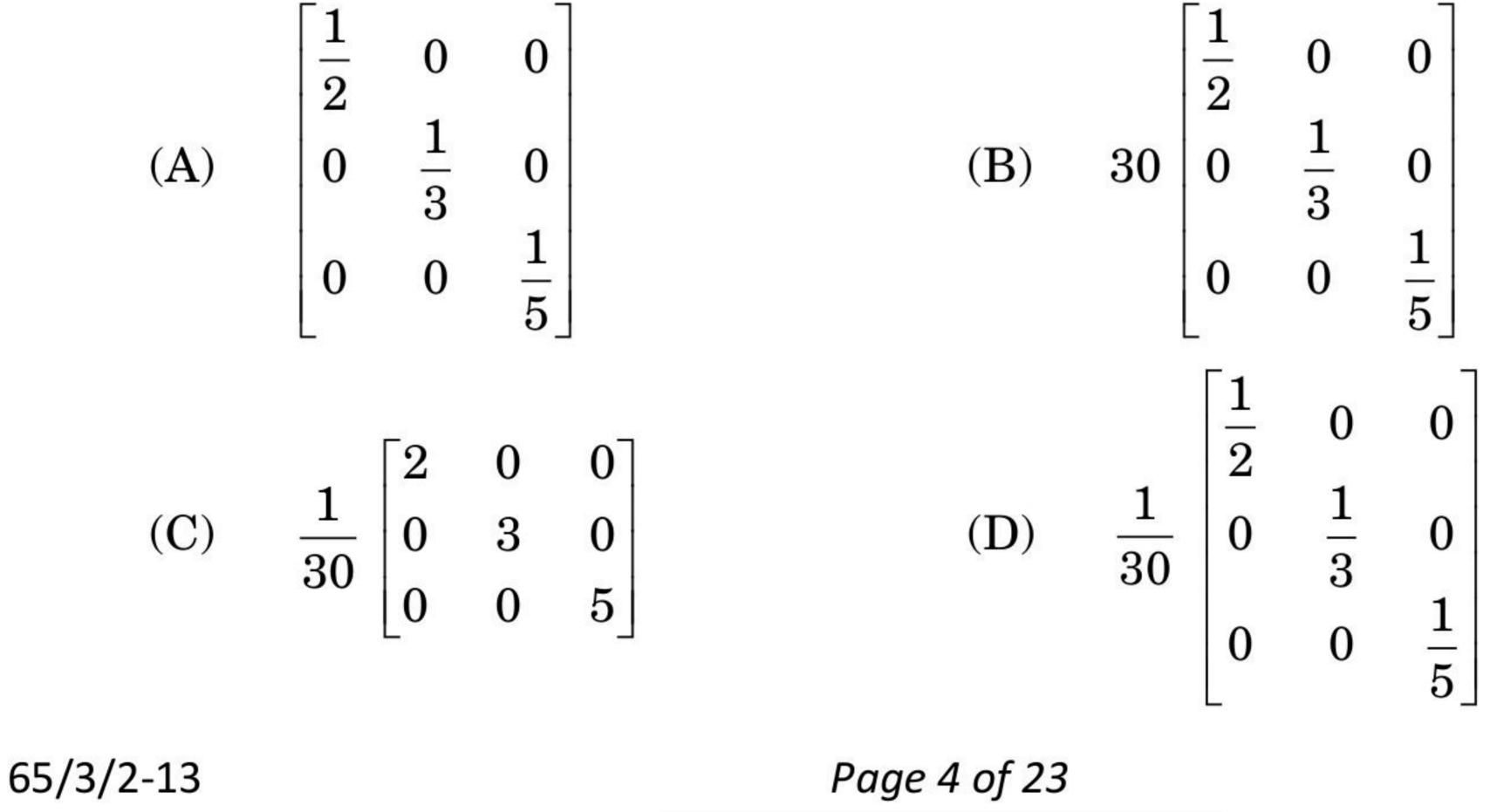
(A)
$$\left(\frac{5}{e}\right)^{x} \frac{1}{\log 5}$$
 (B) $\left(\frac{e}{5}\right)^{x} \frac{1}{\log 5}$
(C) $\left(\frac{5}{e}\right)^{x} \log 5$ (D) $\left(\frac{e}{5}\right)^{x} \log 5$
3. If $|\vec{a}| = 2$ and $-3 \le k \le 2$, then $|\vec{ka}| \in :$
(A) $[-6, 4]$ (B) $[0, 4]$
(C) $[4, 6]$ (D) $[0, 6]$
65/3/2-13 Page 3 of 23



6.

4.यदि एक रेखा दोनों x-अक्ष और z-अक्ष की धनात्मक दिशाओं में $\frac{\pi}{4}$ का कोण बनाती है, तो
यह रेखा y-अक्ष की धनात्मक दिशा में जो कोण बनाती है, वह है :(A)0(B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) π 5.नीचे दिए गए सुसंगत क्षेत्र को, व्यवरोधों का निम्नलिखित में से कौन-सा समूह निरूपित करता
है ?



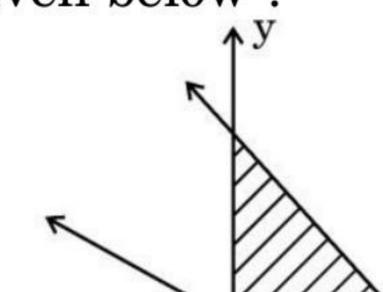




 $\sim \sim$

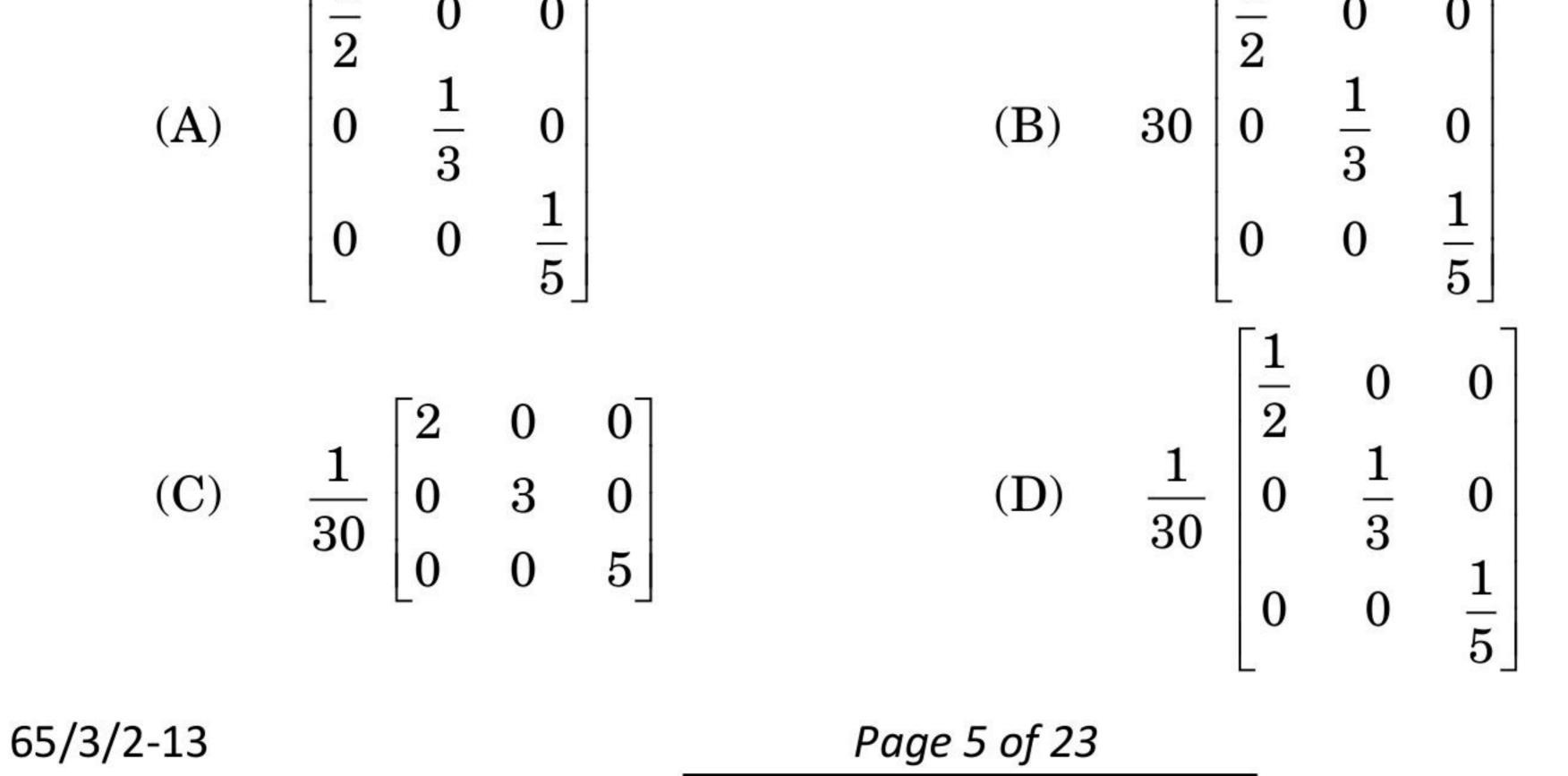
6.

- 4. If a line makes an angle of $\frac{\pi}{4}$ with the positive directions of both x-axis and z-axis, then the angle which it makes with the positive direction of y-axis is :
 - (A) 0 (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) π
- **5.** Of the following, which group of constraints represents the feasible region given below ?



(A)
$$x + 2y \le 76, 2x + y \ge 104, x, y \ge 0$$

(B) $x + 2y \le 76, 2x + y \le 104, x, y \ge 0$
(C) $x + 2y \ge 76, 2x + y \le 104, x, y \ge 0$
(D) $x + 2y \ge 76, 2x + y \le 104, x, y \ge 0$
(D) $x + 2y \ge 76, 2x + y \ge 104, x, y \ge 0$
If $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$, then A^{-1} is :
 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$





9. माना A = $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ एक वर्ग आव्यूह है जिसके लिए adj A = A है। तब, (a + b + c + d)

- (A) $(-\infty,\infty)$ (B) $(1,\infty)$ (C) $[1,\infty)$ (D) $[-1,\infty)$
- 8. एक फलन $f: R \to A$ जो $f(x) = x^2 + 1$ द्वारा परिभाषित है, आच्छादक होगा, यदि A है :
- (D) एक सममित आव्यूह होता है
- (C) एक विषम सममित आव्यूह होता है
- (B) एक शून्य आव्यूह होता है
- (A) एक तत्समक आव्यूह होता है
- 7. किसी वर्ग आव्यूह A के लिए, (A A') हमेशा

 $\sim \sim$

[c α] बराबर है :

- (A) 2a
 (B) 2b
 (C) 2c
 (D) 0
- 10.were f(x) = |1 x + |x||:(A) असंतत है केवल x = 1 पर(B) असंतत है केवल x = 0 पर(C) असंतत है x = 0, 1 पर(D) हर बिन्दु पर संतत है
- 11. फलन f(x) का नति परिवर्तन बिंदु वह बिंदु होता है, जिसके लिए
 - (A) f'(x) = 0 और बिंदु के बाएँ से दाएँ जाने पर f'(x) का चिह्न धन से ऋण में परिवर्तित होता है ।
 - (B) f'(x) = 0 और बिंदु के बाएँ से दाएँ जाने पर f'(x) का चिह्न ऋण से धन में परिवर्तित होता है ।
 - (C) f'(x) = 0 और बिंदु के बाएँ से दाएँ जाने पर f'(x) का चिह्न परिवर्तित नहीं होता है ।
 - (D) $f'(x) \neq 0$.

12.

$$u(x) = 1$$
 (u) $f(x)$

 12.
 $u(x) = 1$ (u) $f(x)$

 (A)
 0

 (B)
 2
 $\int_{0}^{a} g(x) dx$

 (B)
 2
 $\int_{-a}^{a} g(x) dx$

 (B)
 2
 $\int_{-a}^{0} g(x) dx$

 (B)
 2
 $\int_{-a}^{0} g(x) dx$
 $f(x) = 1$
 $f(x) = 1$



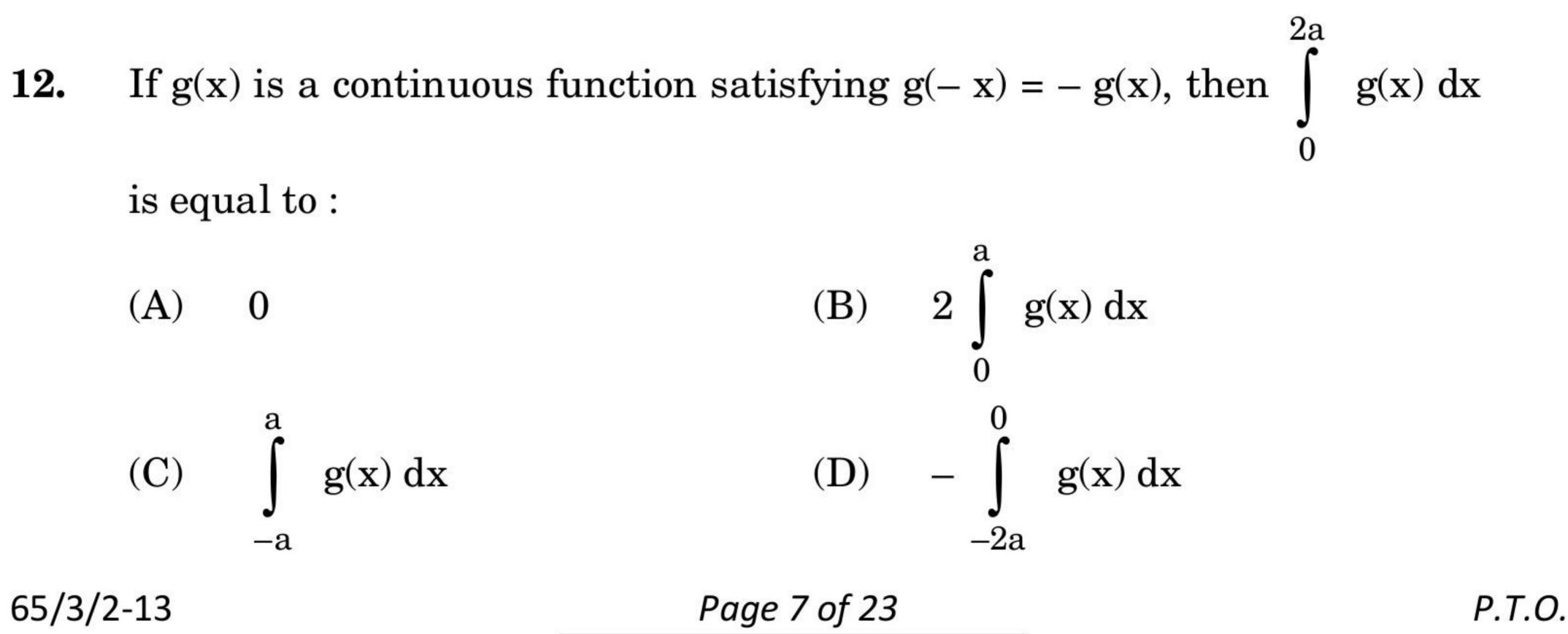
- For any square matrix A, (A A') is always 7.
 - an identity matrix (A)
 - a null matrix **(B)**
 - (C) a skew symmetric matrix
 - (D) a symmetric matrix
- A function $f : R \rightarrow A$ defined as $f(x) = x^2 + 1$ is onto, if A is : 8. (A) $(-\infty,\infty)$ $(B) \quad (1,\infty)$ (D) [−1, ∞) (C) $[1, \infty)$

Let A = $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$ be a square matrix such that adj A = A. Then, 9.

- (a + b + c + d) is equal to : (A) (B) 2a
- (\mathbf{C}) (D) 0 2c
- A function f(x) = |1 x + |x|| is : 10.
 - (A) discontinuous at x = 1 only (B) discontinuous at x = 0 only

2b

- (\mathbf{C}) discontinuous at x = 0, 1(D) continuous everywhere
- The point of inflexion of a function f(x) is the point where 11.
 - f'(x) = 0 and f'(x) changes its sign from positive to negative from (A) left to right of that point.
 - f'(x) = 0 and f'(x) changes its sign from negative to positive from **(B)** left to right of that point.
 - f'(x) = 0 and f'(x) does not change its sign from left to right of that (\mathbf{C}) point.
 - $f'(x) \neq 0.$ (\mathbf{D})





13.
$$x \log x \frac{dy}{dx} + y = 2 \log x$$
 एक उदाहरण है :(A)पृथक्करणीय चर वाले अवकल समीकरण का ।(B)समघातीय अवकल समीकरण का ।(C)प्रथम कोटि के रैखिक अवकल समीकरण का ।(D)ऐसे अवकल समीकरण का जिसकी घात परिभाषित नहीं है ।14.यदि $\overrightarrow{a} = 2\widehat{i} - \widehat{j} + \widehat{k}$ और $\overrightarrow{b} = \widehat{i} + \widehat{j} - \widehat{k}$ हैं, तो \overrightarrow{a} और \overrightarrow{b} हैं(A)संरेख सदिश जो कि समांतर नहीं हैं(B)समांतर सदिश

- 15. यदि एक रेखा x, y और z अक्षों की धनात्मक दिशा के साथ क्रमश: α, β और γ कोण बनाती है, तो निम्नलिखित में से कौन-सा सत्य *नहीं* है ?
 - (A) $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1$
 - (B) $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \gamma = 2$
 - (C) $\cos 2\alpha + \cos 2\beta + \cos 2\gamma = -1$
 - (D) $\cos \alpha + \cos \beta + \cos \gamma = 1$
- 16. एक रैखिक प्रोग्रामन समस्या के उद्देश्य फलन में निर्णायक चरों पर लगे प्रतिबंध कहलाते हैं :
 (A) सुसंगत हल
 (B) व्यवरोध
 (C) इष्टतम हल
 (D) असुसंगत हल
- 17. माना E और F दो ऐसी घटनाएँ हैं जिनके लिए P(E) = 0.1, P(F) = 0.3, $P(E \cup F) = 0.4$

 $\hat{\mathbf{\xi}}, \hat{\mathbf{n}} \mathbf{P}(\mathbf{F} | \mathbf{E}) \hat{\mathbf{\xi}}:$ (A) 0.6
 (B) 0.4
 (C) 0.5
 (D) 0

 18. $\mathbf{u} \hat{\mathbf{G}} \mathbf{A} = [\mathbf{a}_{ij}]$ एक तत्समक आव्यूह है, $\hat{\mathbf{n}}$ निम्नलिखित में से कौन-सा सही है ?

 (A) $\mathbf{a}_{ij} = \begin{cases} 0, & \mathbf{u} \hat{\mathbf{G}} \ i = j \\ 1, & \mathbf{u} \hat{\mathbf{G}} \ i \neq j \end{cases}$ (B) $\mathbf{a}_{ij} = 1, \forall i, j$

 (C) $\mathbf{a}_{ij} = 0, \forall i, j$ (D) $\mathbf{a}_{ij} = \begin{cases} 0, & \mathbf{u} \hat{\mathbf{G}} \ i \neq j \\ 1, & \mathbf{u} \hat{\mathbf{G}} \ i = j \end{cases}$

 65/3/2-13 Page 8 of 23



13.
$$x \log x \frac{dy}{dx} + y = 2 \log x$$
 is an example of a :

- (A) variable separable differential equation.
- (B) homogeneous differential equation.
- (C) first order linear differential equation.
- (D) differential equation whose degree is not defined.

14. If
$$\vec{a} = 2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$$
 and $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$, then \vec{a} and \vec{b} are:

- (A) collinear vectors which are not parallel
- (B) parallel vectors
- (C) perpendicular vectors
- (D) unit vectors
- **15.** If α , β and γ are the angles which a line makes with positive directions of x, y and z axes respectively, then which of the following is *not* true ?
 - $(A) \quad \cos^2\alpha + \cos^2\beta + \cos^2\gamma = 1$
 - (B) $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \gamma = 2$
 - (C) $\cos 2\alpha + \cos 2\beta + \cos 2\gamma = -1$
 - (D) $\cos \alpha + \cos \beta + \cos \gamma = 1$
- **16.** The restrictions imposed on decision variables involved in an objective function of a linear programming problem are called :
 - (A) feasible solutions (B) constraints
 - (C) optimal solutions (D) infeasible solutions
- 17. Let E and F be two events such that P(E) = 0.1, P(F) = 0.3, $P(E \cup F) = 0.4$, then $P(F \mid E)$ is :
 - (A) 0.6 (B) 0.4 (C) 0.5 (D) 0

18. If A = $[a_{ij}]$ is an identity matrix, then which of the following is true ?(A) $a_{ij} = \begin{cases} 0, & \text{if } i = j \\ 1, & \text{if } i \neq j \end{cases}$ (B) $a_{ij} = 1, \forall i, j$ (C) $a_{ij} = 0, \forall i, j$ (D) $a_{ij} = \begin{cases} 0, & \text{if } i \neq j \\ 1, & \text{if } i = j \end{cases}$ 65/3/2-13Page 9 of 23



प्रश्न संख्या 19 और 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं । दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है । इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए।

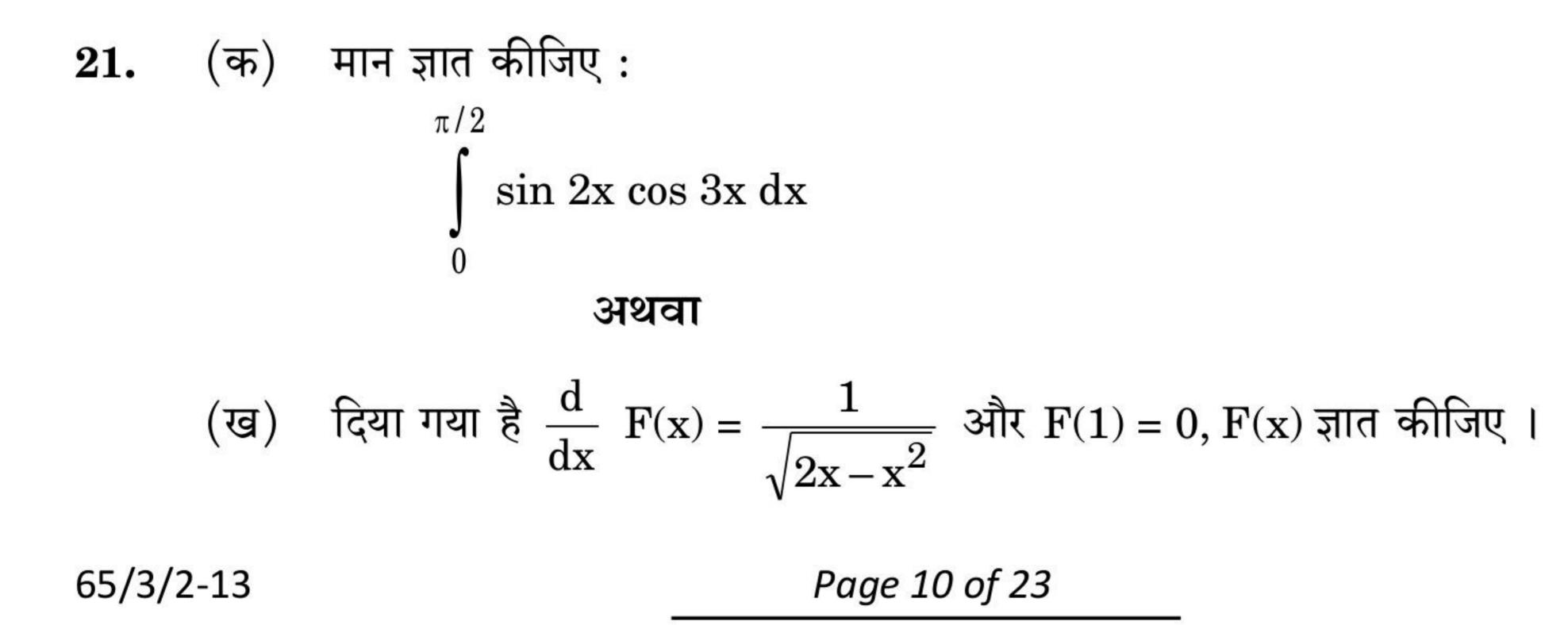
- अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही (A) व्याख्या करता है ।
- अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही **(B)** व्याख्या **नहीं** करता है ।
- अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) ग़लत है। (\mathbf{C})
- अभिकथन (A) ग़लत है, परन्तु तर्क (R) सही है। (D)

$$degine{degine} degine{degine} degine{degine} degine deg$$

अभिकथन (A): प्रत्येक अदिश आव्यूह एक विकर्ण आव्यूह होता है। 20. एक विकर्ण आव्यूह में, विकर्ण के सभी अवयव शून्य होते हैं। तर्क (R) :

खण्ड ख

इस खण्ड में अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं।





Questions number **19** and **20** are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled Assertion (A) and the other labelled Reason (R). Select the correct answer from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.

- (A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of the Assertion (A).
- (B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is *not* the correct explanation of the Assertion (A).
- (C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.
- (D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.

19. Assertion (A): Projection of \overrightarrow{a} on \overrightarrow{b} is same as projection of \overrightarrow{b} on \overrightarrow{a} . Reason (R): Angle between \overrightarrow{a} and \overrightarrow{b} is same as angle between \overrightarrow{b} and \overrightarrow{a} numerically.

- **20.** Assertion (A) : Every scalar matrix is a diagonal matrix.
 - Reason (R): In a diagonal matrix, all the diagonal elements are 0.

SECTION B

This section comprises very short answer (VSA) type questions of 2 marks each.

21. (a) Evaluate : $\int_{0}^{\pi/2} \sin 2x \cos 3x \, dx$ (b) Given $\frac{d}{d} F(x) = \frac{1}{d}$ and F(1)

(b) Given
$$\frac{d}{dx} F(x) = \frac{1}{\sqrt{2x - x^2}}$$
 and $F(1) = 0$, find $F(x)$.
/2-13 *Page 11 of 23*

65/3/2-13



- बिंदु A और B, जिनके स्थिति सदिश क्रमश: $\hat{i} + 2\hat{j} \hat{k}$ और $-\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ हैं, को 22. मिलाने वाले रेखा-खंड को 4 : 1 के अनुपात से बाह्य विभाजित करने वाले बिंदु C का स्थिति सदिश ज्ञात कीजिए । $|\overrightarrow{AB}| : |\overrightarrow{BC}|$ भी ज्ञात कीजिए ।
- यदि \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} और \overrightarrow{c} ऐसे तीन मात्रक सदिश हैं जिनके लिए \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b} \overrightarrow{c} = $\overrightarrow{0}$, तो 23. संदिश \overrightarrow{a} और \overrightarrow{c} के बीच का कोण ज्ञात कीजिए ।

24.
$$\left[\sin^2\left\{\cos^{-1}\left(rac{3}{5}
ight)
ight\} + \tan^2\left\{\sec^{-1}(3)
ight\}
ight]$$
 का मान ज्ञात कीजिए ।

25. (क) यदि
$$x = e^{x/y}$$
 है, तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{dy}{dx} = \frac{\log x - 1}{(\log x)^2}$

अथवा

(ख)
$$f(x) = \begin{cases} x^2+1, & 0 \le x < 1 \\ 3-x, & 1 \le x \le 2 \end{cases}$$
 के $x = 1$ पर अवकलनीय होने की जाँच कीजिए।

खण्ड ग

इस खण्ड में लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं।

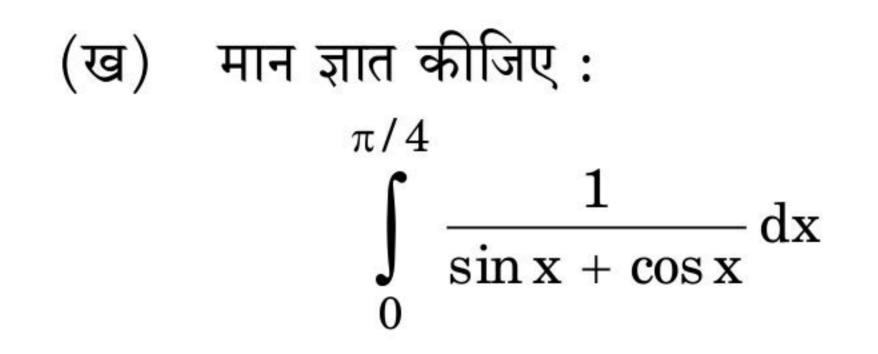
ज्ञात कीजिए : 26.

$$\int \frac{x^{-1}}{(\log x)^2 - 5\log x + 4} \, dx$$

ज्ञात कीजिए : 27. (क)

$$\int \frac{2 + \sin 2x}{1 + \cos 2x} e^x dx$$

अथवा



65/3/2-13

Page 12 of 23



- **22.** Find the position vector of point C which divides the line segment joining points A and B having position vectors $\hat{i} + 2\hat{j} \hat{k}$ and $-\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ respectively in the ratio 4 : 1 externally. Further, find $|\vec{AB}| : |\vec{BC}|$.
- 23. If \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} and \overrightarrow{c} are three unit vectors such that $\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b} \overrightarrow{c} = \overrightarrow{0}$, find the angle between vectors \overrightarrow{a} and \overrightarrow{c} .

24. Find the value of
$$\left[\sin^2\left\{\cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)\right\} + \tan^2\left\{\sec^{-1}(3)\right\}\right]$$
.

25. (a) If
$$x = e^{x/y}$$
, prove that $\frac{dy}{dx} = \frac{\log x - 1}{(\log x)^2}$

OR

(b) Check the differentiability of
$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & 0 \le x < 1 \\ 3 - x, & 1 \le x \le 2 \end{cases}$$
 at $x = 1$.

SECTION C

This section comprises short answer (SA) type questions of 3 marks each.

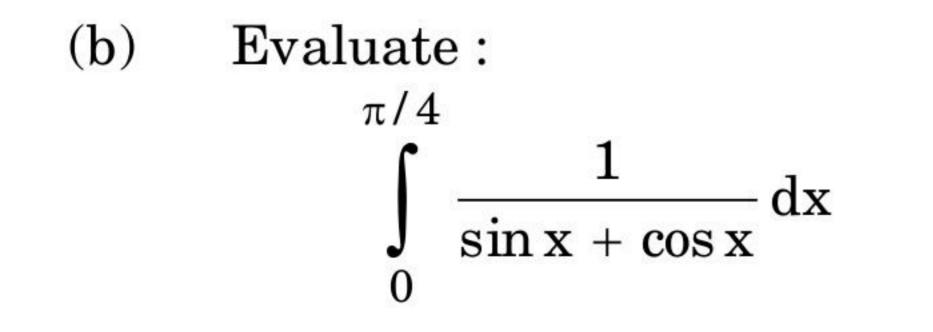
26. Find :

$$\int \frac{x^{-1}}{(\log x)^2 - 5\log x + 4} dx$$

27. (a) Find :

$$\int \frac{2 + \sin 2x}{1 + \cos 2x} e^x dx$$

OR



65/3/2-13

Page 13 of 23

Ρ.Τ.Ο.



निम्नलिखित रैखिक प्रोग्रामन समस्या को आलेख विधि से हल कीजिए : 28. निम्न व्यवरोधों के अंतर्गत

 $x + y \ge 8$ $x + 2y \le 16$ $4x + y \le 29$ x, $y \ge 0$ z = 600x + 400y का न्यूनतमीकरण कीजिए ।

P, Q और R के किसी कंपनी के CEO के रूप में चुने जाने की संभावनाएँ क्रमश: 4:1:229. के अनुपात में हैं। नए CEO, P, Q या R के तहत कंपनी के पिछले वर्ष की तुलना में लाभ

बढ़ाने की प्रायिकताएँ क्रमश: 0·3, 0·8 और 0·5 हैं। यदि कंपनी पिछले वर्ष से लाभ बढ़ाती है, तो प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि यह R की CEO के पद पर नियुक्ति के कारण हुई है।

$$\cos p \frac{dy}{dx} = -\cos^2(p + y), \, \overline{y}$$
 जहाँ p स्थिरांक है ।

अथवा

a और b के वे मान ज्ञात कीजिए जिनके लिए फलन f, जो परिभाषित है : (ख) $f(x) = \begin{cases} \frac{x-2}{|x-2|} + a, & \text{ df} x < 2\\ a+b, & \text{ df} x = 2\\ \frac{x-2}{|x-2|} + b, & \text{ df} x > 2 \end{cases}$

सतत फलन है ।

अंतराल ज्ञात कीजिए जिनमें फलन f(x) = $rac{\log x}{}$ निरंतर वर्धमान या निरंतर ह्रासमान (क) 31. है । अथवा (ख) अंतराल [1, 2] में f(x) = $\frac{x}{2} + \frac{2}{x}$ द्वारा प्रदत्त फलन f के निरपेक्ष उच्चतम और निरपेक्ष निम्नतम मानों को ज्ञात कीजिए ।

65/3/2-13

Page 14 of 23



28. Solve the following linear programming problem graphically : Minimize z = 600x + 400y, subject to the constraints

$$x + y ≥ 8$$

$$x + 2y ≤ 16$$

$$4x + y ≤ 29$$

$$x, y ≥ 0.$$

The chances of P, Q and R getting selected as CEO of a company are in 29. the ratio 4 : 1 : 2 respectively. The probabilities for the company to

increase its profits from the previous year under the new CEO, P, Q or R are 0.3, 0.8 and 0.5 respectively. If the company increased the profits from the previous year, find the probability that it is due to the appointment of R as CEO.

30. (a) If
$$x \cos (p + y) + \cos p \sin (p + y) = 0$$
, prove that
 $\cos p \frac{dy}{dx} = -\cos^2 (p + y)$, where p is a constant.

OR

Find the value of a and b so that function f defined as : (b)

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x-2}{|x-2|} + a, & \text{if } x < 2\\ a+b, & \text{if } x = 2\\ \frac{x-2}{|x-2|} + b, & \text{if } x > 2 \end{cases}$$

is a continuous function.

Find the intervals in which the function $f(x) = \frac{\log x}{x}$ is strictly 31. (a) increasing or strictly decreasing.

OR

Find the absolute maximum and absolute minimum values of the (b) function f given by $f(x) = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$, on the interval [1, 2].



खण्ड घ

इस खण्ड में दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं।

32. (क) दिया गया है कि फलन $f(x) = x^4 - 62x^2 + ax + 9$ स्थानीय उच्चतम मान x = 1 पर प्राप्त करता है । 'a' का मान ज्ञात कीजिए, और सभी अन्य बिंदु ज्ञात कीजिए जिन पर इस फलन f(x) का स्थानीय उच्चतम या स्थानीय निम्नतम मान प्राप्त होता है ।

अथवा

(ख) एक आयताकार धातु की चादर का परिमाप 300 cm है। एक सिलेंडर बनाने के लिए

इसको एक किनारे से लपेटा जाता है । आयताकार चादर की विमाएँ ज्ञात कीजिए जिससे बनाए गए सिलेंडर का आयतन अधिकतम हो ।

33. समाकलन का प्रयोग करके, रेखाओं x – 2y = 4, x = –1, x = 6 तथा x-अक्ष के बीच घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।

34. (क) रेखाओं
$$\frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-2}{3}$$
 और $\frac{x-1}{0} = \frac{y}{-3} = \frac{z-7}{2}$ के प्रतिच्छेदन बिंदु
से गुज़रने वाली उस रेखा का समीकरण ज्ञात कीजिए जो इन दी गई रेखाओं के
लम्बवत् है ।

अथवा

(ख) एक समांतर चतर्भज ABCD के दो शीर्ष A(-1, 2, 1) और B(1, -2, 5) हैं । यदि

C औt D से गुज़रने वाली रेखा का समीकरण
$$\frac{x-4}{1} = \frac{y+7}{-2} = \frac{z-8}{2}$$
 है, तो

भुजाओं AB और CD के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए । अतः, समांतर चतुर्भुज ABCD का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।

35. समुच्चय $A = \{x : -10 \le x \le 10, x \in Z\}$ पर एक संबंध R परिभाषित है

R = {(x, y) : (x – y), 5 से विभाजित है}. दर्शाइए कि R एक तुल्यता संबंध है । तुल्यता-वर्ग [5] भी लिखिए ।

65/3/2-13

Page 16 of 23



SECTION D

This section comprises long answer (LA) type questions of 5 marks each.

32. (a) It is given that function $f(x) = x^4 - 62x^2 + ax + 9$ attains local maximum value at x = 1. Find the value of 'a', hence obtain all other points where the given function f(x) attains local maximum or local minimum values.

- (b) The perimeter of a rectangular metallic sheet is 300 cm. It is rolled along one of its sides to form a cylinder. Find the dimensions of the rectangular sheet so that volume of cylinder so formed is maximum.
- **33.** Find the area of the region bounded by the lines x 2y = 4, x = -1, x = 6 and x-axis, using integration.
- **34.** (a) Find the equation of the line passing through the point of intersection of the lines $\frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-2}{3}$ and $\frac{x-1}{0} = \frac{y}{-3} = \frac{z-7}{2}$

and perpendicular to these given lines.

OR

(b) Two vertices of the parallelogram ABCD are given as A(-1, 2, 1) and B(1, -2, 5). If the equation of the line passing through C and D is $\frac{x-4}{1} = \frac{y+7}{-2} = \frac{z-8}{2}$, then find the distance between sides AB

and CD. Hence, find the area of parallelogram ABCD.

35. A relation R on set $A = \{x : -10 \le x \le 10, x \in Z\}$ is defined as $R = \{(x, y) : (x - y) \text{ is divisible by 5}\}$. Show that R is an equivalence relation. Also, write the equivalence class [5].

65/3/2-13

Page 17 of 23

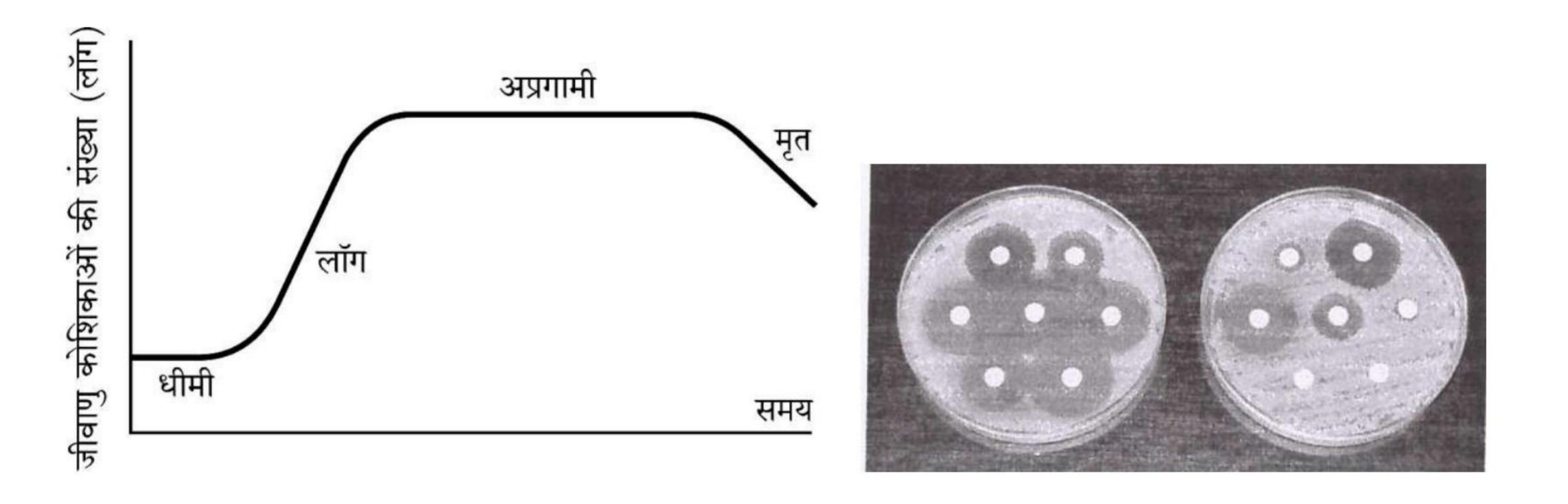


खण्ड ङ

इस खण्ड में 3 प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं।

प्रकरण अध्ययन – 1

एक निश्चित संख्या में जीवाणुओं का एक जीवाणु नमूना एक निश्चित समय में चरघातांकी 36. रूप से बढ़ता हुआ देखा गया है। चरघातांकी वृद्धि मॉडल का उपयोग करके, जीवाणु के इस नमूने की वृद्धि दर की गणना की जाती है ।



उपर्युक्त सूचना के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

यदि जीवाणुओं की जनसंख्या t=0 पर 1000 और t=1 पर 2000 है, तो k का (ii) मान ज्ञात कीजिए ।

65/3/2-13

Page 18 of 23



2

2

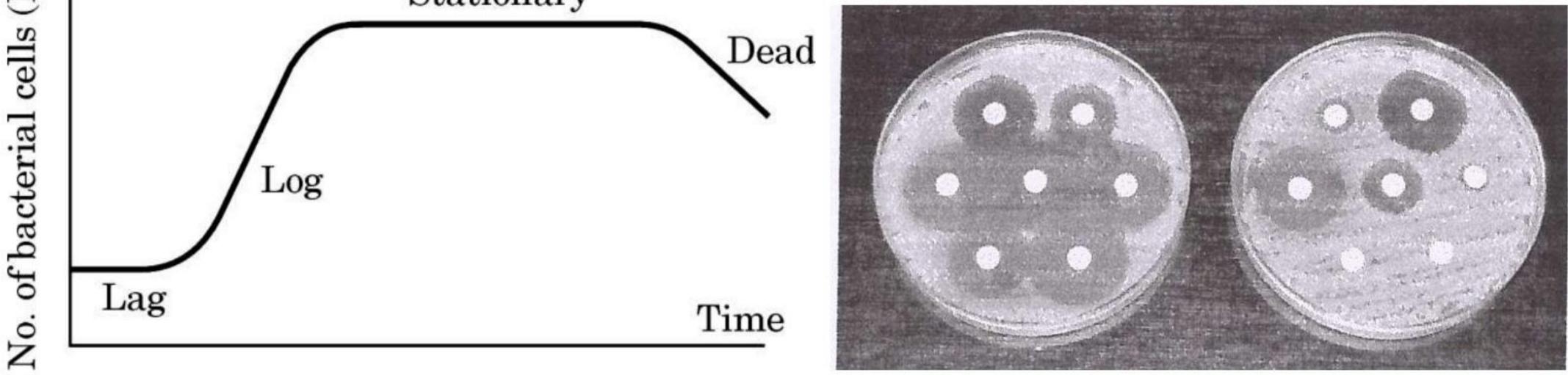
SECTION E

This section comprises 3 case study based questions of 4 marks each.

Case Study – 1

36. A bacteria sample of certain number of bacteria is observed to grow exponentially in a given amount of time. Using exponential growth model, the rate of growth of this sample of bacteria is calculated.

Stationary



The differential equation representing the growth of bacteria is given as :

 $\frac{dP}{dt} = kP$, where P is the population of bacteria at any time 't'.

Based on the above information, answer the following questions :

- (i) Obtain the general solution of the given differential equation and express it as an exponential function of 't'.
- (ii) If population of bacteria is 1000 at t = 0, and 2000 at t = 1, find the value of k.

Page 19 of 23



2

2

 $\sim \sim$

प्रकरण अध्ययन – 2

37. छात्रवृत्ति एक छात्र को शिक्षा के लिए भुगतान करने में मदद करने के लिए प्रदान की जाने वाली धनराशि है । कुछ छात्रों को उनकी शैक्षणिक उपलब्धियों के आधार पर छात्रवृत्ति दी जाती है, जबकि अन्य को उनकी वित्तीय आवश्यकताओं के आधार पर पुरस्कृत किया जाता है ।





हर वर्ष एक स्कूल कुछ मानदंडों के आधार पर बालिकाओं और मेधावी उपलब्धि हासिल करने वालों को छात्रवृत्ति प्रदान करता है । सत्र 2022 – 23 में, स्कूल ने कुछ छात्राओं को ₹ 3,000 प्रत्येक की मासिक छात्रवृत्ति और शैक्षणिक और साथ ही खेल में मेधावी उपलब्धि हासिल करने वालों को ₹4,000 प्रत्येक की मासिक छात्रवृत्ति की पेशकश की ।

कुल मिलाकर, 50 छात्रों को छात्रवृत्ति प्रदान की गई और स्कूल द्वारा छात्रवृत्तियों पर ₹ 1,80,000 मासिक खर्च किया गया।

उपर्युक्त सूचना के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) दी गई सूचना को आव्यूहों का उपयोग करते हुए, बीजगणितीय रूप में व्यक्त कीजिए । 1

 (ii) जाँच कीजिए कि क्या प्राप्त हुआ आव्यूह समीकरण निकाय संगत है या नहीं ।
 (iii) (क) आव्यूहों का प्रयोग करके, स्कूल द्वारा प्रत्येक प्रकार की दी गई छात्रवृत्तियों की संख्या ज्ञात कीजिए ।

अथवा

 (iii) (ख) यदि छात्रवृत्ति की धनराशियाँ, जो एक बालिका को और एक मेधावी छात्र को प्रदान की गई हैं, को परस्पर बदल दिया जाए, तो स्कूल का मासिक खर्च क्या होगा ?

65/3/2-13

Page 20 of 23



2

2

Case Study – 2

A scholarship is a sum of money provided to a student to help him or her 37. pay for education. Some students are granted scholarships based on their academic achievements, while others are rewarded based on their financial needs.





Every year a school offers scholarships to girl children and meritorious achievers based on certain criteria. In the session 2022 - 23, the school offered monthly scholarship of \gtrless 3,000 each to some girl students and ₹ 4,000 each to meritorious achievers in academics as well as sports.

In all, 50 students were given the scholarships and monthly expenditure incurred by the school on scholarships was \gtrless 1,80,000.

Based on the above information, answer the following questions :

1

2

2

P.T.O.

- (i) Express the given information algebraically using matrices.
- (ii) Check whether the system of matrix equations so obtained is consistent or not.
- (iii) Find the number of scholarships of each kind given by the (a) school, using matrices.

OR

(iii) (b) Had the amount of scholarship given to each girl child and meritorious student been interchanged, what would be the monthly expenditure incurred by the school?

65/3/2-13

Page 21 of 23



प्रकरण अध्ययन – 3

स्व-अध्ययन छात्रों को सीखने में आत्मविश्वास पैदा करने में मदद करता है । इससे छात्रों का 38. आत्म-सम्मान बढ़ता है। हाल के सर्वेक्षणों से पता चला है कि लगभग 50% छात्रों ने इंटरनेट संसाधनों का उपयोग करके स्वयं शिक्षा प्राप्त की और खुद को कुशल बनाया ।





एक छात्र स्वयं के कौशल को बढ़ाने में एक दिन में 1 घंटे से 6 घंटे तक का समय व्यतीत कर सकता है । एक छात्र द्वारा व्यतीत किए गए घंटों की संख्या का प्रायिकता बंटन नीचे दिया गया है :

जहाँ x घंटों की संख्या को प्रदत्त करता है । उपर्युक्त सूचना के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए : ऊपर दिए गए प्रायिकता बंटन को प्रायिकता बंटन तालिका के रूप में व्यक्त कीजिए । (i)

k का मान ज्ञात कीजिए। (ii)

छात्र द्वारा व्यतीत किए गए घंटों की संख्या का माध्य ज्ञात कीजिए । (iii) (क)

अथवा

P(1 < X < 6) ज्ञात कीजिए । (iii) (ख)

Page 22 of 23



1

2

2

Case Study – 3

38. Self-study helps students to build confidence in learning. It boosts the self-esteem of the learners. Recent surveys suggested that close to 50% learners were self-taught using internet resources and upskilled themselves.





A student may spend 1 hour to 6 hours in a day in upskilling self. The probability distribution of the number of hours spent by a student is given below :

$$P(X = x) = \begin{cases} kx^2, & \text{for } x = 1, 2, 3\\ 2kx, & \text{for } x = 4, 5, 6\\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

where x denotes the number of hours.

Based on the above information, answer the following questions :

- (i) Express the probability distribution given above in the form of a probability distribution table.
- (ii) Find the value of k.
- (iii) Find the mean number of hours spent by the student. (a)

OR

(iii) Find P(1 < X < 6). (b)

65/3/2-13

Page 23 of 23

P.T.O.

1

1

2

2

