



294



Total No. of Questions - 24

Regd.

Total No. of Printed Pages - 3

No.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Part - III

MATHEMATICS, Paper-II(B)
(Telugu Version)

Time : 3 Hours]

[Max. Marks : 75

నూచన : ఈ ప్రశ్నపత్రంలో A, B, C అను మూడు విభాగములు కలవు.

విభాగము - A

10 × 2 = 20

I. “అతి స్వల్ప” సమాధాన ప్రశ్నలు.

(i) అన్ని ప్రశ్నలకు జవాబులు వ్రాయండి.

(ii) ఒక్కొక్క ప్రశ్నకు రెండు మార్కులు.

1. $x^2 + y^2 - 8x - 8y + 27 = 0$ వృత్తం ఒక వ్యాసపు ఒక కోణ (2, 3) అయితే దీని మరో కోణ కనుక్కోండి.

2. స్పర్శ జ్యా ను నిర్వచించి, $x^2 + y^2 = 9$ వృత్తం దృష్ట్యా (1, 1) స్పర్శ జ్యా సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

3. $x^2 + y^2 - 5x - 14y - 34 = 0$, $x^2 + y^2 + 2x + 4y + k = 0$ సమీకరణాలు సూచించే వృత్తాలు లంబ వృత్తాలు అయితే k విలువ కనుక్కోండి.

4. (3, -2) శీర్షంగాను, (3, 1) నాభిగాను గల వరావలయ సమీకరణం కనుక్కోండి.

5. $x^2 - 4y^2 = 5$ అతివరావలయానికి $3x - 4y + k = 0$ స్పర్శరేఖ అయితే k విలువ కనుక్కోండి.

[1 of 4]

294



6. $\int \frac{\cos x}{(1+\sin x)^2} dx$ ను గణించండి.

7. $(0, \infty)$ మీద $\int x \log x dx$ ను గణించండి.

8. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 + 2^4 + 3^4 + \dots + n^4}{n^5}$ ను గణించండి.

9. $\int_{-\pi/2}^{\pi/2} \sin^2 x \cos^4 x dx$ ను కనుక్కోండి.

10. $y(1+x) dx + x(1+y) dy = 0$ ను సాధించండి.

విభాగము - B

5 × 4 = 20

II. “స్వల్ప” సమాధాన ప్రశ్నలు.

(i) ఏవైనా ఐదు ప్రశ్నలకు జవాబులు వ్రాయండి.

(ii) ప్రతి ప్రశ్నకు నాలుగు మార్కులు.

11. $x, y, \neq 0$ అయి, $x^2 + y^2 = a^2$ వృత్తంపై ఉన్న బిందువు $P(x_1, y_1)$ వద్ద గీసిన స్పర్శరేఖ, నిరూపకాక్షాలతో ఏర్పరిచే త్రిభుజ వైశాల్యాన్ని కనుక్కోండి.

12. $x^2 + y^2 + 2gx + 2fy = 0$, $x^2 + y^2 + 2g'x + 2f'y = 0$ వృత్తాలు ఒకదానినొకటి స్పృశించుకొంటే $f'g = fg'$ అని చూపండి.

13. ఒక దీర్ఘ వృత్తం నాభులు S, T లు, ప్రాస్వాక్షపు ఒక కొన B, STB ఒక సమబాహు త్రిభుజం అయితే, దీర్ఘ వృత్తం ఉత్కేంద్రత కనుక్కోండి.

14. $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ దీర్ఘవృత్తానికి $x \cos \alpha + y \sin \alpha = P$ స్పర్శరేఖ కావడానికి నియమం కనుక్కోండి.

15. $x^2 - 4y^2 = 4$ అతిపరావలయానికి కేంద్రం, నాభులు, ఉత్కేంద్రత, నియత రేఖల సమీకరణాలు కనుక్కోండి.



16. వరావలయాలు $y^2 = 4x$, $x^2 = 4y$ పరిబద్ధమైన ప్రదేశం వైశాల్యం కనుక్కోండి.

17. $(x^2 + y^2)dx = 2xy dy$ ను సాధించండి.

విభాగము - C

5 × 7 = 35

III. "దీర్ఘ" సమాధాన ప్రశ్నలు.

(i) ఏవైనా ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానములు వ్రాయండి.

(ii) ప్రతి ప్రశ్నకు ఏడు మార్కులు.

18. (4, 1), (6, 5) బిందువుల గుండా పోయే వృత్త కేంద్రం $4x + 3y - 24 = 0$ రేఖపై ఉంటే ఆ వృత్త సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

19. $x^2 + y^2 - 2x - 4y - 20 = 0$ వృత్తాన్ని (5, 5) బిందువు వద్ద బాహ్యంగా స్పృశిస్తూ 5 యూనిట్ల వ్యాసార్థం ఉన్న వృత్త సమీకరణాన్ని కనుక్కోండి.

20. వరావలయం $y^2 = 4ax$ కు బాహ్య బిందువు P నుంచి గీసిన స్పృశ్యరేఖలు అక్షరేఖతో θ_1, θ_2 కోణాలు చేస్తున్నాయి. $\tan \theta_1 + \tan \theta_2$ విలువ స్థిరం b అయితే $y = bx$ రేఖపై P ఉంటుందని చూపండి.

21. $\int \frac{1}{1 + \sin x + \cos x} dx$ ను గణించండి.

22. పూర్ణాంకం $n \geq 2$, $I_n = \int \cos^n x dx$ అయితే $I_n = \frac{1}{n} \cos^{n-1} x \sin x + \frac{n-1}{n} I_{n-2}$ అని చూపండి.

23. $\int_0^{\pi/2} \frac{x}{\sin x + \cos x} dx = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} \log(\sqrt{2} + 1)$ అని చూపండి.

24. $x \log x \frac{dy}{dx} + y = 2 \log x$ ను సాధించండి.



