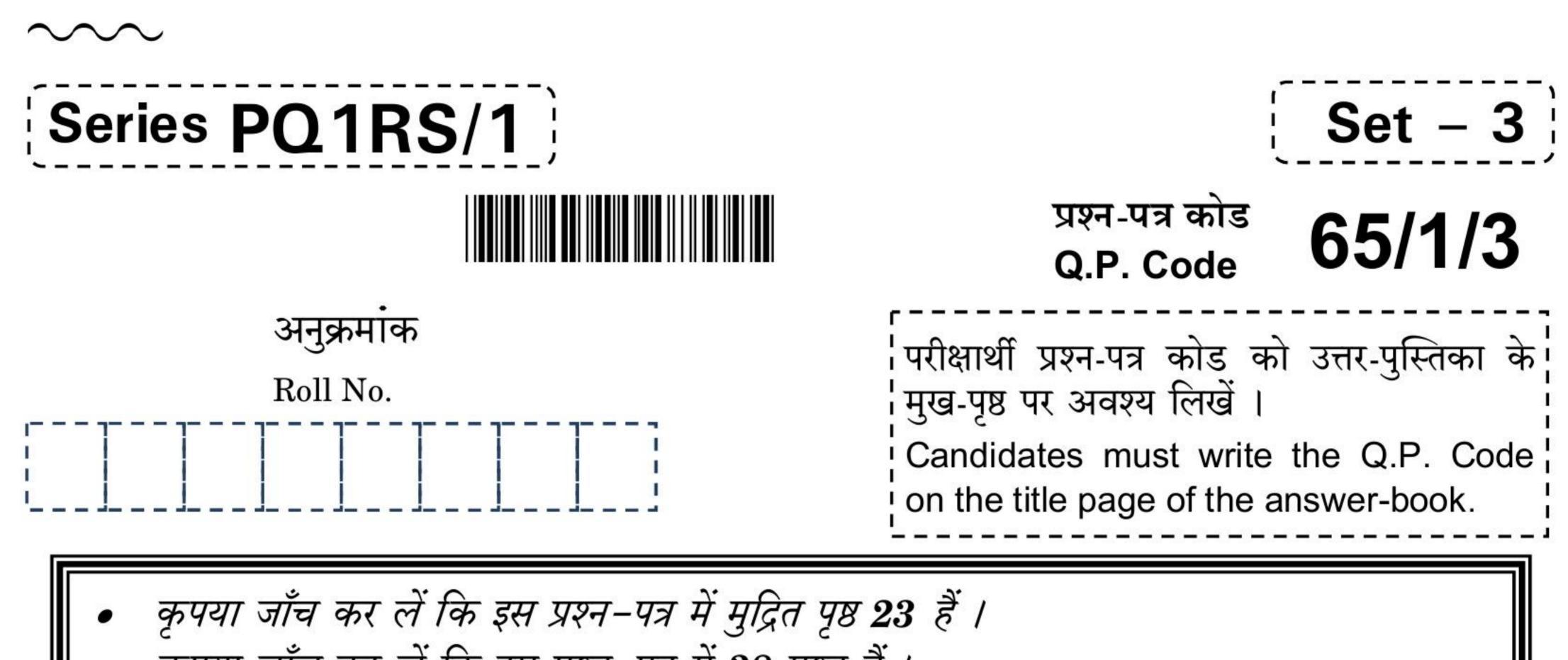
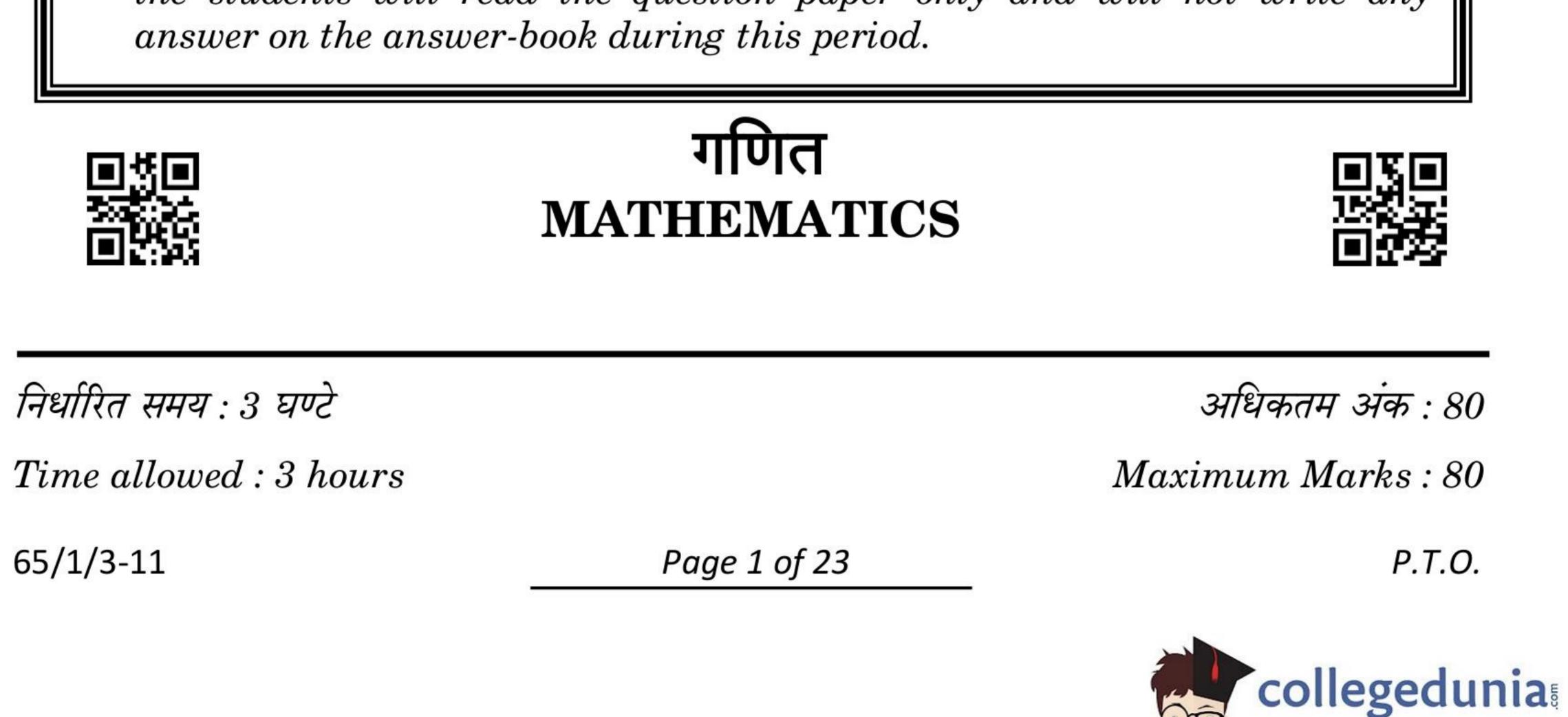
CBSE Class 12 Mathematics Question Paper 2024 (Set 3 - 65/1/3)



- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं ।
- प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।
- कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।
- इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे।
- Please check that this question paper contains 23 printed pages.
- Please check that this question paper contains **38** questions.
- Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.
- 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any



India's largest Student Review Platform

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

- (i) इस प्रश्न-पत्र में 38 प्रश्न हैं । सभी प्रश्न अनिवार्य हैं ।
- (ii) यह प्रश्न-पत्र पाँच खण्डों में विभाजित है क, ख, ग, घ एवं ङ ।
- (iii) **खण्ड क** में प्रश्न संख्या 1 से 18 तक बहुविकल्पीय तथा प्रश्न संख्या 19 एवं 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित 1 अंक के प्रश्न हैं ।
- (iv) खण्ड ख में प्रश्न संख्या 21 से 25 तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के 2 अंकों के प्रश्न हैं।
- (v) खण्ड ग में प्रश्न संख्या 26 से 31 तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के 3 अंकों के प्रश्न हैं।
- (vi) खण्ड घ में प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के 5 अंकों के प्रश्न हैं।
- (vii) खण्ड ङ में प्रश्न संख्या 36 से 38 प्रकरण अध्ययन आधारित 4 अंकों के प्रश्न हैं।
- (viii) प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 3 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ङ के 2 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है।
- (ix) कैल्कुलेटर का उपयोग वर्जित है।

खण्ड क

इस खण्ड में बहुविकल्पीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है /1.यदि $x = at, y = \frac{a}{t}$ है, तो $\frac{dy}{dx}$ है :(A) t^2 (B) $-t^2$ (C) $\frac{1}{t^2}$ (D) $-\frac{1}{t^2}$

2. अवकल समीकरण
$$\frac{dy}{dx} = \frac{1}{\log y}$$
 का हल है :

(A)
$$\log y = x + c$$

(B) $y \log y - y = x + c$
(C) $\log y - y = x + c$
(D) $y \log y + y = x + c$

3. सदिश, जिसका अंतिम बिंदु A (2, -3, 5) तथा प्रारंभिक बिंदु B (3, -4, 7) है, है :

 (A) $\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ (B) $\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$

 (C) $-\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}$ (D) $-\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$

65/1/3-11

Page 2 of 23



General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

- (i) This question paper contains **38** questions. **All** questions are **compulsory**.
- (ii) This question paper is divided into *five* Sections A, B, C, D and E.
- (iii) In Section A, Questions no. 1 to 18 are multiple choice questions (MCQs) and questions number 19 and 20 are Assertion-Reason based questions of 1 mark each.
- (iv) In **Section B,** Questions no. **21** to **25** are very short answer (VSA) type questions, carrying **2** marks each.
- (v) In **Section C**, Questions no. 26 to 31 are short answer (SA) type questions, carrying 3 marks each.
- (vi) In Section D, Questions no. 32 to 35 are long answer (LA) type questions carrying 5 marks each.
- (vii) In Section E, Questions no. 36 to 38 are case study based questions carrying
 4 marks each.
- (viii) There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section B, 3 questions in Section C, 2 questions in Section D and 2 questions in Section E.
- *(ix)* Use of calculators is **not** allowed.

SECTION A

This section comprises multiple choice questions (MCQs) of 1 mark each.

1. If
$$x = at$$
, $y = \frac{a}{t}$, then $\frac{dy}{dx}$ is:
(A) t^2
(B) $-t^2$
(C) $\frac{1}{t^2}$
(D) $-\frac{1}{t^2}$

- **2.** The solution of the differential equation $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{\log y}$ is :
 - (A) $\log y = x + c$ (B) $y \log y y = x + c$
 - (C) $\log y y = x + c$ (D) $y \log y + y = x + c$
- **3.** The vector with terminal point A (2, -3, 5) and initial point B (3, -4, 7) is :
- (A) $\hat{i} \hat{j} + 2\hat{k}$ (B) $\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{k}$ (C) $-\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}$ (D) $-\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$ 65/1/3-11 Page 3 of 23

Ρ.Τ.Ο.



y-अक्ष से बिंदु P(a, b, c) की दूरी है : 4. b^2 (A) (**B**) b (C) $\sqrt{a^2 + c^2}$ (D) $a^2 + c^2$ व्यवरोधों $x \ge 0, y \ge 0, x + y \ge 4$ से निर्धारित सुसंगत क्षेत्र के कोनीय बिंदुओं की संख्या 5. है : (A) (**B**) 0 1 (C) $\mathbf{2}$ (D) 3

6.

- यदि एक आव्यूह के 36 अवयव हैं, तो इसकी संभव कोटियों की संख्या है : 8.
- न तो संक्रामक, न ही सममित, न ही स्वतुल्य है (D)
- सममित और संक्रामक है (C)
- (B) स्वतुल्य और संक्रामक है
- (A) केवल स्वतुल्य है
- यह संबंध :
- $R = \{(x, y) : x, y \ R \ 5 \ cm \ Border \ bo$
- एक संबंध R को मनुष्यों के समुच्चय के रूप में परिभाषित किया गया है : 7.
- (A) 1×1 3 imes 1(B) (C) 1×3 (D) 3×3
- यदि आव्यूह A और B की कोटियाँ क्रमश: 1 imes 3 और 3 imes 1 हों, तो आव्यूह A'B' की कोटि है :

	(A)	13	(B)	3	
	(C)	5	(D)	9	
9.	फलन f(x) = $\begin{cases} x^2 + 3, & x \neq 0 \\ 1, & x = 0 \end{cases}$ के लिए, निम्न कथनों में से कौन-सा सही है ?				
	(A)				
	(B)	$f(x)$ संतत है, सभी $x \in \mathbb{R}$ के लिए			
	(C) f(x) संतत और अवकलनीय है, सभी x ∈ \mathbb{R} – {0} के लिए				
	(D) f(x) अनंत बिंदुओं पर असंतत है				
65/1/	3-11	Page	4 of 23		



- **4.** The distance of point P(a, b, c) from y-axis is :
 - (A) b (B) b^2 (C) $\sqrt{a^2 + c^2}$ (D) $a^2 + c^2$
- 5. The number of corner points of the feasible region determined by constraints $x \ge 0$, $y \ge 0$, $x + y \ge 4$ is :
 - (A) 0
 (B) 1
 (C) 2
 (D) 3
- **6.** If matrices A and B are of order 1×3 and 3×1 respectively, then the

order of A'B' is :

(A)
$$1 \times 1$$
 (B) 3×1
(C) 1×3 (D) 3×3

7. A relation R defined on a set of human beings as

 $R = \{(x, y) : x \text{ is } 5 \text{ cm shorter than } y\}$

is :

- (A) reflexive only
- (B) reflexive and transitive
- (C) symmetric and transitive
- (D) neither transitive, nor symmetric, nor reflexive
- 8. If a matrix has 36 elements, the number of possible orders it can have, is :
 - (A) 13 (B) 3
 - (C) 5 (D) 9
- **9.** Which of the following statements is true for the function $f(x) = \begin{cases} x^2 + 3, & x \neq 0 \\ 1 & , & x = 0 \end{cases}$
 - $(A) \quad f(x) \text{ is continuous and differentiable } \forall \ x \in \mathbb{R}$
 - (B) f(x) is continuous $\forall x \in \mathbb{R}$
 - $(C) \quad f(x) \text{ is continuous and differentiable } \forall x \in \mathbb{R} \{0\}$
 - (D) f(x) is discontinuous at infinitely many points

65/1/3-11

Page 5 of 23

Р.Т.О.



 $\sim \sim$

10. माना f(x) अन्तराल [a, b] में एक संतत फलन है और अन्तराल (a, b) में अवकलनीय है। तो यह फलन f(x) अन्तराल (a, b) में निरंतर वर्धमान होगा, यदि :

(A)
$$f'(x) < 0$$
, सभी $x \in (a, b)$ के लिए

$$(C)$$
 f'(x) = 0, सभी x ∈ (a, b) के लिए

(D)
$$f(x) > 0$$
, सभी $x \in (a, b)$ के लिए

11.
$$\operatorname{alg} \begin{bmatrix} x+y & 2 \\ 5 & xy \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ 5 & 8 \end{bmatrix} \overline{e}, \ \overline{h} \left(\frac{24}{x} + \frac{24}{y} \right)$$
 का मान होगा :
(A) 7 (B) 6

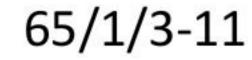
(C) 8 (D) 18
12.
$$\operatorname{rd} f(x) \operatorname{ve} farthermoder f(x), f(x) \cos^3 x \, dx = \operatorname{attrat} f(x) \operatorname{ve} f(x) \cos^3 x \, dx = \operatorname{attrat} f(x) + \operatorname{attrat} f($$

(C)
$$\pm \frac{4}{5}$$
 (D) $\pm \frac{4}{3}$

14. अवकल समीकरण
$$(1 - x^2) \frac{dy}{dx} + xy = ax, -1 < x < 1$$
, का समाकलन गुणक है :



(C)	1	(D)	1
	$\overline{1-x^2}$	(\mathbf{D})	$\sqrt{1-x^2}$



Page 6 of 23



10. Let f(x) be a continuous function on [a, b] and differentiable on (a, b). Then, this function f(x) is strictly increasing in (a, b) if

$$(A) \quad f'(x) < 0, \forall x \in (a, b)$$

$$(B) \quad f'(x) > 0, \forall x \in (a, b)$$

$$(C) \quad f'(x) = 0, \forall x \in (a, b)$$

(D)
$$f(x) > 0, \forall x \in (a, b)$$

11. If
$$\begin{bmatrix} x+y & 2\\ 5 & xy \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 2\\ 5 & 8 \end{bmatrix}$$
, then the value of $\left(\frac{24}{x} + \frac{24}{y}\right)$ is :
(A) 7 (B) 6

(C) 8
(D) 18
12. If f(x) is an odd function, then
$$\int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(x) \cos^3 x \, dx$$
 equals :
(A) $2 \int_{0}^{\pi/2} f(x) \cos^3 x \, dx$ (B) 0
(C) $2 \int_{0}^{\pi/2} f(x) \, dx$ (D) $2 \int_{0}^{\pi/2} \cos^3 x \, dx$
13. Let θ be the angle between two unit vectors \hat{a} and \hat{b} such $\sin \theta = \frac{3}{5}$. Then, $\hat{a} \cdot \hat{b}$ is equal to :
(A) $\pm \frac{3}{5}$ (B) $\pm \frac{3}{4}$

(C)
$$\pm \frac{4}{5}$$
 (D) $\pm \frac{4}{3}$
The integrating factor of the differential equation $(1 - x^2) \frac{dy}{dy} + xy = ay$

14. The integrating factor of the differential equation $(1 - x^2) \frac{dy}{dx} + xy = ax$,



65/1/3-11

Page 7 of 23

P.T.O.



that

 15.
 यदि किसी एक रेखा के दिक्-कोसाइन $\sqrt{3} k$, $\sqrt{3} k$, $\sqrt{3} k$ हैं, तो k का मान है :

 (A)
 ± 1 (B)
 $\pm \sqrt{3}$

 (C)
 ± 3 (D)
 $\pm \frac{1}{3}$

16. एक रैखिक प्रोग्रामन इष्टतमकारी समस्या संबंधित होती है :

(A) लघुगणकीय फलन से(B) रैखिक फलन से

(C) द्विघातीय फलन से (D) चरघातांकीय फलन से

17. $\operatorname{alg} P(A|B) = P(A'|B)$ है, तो निम्न में से कौन-सा कथन सही है ?

(A)
$$P(A) = P(A')$$
 (B) $P(A) = 2 P(B)$
(C) $P(A \cap B) = \frac{1}{2} P(B)$ (D) $P(A \cap B) = 2 P(B)$

$$x + 1$$
 $x - 1$
 $a < 1$
 $a < 1$
 $x^2 + x + 1$
 $x^2 - x + 1$
 $a < 1 < 1$
 $a < 1 < 1$
 $a < 1 < 1$

 (A)
 $2x^3$
 (B)
 2

 (C)
 0
 (D)
 $2x^3 - 2$

प्रश्न संख्या 19 और 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं । दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है । इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए ।

- (A) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही
 व्याख्या करता है ।
- (B) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या *नहीं* करता है।
- (C) अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) ग़लत है।
- (D) अभिकथन (A) ग़लत है, परन्तु तर्क (R) सही है।

65/1/3-11

Page 8 of 23



18.

If the direction cosines of a line are $\sqrt{3}$ k, $\sqrt{3}$ k, $\sqrt{3}$ k, then the value of k 15. is :

(A)
$$\pm 1$$
 (B) $\pm \sqrt{3}$
(C) ± 3 (D) $\pm \frac{1}{3}$

- A linear programming problem deals with the optimization of a/an : **16**.
 - logarithmic function (A) linear function **(B)**
 - (\mathbf{C}) quadratic function exponential function
- If P(A | B) = P(A' | B), then which of the following statements is true ? 17.

(A)
$$P(A) = P(A')$$
 (B) $P(A) = 2 P(B)$
(C) $P(A \cap B) = \frac{1}{2} P(B)$ (D) $P(A \cap B) = 2 P(B)$
 $\begin{vmatrix} x+1 & x-1 \\ x^2+x+1 & x^2-x+1 \end{vmatrix}$ is equal to :
(A) $2x^3$ (B) 2
(C) 0 (D) $2x^3-2$

Questions number 19 and 20 are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled Assertion (A) and the other labelled Reason (R). Select the correct answer from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.

- Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the (A) correct explanation of the Assertion (A).
- **(B)** Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is *not* the correct explanation of the Assertion (A).
- (\mathbf{C}) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.
- Assertion (A) is false, but Reason (R) is true. (D)

65/1/3-11

Page 9 of 23

P.T.O.



19. *अभिकथन* (A) : आव्यूह A =
$$\begin{bmatrix} 1 & \cos \theta & 1 \\ -\cos \theta & 1 & \cos \theta \\ -1 & -\cos \theta & 1 \end{bmatrix}$$
, जहाँ $\theta \in [0, 2\pi]$ के लिए, $|A| \in [2, 4]$.

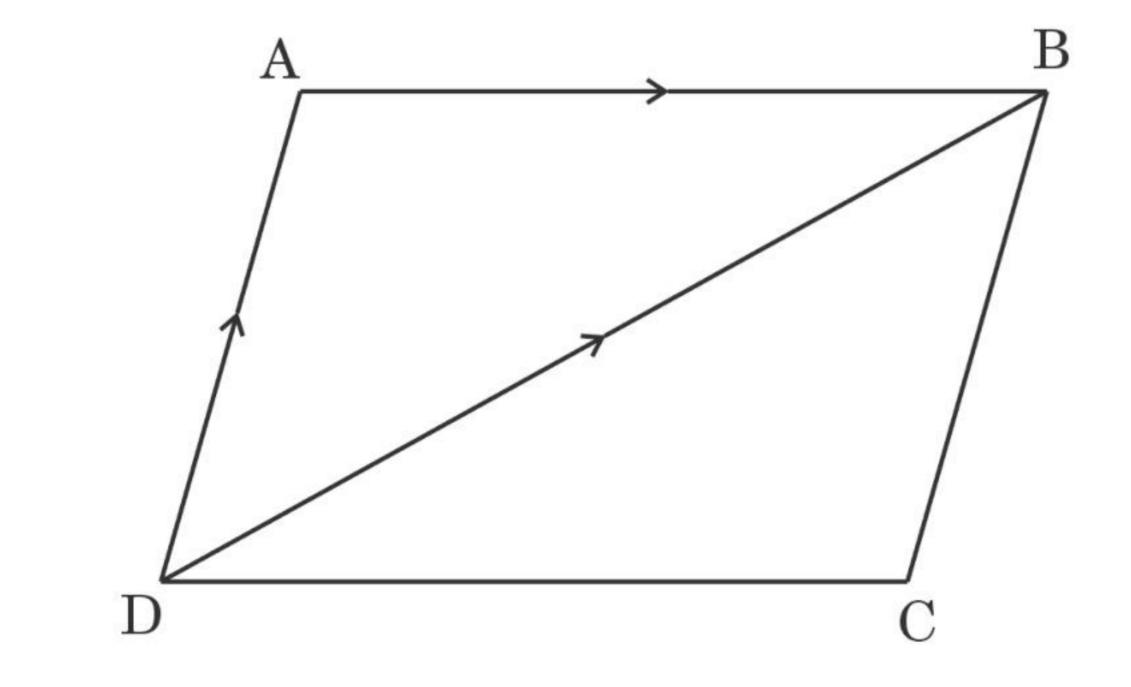
तर्क (R): $\cos \theta \in [-1, 1], \forall \theta \in [0, 2\pi].$

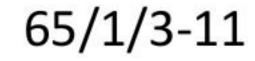
- 20. अभिकथन (A) : अतरिक्ष में एक रेखा कभी भी एक साथ x, y और z अक्षो के लंबवत नहीं हो सकती है ।
 - $r \hat{f}(R):$ किसी रेखा द्वारा x, y और z अक्षों की धनात्मक दिशाओं के साथ क्रमश: α, β और γ के कोण बनाने पर $cos^2 \alpha + cos^2 \beta + cos^2 \gamma = 1$ है ।

खण्ड ख

इस खण्ड में अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं।

21. दी गई आकृति में, ABCD एक समांतर चतुर्भुज है । यदि $\overrightarrow{AB} = 2\hat{i} - 4\hat{j} + 5\hat{k}$ तथा $\overrightarrow{DB} = 3\hat{i} - 6\hat{j} + 2\hat{k}$ हैं, तो \overrightarrow{AD} ज्ञात कीजिए और इसके प्रयोग से समांतर चतुर्भुज ABCD का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।





Page 10 of 23



19. Assertion (A): For matrix
$$A = \begin{bmatrix} 1 & \cos \theta & 1 \\ -\cos \theta & 1 & \cos \theta \\ -1 & -\cos \theta & 1 \end{bmatrix}$$
, where $\theta \in [0, 2\pi]$,
 $|A| \in [2, 4]$.
Reason (R): $\cos \theta \in [-1, 1], \forall \theta \in [0, 2\pi]$.

20. Assertion (A) : A line in space cannot be drawn perpendicular to x, y and z axes simultaneously.

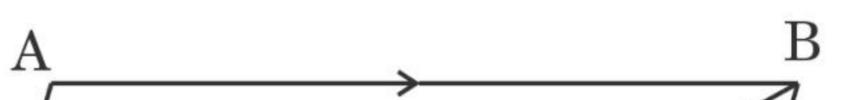
Reason (R): For any line making angles, α , β , γ with the positive

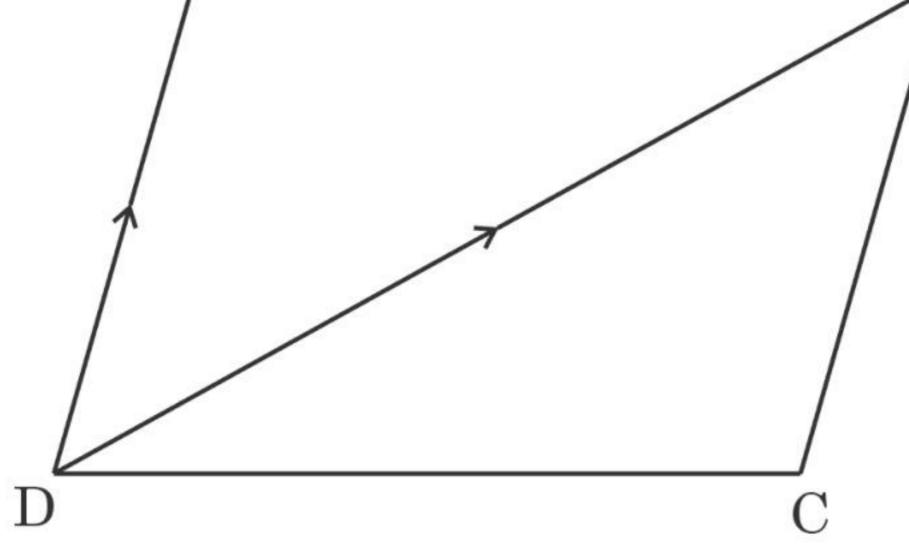
directions of x, y and z axes respectively, $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1.$

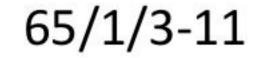
SECTION B

This section comprises very short answer (VSA) type questions of 2 marks each.

21. In the given figure, ABCD is a parallelogram. If $\overrightarrow{AB} = 2\hat{i} - 4\hat{j} + 5\hat{k}$ and $\overrightarrow{DB} = 3\hat{i} - 6\hat{j} + 2\hat{k}$, then find \overrightarrow{AD} and hence find the area of parallelogram ABCD.







Page 11 of 23

Р.Т.О.



अथवा

(ख) यदि
$$x^{1/3} + y^{1/3} = 1$$
 है, तो बिंदु $\left(\frac{1}{8}, \frac{1}{8}\right)$ पर $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए।

फलन f(x) = $4x^2 + \frac{1}{x}$ (x $\neq 0$) के लिए स्थानीय उच्चतम मान और स्थानीय निम्नतम मान 23. (यदि कोई हो) ज्ञात कीजिए।

(क) ज्ञात कीजिए : 24.

$$\int x \sqrt{1+2x} dx$$

अथवा

(ख) मान ज्ञात कीजिए :
$$\int_{0}^{\frac{\pi^{2}}{4}} \frac{\sin\sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$$

यदि दो शून्येतर सदिश \overrightarrow{a} और \overrightarrow{b} इस प्रकार हैं कि $(\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) \perp \overrightarrow{a}$ और 25. $(2a + b)_{\perp} \rightarrow (2a + b)_{\perp} \rightarrow (2a$

खण्ड ग

इस खण्ड में लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं।

निम्न रैखिक प्रोग्रामन समस्या को आलेखीय विधि से हल कीजिए : 26. निम्न व्यवरोधों के अंतर्गत

 $x + 2y \le 120$ $x + y \ge 60$ $x - 2y \ge 0$ x, $y \ge 0$ $\mathbf{z} = 5\mathbf{x} - 2\mathbf{y}$ का न्यूनतमीकरण कीजिए । 65/1/3-11 Page 12 of 23



Check the differentiability of function f(x) = [x] at x = -3, where [·] 22. (a) denotes greatest integer function.

OR

(b) If
$$x^{1/3} + y^{1/3} = 1$$
, find $\frac{dy}{dx}$ at the point $\left(\frac{1}{8}, \frac{1}{8}\right)$.

Find local maximum value and local minimum value (whichever exists) 23. for the function $f(x) = 4x^2 + \frac{1}{x}$ (x \neq 0).

24. (a) Find :

$$\int x \sqrt{1+2x} dx$$

Evaluate : (b) $\int_{0}^{\frac{\pi^{2}}{4}} \frac{\sin\sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$

If \overrightarrow{a} and \overrightarrow{b} are two non-zero vectors such that $(\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) \perp \overrightarrow{a}$ and 25. $(2\overrightarrow{a} + \overrightarrow{b}) \perp \overrightarrow{b}$, then prove that $|\overrightarrow{b}| = \sqrt{2} |\overrightarrow{a}|$.

SECTION C

This section comprises short answer (SA) type questions of 3 marks each.

26. Solve the following linear programming problem graphically : Minimise z = 5x - 2y

subject to the constraints

 $x + 2y \le 120$ $x + y \ge 60$ $x - 2y \ge 0$ x, $y \ge 0$

65/1/3-11

Page 13 of 23

P.T.O.



- E और F दो स्वतंत्र घटनाएँ ऐसी हैं जिनके लिए $P(\overline{E}) = 0.6$ तथा $P(E \cup F) = 0.6$ है । 27. P(F) और $P(\overline{E} \cup \overline{F})$ ज्ञात कीजिए ।
- समुच्चय A = $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ में एक संबंध R = $\{(x, y) : |x^2 y^2| < 8\}$ द्वारा (क) 28. परिभाषित है। जाँच कीजिए कि क्या यह संबंध R स्वतुल्य, सममित और संक्रामक है ।

अथवा

29. (**क**)
$$\overline{u}$$
 and $\sqrt{1-x^2} + \sqrt{1-y^2} = a(x-y)$ \overline{k} , \overline{n} in the set of the formula $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}$.

अथवा

(ख) यदि y =
$$(\tan x)^x$$
 है, तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात कीजिए ।

(क) ज्ञात कीजिए : 30. $\int \frac{x^2}{(x^2+4)\,(x^2+9)}\,\,dx$

अथवा

(ख) मान ज्ञात कीजिए :
$$\int_{1}^{3} \left(|x - 1| + |x - 2| + |x - 3| \right) dx$$

31. निम्न अवकल समीकरण को हल कीजिए :
$$(\tan^{-1} y - x) dy = (1 + y^2) dx$$

65/1/3-11

Page 14 of 23



- **27.** E and F are two independent events such that $P(\overline{E}) = 0.6$ and $P(E \cup F) = 0.6$. Find P(F) and $P(\overline{E} \cup \overline{F})$.
- 28. (a) A relation R on set A = $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ is defined as

 $R = \{(x, y) : |x^2 - y^2| < 8\}$. Check whether the relation R is

reflexive, symmetric and transitive.

OR

(b) A function f is defined from $R \rightarrow R$ as f(x) = ax + b, such that

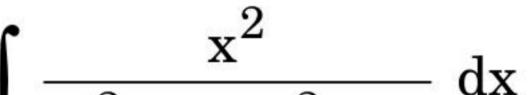
f(1) = 1 and f(2) = 3. Find function f(x). Hence, check whether

function f(x) is one-one and onto or not.

29. (a) If
$$\sqrt{1-x^2} + \sqrt{1-y^2} = a (x-y)$$
, prove that $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}$.
OR

(b) If
$$y = (\tan x)^x$$
, then find $\frac{dy}{dx}$.

30. (a) Find :



$$J (x^2 + 4) (x^2 + 9)$$

OR

(b) Evaluate:
$$\int_{1}^{3} (|x-1|+|x-2|+|x-3|) dx$$

31. Solve the following differential equation :

$$(\tan^{-1} y - x) dy = (1 + y^2) dx$$

65/1/3-11

Page 15 of 23

Р.Т.О.



खण्ड घ

इस खण्ड में दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं।

32. रेखा
$$l_2$$
 का समीकरण ज्ञात कीजिए जो रेखा $l: \frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-2}{3}$ के संबंध में रेखा l_1
की दर्पण छवि है, यह दिया गया है कि रेखा l_1 बिंदु P(1, 6, 3) से होकर गुज़रती है और
रेखा *l* के समांतर है।

33. (क) यदि A =
$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 2 & -1 & -1 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$
 है, तो A⁻¹ ज्ञात कीजिए और इसके प्रयोग से, निम्न

समीकरण निकाय को हल कीजिए :

$$x - 2y = 10, 2x - y - z = 8, -2y + z = 7$$

अथवा

(ख)यदि A =
$$\begin{bmatrix} -1 & a & 2 \\ 1 & 2 & x \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
 तथा A⁻¹ = $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ -8 & 7 & -5 \\ b & y & 3 \end{bmatrix}$ है,तो $(a + x) - (b + y)$ का मान ज्ञात कीजिए ।

34. (क) ज्ञात कीजिए :

$$\int \frac{(3\cos x - 2)\sin x}{5 - \sin^2 x - 4\cos x} \, dx$$

अथवा

(ख) मान ज्ञात कीजिए :

$$\int_{-2}^{2} \frac{x^3 + |x| + 1}{x^2 + 4 |x| + 4} dx$$

35. समाकलन विधि के प्रयोग से, दीर्घवृत्त
$$\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$$
 के उस क्षेत्र का, जो रेखाओं $x = -2$ और $x = 2$ के बीच है, क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

65/1/3-11

Page 16 of 23



SECTION D

This section comprises long answer type questions (LA) of 5 marks each.

Find the equation of a line l_2 which is the mirror image of the line l_1 with 32. respect to line $l: \frac{x}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-2}{3}$, given that line l_1 passes through the point P(1, 6, 3) and parallel to line *l*.

33. (a) If
$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 2 & -1 & -1 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$
, find A^{-1} and use it to solve the following system of equations :
 $x - 2y = 10, 2x - y - z = 8, -2y + z = 7$
OR
(b) If $A = \begin{bmatrix} -1 & a & 2 \\ 1 & 2 & x \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ and $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ -8 & 7 & -5 \\ b & y & 3 \end{bmatrix}$,
find the value of $(a + x) - (b + y)$.

34. (a) Find :

$$\int \frac{(3\cos x - 2)\sin x}{5 - \sin^2 x - 4\cos x} dx$$

OR

- (b) Evaluate : $\int_{0}^{2} \frac{x^{3} + |x| + 1}{x^{2} + 4|x| + 4} dx$
- Using integration, find the area of the ellipse $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$, included 35.

between the lines x = -2 and x = 2.

65/1/3-11 Page 17 of 23 P.T.O.



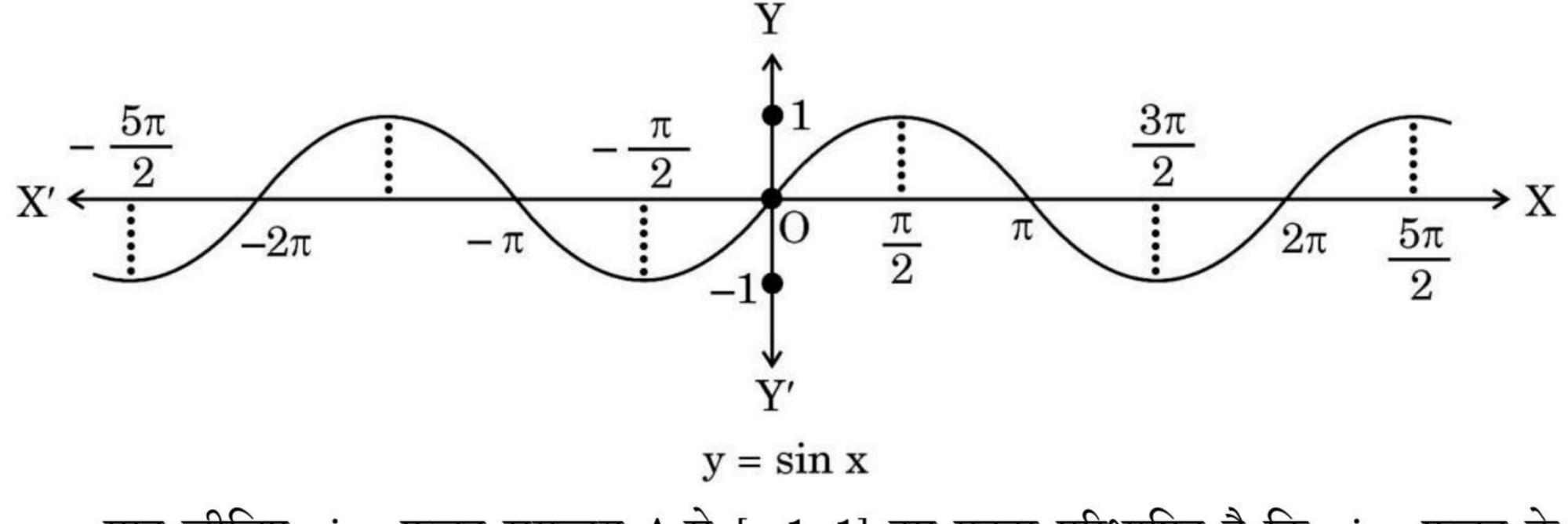
खण्ड ङ

इस खण्ड में 3 प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं।

प्रकरण अध्ययन – 1

यदि फलन $f: X \to Y$ इस प्रकार परिभाषित है कि f(x) = y एकैकी तथा आच्छादक हो, 36. तो हम एक अद्वितीय फलन $g: Y \to X$ इस प्रकार परिभाषित कर सकते हैं कि g(y) = x, जहाँ $x \in X$ तथा $y = f(x), y \in Y$ है। फलन g को फलन f का प्रतिलोम कहा जाता है। sine फलन का प्रांत R और फलन sine : R
ightarrow R न तो एकैकी है और न ही आच्छादक

है। निम्न आकृति में sine फलन का आलेख दिखाया गया है।



मान लीजिए sine फलन समुच्चय A से [-1, 1] इस प्रकार परिभाषित है कि sine फलन के प्रतिलोम का अस्तित्व है, यानि $\sin^{-1} \mathrm{x}: [-1, 1] o \mathrm{A}$ पर परिभाषित है ।

उपर्युक्त सूचना के आधार पर, निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

यदि A मुख्य मान शाखा के अलावा अन्य अंतराल है, तो ऐसे एक अंतराल का (i)

(ii) यदि
$$\sin^{-1}(x)$$
 को [- 1, 1] से इसकी मुख्य मान शाखा में परिभाषित किया गया हो,
तो $\sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) - \sin^{-1}(1)$ का मान ज्ञात कीजिए। 1

(क) [-1, 1] से मुख्य मान शाखा तक के लिए $\sin^{-1} x$ का आलेख बनाइए । (iii) 2

अथवा

 $f(x) = 2 \sin^{-1} (1 - x)$ का प्रांत और परिसर ज्ञात कीजिए। (iii) (ख)

65/1/3-11

Page 18 of 23



SECTION E

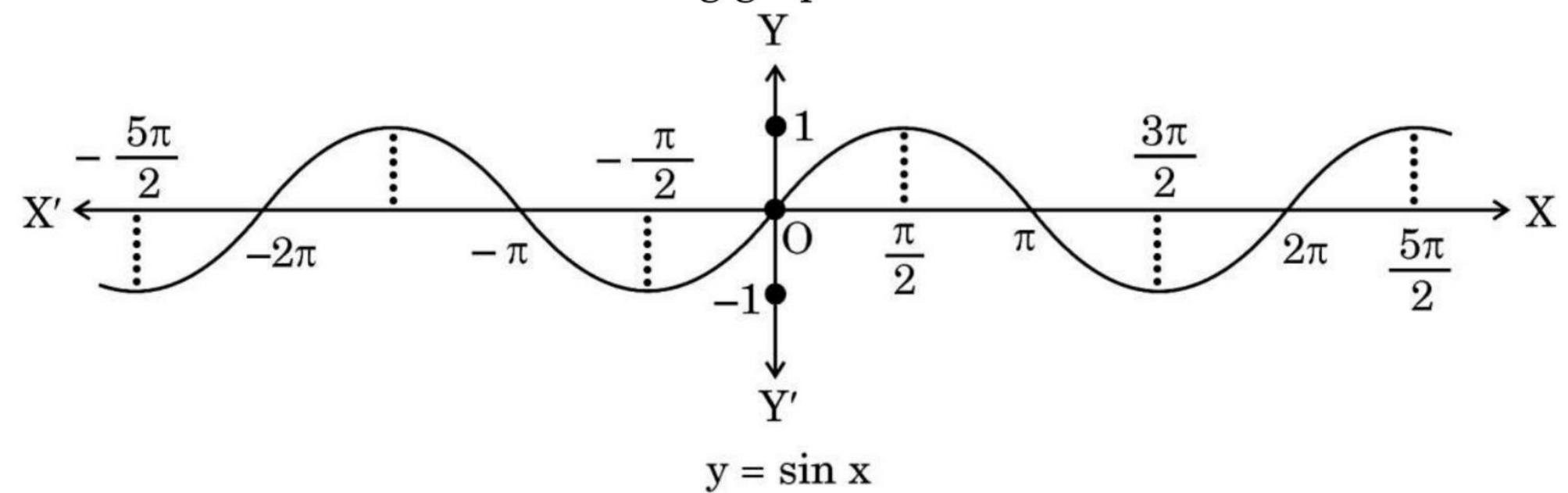
This section comprises 3 case study based questions of 4 marks each.

Case Study – 1

If a function $f: X \to Y$ defined as f(x) = y is one-one and onto, then we can 36. define a unique function $g: Y \to X$ such that g(y) = x, where $x \in X$ and $y = f(x), y \in Y$. Function g is called the inverse of function f.

The domain of sine function is R and function sine : $R \rightarrow R$ is neither one-one nor onto. The following graph shows the sine function.





Let sine function be defined from set A to [-1, 1] such that inverse of sine function exists, i.e., $\sin^{-1} x$ is defined from [-1, 1] to A.

On the basis of the above information, answer the following questions :

- If A is the interval other than principal value branch, give an (i) example of one such interval.
- If $\sin^{-1}(x)$ is defined from [-1, 1] to its principal value branch, find (ii) the value of $\sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) - \sin^{-1}(1)$.
- Draw the graph of $\sin^{-1} x$ from [-1, 1] to its principal value (iii) (a) branch.

OR

Find the domain and range of $f(x) = 2 \sin^{-1} (1 - x)$. (iii) 2(b)

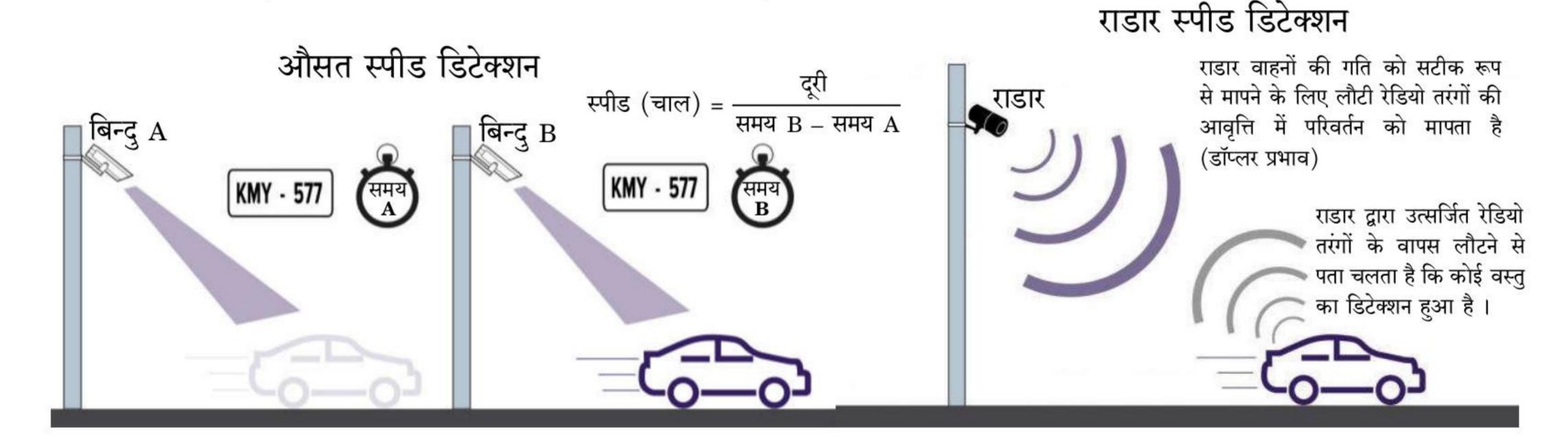
65/1/3-11 P.T.O. Page 19 of 23



1

प्रकरण अध्ययन – 2

37. ट्रैफिक पुलिस ने शहर में विभिन्न स्थानों पर ओवर स्पीड उल्लंघन डिटेक्शन (OSVD) प्रणाली स्थापित की है । ये कैमरे 300 मीटर की दूरी से तेज गति से चलने वाले वाहन की फोटो ले सकते हैं और अँधेरे में भी काम कर सकते हैं ।



एक खंभे पर 5 मीटर की उँचाई पर एक कैमरा स्थापित किया गया है। यह 20 मीटर / सेकंड की गति से खंभे से दूर जा रही एक कार का पता लगाता है। खंभे के पाद से x मीटर दूरी पर किसी भी बिंदु पर, कार C से स्पीड कैमरे का उन्नयन कोण θ है। उपर्युक्त सूचना के आधार पर, निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए:

- (i) खंभे पर स्थापित किए गए कैमरे की ऊँचाई और x के रूप में θ को व्यक्त कीजिए ।
- (ii) $\frac{d\theta}{dx}$ ज्ञात कीजिए ।

(iii) (क) जब कार खंभे से 50 मीटर दूर हो, तो उस क्षण पर समय के सापेक्ष उन्नयन

कोण में परिवर्तन की दर ज्ञात कीजिए ।

अथवा

65/1/3-11

Page 20 of 23



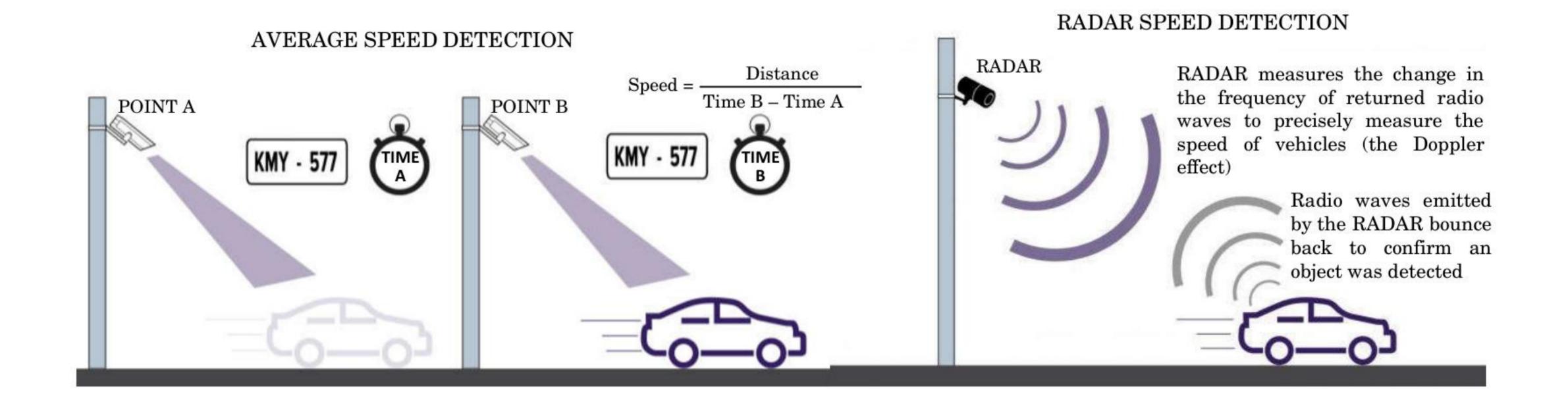
1

2

$\sim \sim$

Case Study – 2

37. The traffic police has installed Over Speed Violation Detection (OSVD) system at various locations in a city. These cameras can capture a speeding vehicle from a distance of 300 m and even function in the dark.



A camera is installed on a pole at the height of 5 m. It detects a car travelling away from the pole at the speed of 20 m/s. At any point, x m away from the base of the pole, the angle of elevation of the speed camera from the car C is θ .

On the basis of the above information, answer the following questions :

(i) Express θ in terms of height of the camera installed on the pole and x.

(ii) Find
$$\frac{d\theta}{dx}$$
.

(iii) (a) Find the rate of change of angle of elevation with respect to time at an instant when the car is 50 m away from the pole. 2

OR

(iii) (b) If the rate of change of angle of elevation with respect to time of another car at a distance of 50 m from the base of the pole is $\frac{3}{101}$ rad/s, then find the speed of the car.

65/1/3-11

Page 21 of 23

P.T.O.

2

1



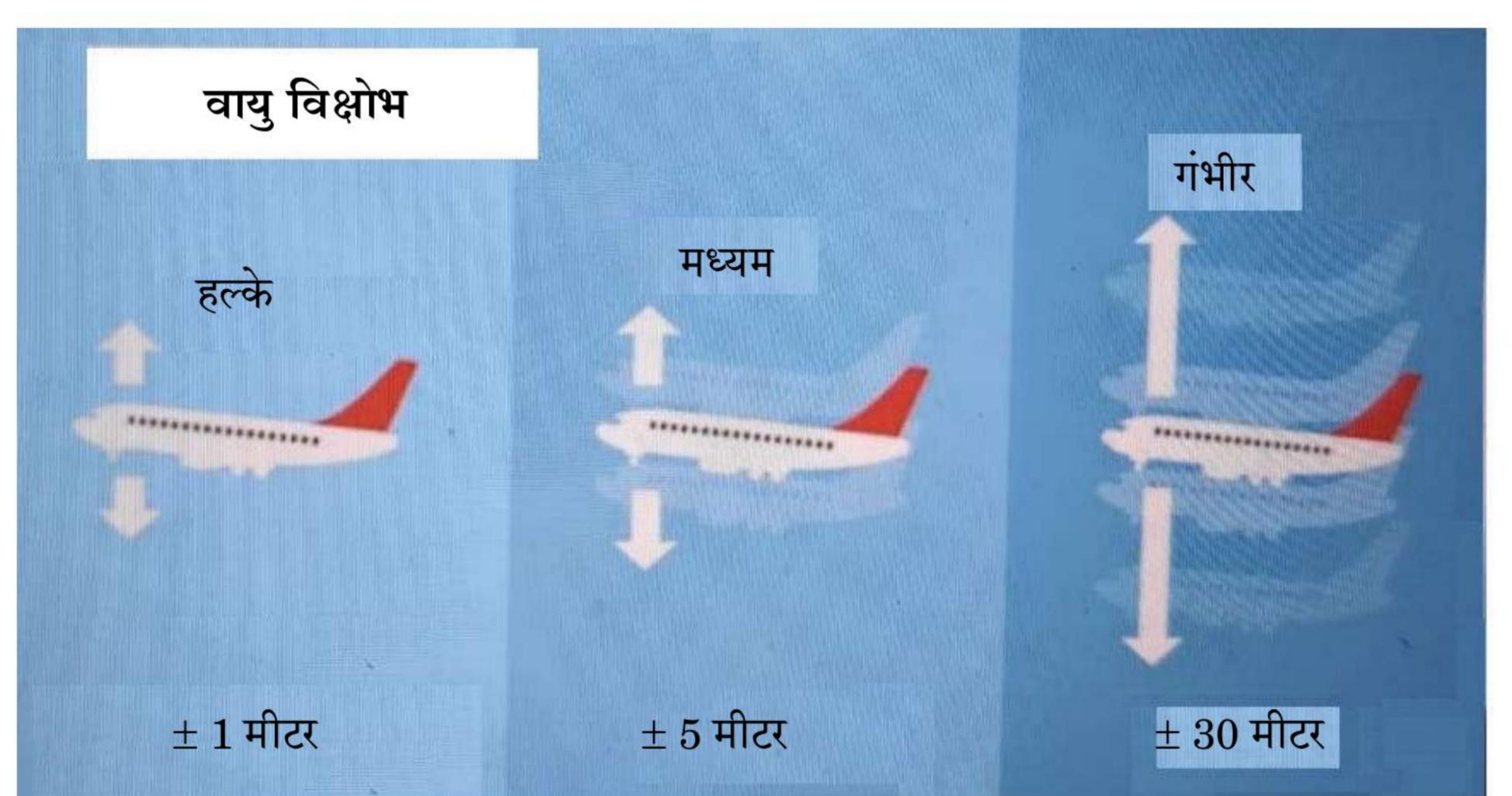
 $\sim \sim$

प्रकरण अध्ययन – 3

38. हाल के शोध के अनुसार, जलवायु परिवर्तन के कारण दुनिया भर के विभिन्न क्षेत्रों में वायु विक्षोभ बढ़ता है । वायु विक्षोभ उड़ान को मुश्किल बना देता है और अक्सर उड़ान में देरी करता है ।

मान लीजिए कि एक हवाई जहाज समान प्रायिकता के साथ गंभीर विक्षोभ, मध्यम विक्षोभ या हल्के विक्षोभ का अनुभव करता है । इसके अलावा, गंभीर विक्षोभ, मध्यम विक्षोभ और

हल्के विक्षोभ के कारण हवाई जहाज के गंतव्य पर देर से पहुँचने की प्रायिकता क्रमश: 55%, 37% और 17% है।





2

2

उपर्युक्त सूचना के आधार पर, निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

 (ii) यदि हवाई जहाज अपने गंतव्य पर देर से पहुँचता है, तो प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि ऐसा मध्यम विक्षोभ के कारण हुआ है ।

65/1/3-11

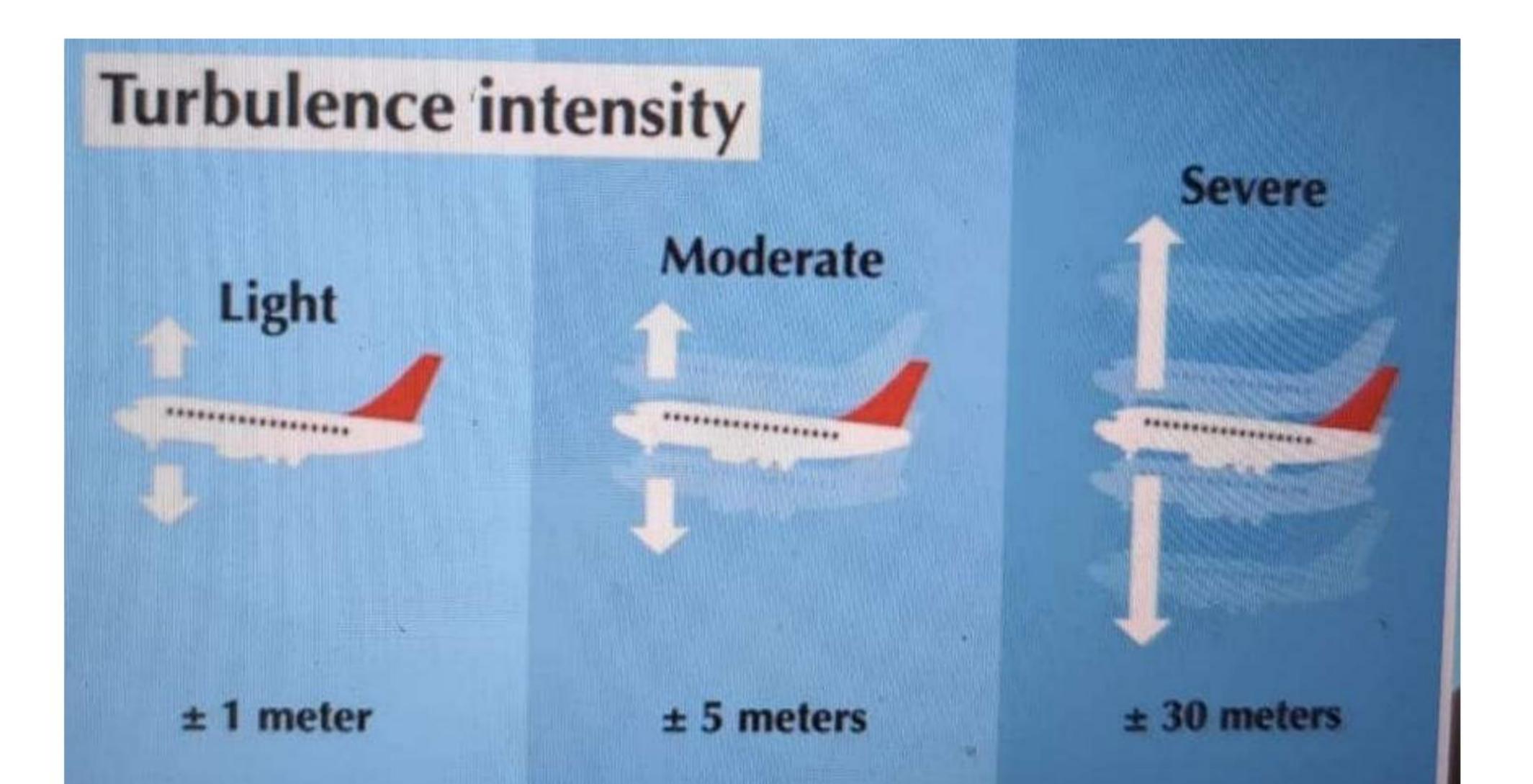
Page 22 of 23

Case Study – 3

38. According to recent research, air turbulence has increased in various regions around the world due to climate change. Turbulence makes flights bumpy and often delays the flights.

Assume that, an airplane observes severe turbulence, moderate turbulence or light turbulence with equal probabilities. Further, the chance of an airplane reaching late to the destination are 55%, 37% and

17% due to severe, moderate and light turbulence respectively.



On the basis of the above information, answer the following questions :

- (i) Find the probability that an airplane reached its destination late. 2
- (ii) If the airplane reached its destination late, find the probability that it was due to moderate turbulence.

65/1/3-11

Page 23 of 23

